



سجاد مختاری

پاسخنامه آزمون ۲۱

اردیبهشت هتريك دوپینگ

پلاس تجربی

چینش ۱

۵۸۶۷۶۸۷



بہار







## پاسخنامه تشریحی

۱. گزینه ۱ در تنفس بی‌هوازی پیرووات احیا می‌شود و تنفس بی‌هوازی در سلول‌های ماهیچه‌ای صورت می‌گیرد ولی در سلول‌های استوانه‌ای فقط تنفس هوازی وجود دارد.
۲. گزینه ۱ عمل تنفس سلولی (سوختن گلوکز و تولید انرژی) در اندامک راکیزه (میتوکندری) انجام می‌شود.
۳. گزینه ۱ توانایی هیدرولیز گلیکوژن در سلول‌های کبدی، ماهیچه‌ای وجود داشته و البته در دستگاه گوارش نیز دیده می‌شود.

تجزیه گلوکز همواره در سیتوپلاسم شروع می‌شود.

رد سایر موارد:

- مورد ب: این مورد فقط در ارتباط با یاخته‌های کبدی درست است. (صفر در یاخته‌های کبدی تولید می‌شود)
- مورد ج: در روده گلیکوژن جانوری با آنزیم‌های برون‌سلولی گوارش می‌شود.
- مورد د: کبد گلوکز را از انشعابات مویرگی سیاهرگ باب می‌گیرد و در دستگاه گوارش نیز سلول‌های روده گلوکز را از درون روده دریافت می‌کنند.

۴. گزینه ۴ دای راکیزه یا میتوکندری مانند دای باکتری‌ها حلقوی است.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۱: درخت گیسو از ۱۷۰ میلیون سال پیش تاکنون بدون تغییر مانده است.

گزینه ۲: طی واکنش تنفس سلولی در جانداران، از هر مولکول گلوکز، ۶ مولکول آب و ۶ مولکول  $CO_2$  تولید می‌شود.

گزینه ۳: گیاهان در غشای تیلاکوئید خود، دارای دو نوع زنجیره انتقال الکترون هستند.

۵. گزینه ۲ سدیم نیتریت از عوامل جهش‌زای شیمیایی و پرتوی  $UV$  از عوامل جهش‌زای فیزیکی است. پاداکسنده‌ها از مواد ضد سرطان هستند و هیدروژن سیانید با توقف زنجیره انتقال الکترون منجر به مرگ سلول می‌شود. مواد سرطان‌زا چرخه‌های توقف رشد سلول را مهار می‌کنند، هیدروژن سیانید با مرگ فوری سلول نمی‌تواند سرطان‌زا باشد.

۶. گزینه ۱ در فرآیند تنفس یاخته‌ای، گلیکولیز در مایع میان یاخته انجام می‌شود، که در طی گلیکولیز ترکیب سه کربنه ایجاد می‌شود.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۲: استیل ۲ کربنه است که در راکیزه تولید می‌شود.

گزینه‌های ۳ و ۴: ترکیبات ۴ و ۵ کربنه در راکیزه و طی کربس تولید می‌شوند.

۷. گزینه ۲ تولید ترکیب سه کربنه دو فسفات و استیل کو آنزیم  $A$ ، با تولید  $NADH$  همراه است.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۱: تولید پیرووات برخلاف تولید قند دو فسفات، انرژی‌زا است.

گزینه ۳: پیرووات دارای سه کربن و استیل کو آنزیم  $A$  تعداد فراوانی اتم کربن دارد.

گزینه ۴: تجزیه قند دو فسفات در سیتوپلاسم و تولید استیل کو آنزیم  $A$  در میتوکندری انجام می‌شود.

۸. گزینه ۴ پروتون‌ها (یون‌های  $H^+$ ) در سه محل از زنجیره انتقال الکترون از بخش داخلی به فضای بین دو غشا پمپ می‌شوند و می‌دانیم پمپ برخلاف شیب غلظت (از کم تراکم به پر تراکم) می‌باشد که انتقال فعال محسوب می‌شود که در زنجیره انتقال الکترون از انرژی الکترون‌ها (نه انرژی زیستی) استفاده می‌شود و با ورود پروتون‌ها به فضای بین دو غشا، تراکم آنها در این فضا، نسبت به بخش داخلی افزایش می‌یابد و براساس شیب غلظت، تمایل دارند که به سمت بخش داخلی برگردند و فقط از طریق کانال‌ها انجام می‌شود (انتشار تسهیل شده).

۹. گزینه ۳ اندامک دو غشایی با غشای داخلی چین خورده، همان راکیزه است، تولید استیل کو آنزیم  $A$  و «اکسایش پیرووات» درون راکیزه انجام می‌شود.

۱۰. گزینه ۲ محصول نهایی قندکافت، پیرووات است که با آزاد شدن یک مولکول  $CO_2$  به ازای یک مولکول پیرووات، اتانال که دارای ۲ عدد کربن است، حاصل می‌شود. سپس با کاهش اتانال، اتانول که الکلی دو کربنی است تولید می‌شود.

۱۱. گزینه ۱  $NAD^+$  و  $FAD$  پذیرنده الکترون‌های حاصل از شکستن گلوکز هستند.

۱۲. گزینه ۳ کاهش  $FAD$  و  $NAD^+$  و تولید استیل کو آنزیم  $A$  می‌تواند درون راکیزه انجام شود.

۱۳. گزینه ۴ انجام قندکافت (گلیکولیز) نیازی به اکسیژن ندارد و بدون حضور آن نیز انجام می‌شود.

۱۴. گزینه ۱ در زنجیره انتقال الکترون در تنفس یاخته‌ای، آب تولید می‌شود و  $NADH$  مصرف می‌شود.

۱۵. گزینه ۲ در برخی از گام‌های چرخه کربس  $NAD^+$  به  $NADH$  تبدیل می‌شود. چرخه کربس درون بستره میتوکندری انجام می‌شود.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۱: تبدیل پیرووات به لاکتات در ماده زمینه‌ای سیتوپلاسم سلول ماهیچه در شرایط بی‌هوازی انجام می‌شود.

گزینه ۳: در هیچ مرحله‌ای از تنفس سلولی تبدیل ترکیب ۵ کربنه به قند ۶ کربنه دیده نمی‌شود.

گزینه ۴: تبدیل ترکیب ۳ کربنه به پیرووات، آخرین مرحله گلیکولیز است که در سیتوپلاسم سلول‌ها انجام می‌شود.

۱۶. گزینه ۴ از سوختن کامل و هوازی هر مولکول گلوکز، در مجموع، ۳۸ مولکول  $ATP$ ، ۱۰ مولکول  $NADH$ ، ۲ مولکول  $FADH_2$  و ۶ مولکول  $CO_2$  حاصل می‌شود.

گزینه ۱: گلوکز در سلول‌های ماهیچه تار و نه تارچه به صورت گلیکوژن درمی‌آید.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۲: در غیاب اکسیژن در سلول‌های ماهیچه تخمیر لاکتیکی صورت می‌گیرد، نه تخمیر الکلی.

گزینه ۳: گلبول‌های قرمز میتوکندری ندارند، پس از هر مولکول گلوکز، ۳۰ مولکول  $ATP$  به دست نمی‌آورند.

۱۷. گزینه ۴ در چرخه کربس ترکیبات ۶ کربنی و ۵ کربنی و ۴ کربنی به ترتیب تولید و سپس مصرف می‌شوند. در انتهای چرخه چند ترکیب ۴ کربنی متوالی تشکیل می‌شوند.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۱: استیل کو آنزیم  $A$  در چرخه کربس تولید نمی‌شود.

گزینه ۲: در کربس ترکیب ۳ کربنی یافت نمی‌شود.



گزینه ۳: ترکیب شش کربنی از ترکیب ۵ کربنی به وجود نمی آید.

۱۸. گزینه ۴ ترکیب شش کربنی در واکنش بعدی تجزیه می شود و یک مولکول  $CO_2$  و یک ترکیب ۵ کربنی همزمان تولید می شود. بررسی سایر گزینه ها:

گزینه ۱: استیل کوآنزیم A در این واکنش ها مصرف می شود.

گزینه های ۲ و ۳: استیل کوآنزیم A با ترکیب ۴ کربنی، ترکیب شش کربنی تولید می کنند.

۱۹. گزینه ۲ در ابتدای قند کافت ATP مصرف و ADP مصرف و ATP تولید می شود، در حالی که در آخرین واکنش قند کافت ADP مصرف و ATP تولید می شود. به طور کلی در گلیکولیز  $CO_2$  و  $FADH_2$  نه تولید و نه مصرف می شود.

۲۰. گزینه ۱ تمامی موارد عبارت را به نادرستی کامل می کنند.

بررسی موارد:

گزینه الف: در درون راکیزه، فرآیند رونویسی نیز انجام می گیرد. در نتیجه درون آن نوکلئیک اسید خطی (رنا) قابل مشاهده است.

گزینه ب:  $NADH$  های ایجاد شده طی گلیکولیز که نوعی واکنش بی هوازی محسوب می شود، پس از ورود به میتوکندری، در زنجیره انتقال الکترون غشای داخلی آن اکسایش می یابند.

گزینه ج: توجه کنید علاوه بر رنا و دنا،  $NADH$  نیز در ساختار خود دارای دو نوکلئوتید است. بین دو نوکلئوتید، یک (نه چندین) پیوند فسفودی استر قابل مشاهده است.

گزینه د: راکیزه برای انجام نقش خود در تنفس یاخته ای به پروتئین هایی وابسته است که ژن های آن ها در هسته قرار دارند و به وسیله رناتن های سیتوپلاسمی ساخته می شوند.

۲۱. گزینه ۴ مرحله بی هوازی تنفس یاخته ای، قندکافت (گلیکولیز) است. طی گلیکولیز، ساخته شدن پیروویک اسید مستقیماً از مولکول های اسید (سه کربنی) دو فسفات، (نه قند سه کربنی) صورت می گیرد.

بررسی سایر گزینه ها:

گزینه ۱: اولین مرحله تنفس یاخته ای، قندکافت و به معنی تجزیه گلوکز است که در ماده زمینه سیتوپلاسم انجام می شود.

گزینه ۲: تجزیه گلوکز در قندکافت، نه به صورت یک باره، بلکه به صورت مرحله ای انجام می شود.

گزینه ۳: برای انجام واکنش های مربوط به تجزیه گلوکز انرژی فعال سازی نیاز هست. این انرژی از ATP تأمین می شود.

۲۲. گزینه ۲ با قرار گرفتن بدن در شرایط کمبود اکسیژن، فرآیندهای مربوط به تخمیر لاکتیکی در یاخته های ماهیچه ای آغاز می گردد. در این صورت، یاخته ها به دلیل کاهش رخداد تنفس هوازی، با کمبود انرژی روبه رو خواهند شد. در نتیجه تمامی فرآیندهایی که به مصرف انرژی نیاز دارند، با اختلال مواجه می شوند.

بازجذب ممکن است غیرفعال باشد مثل بازجذب آب که با اسمز صورت می گیرد و بدون مصرف انرژی است.

بررسی سایر گزینه ها:

گزینه ۱: خروج ناقل عصبی از نورون و ورود آن به فضای سیناپسی به صورت اگزوسیتوز و با مصرف انرژی است.

گزینه ۳: تجزیه طبیعی آمینواسید فیل آلانین در بدن انسان سالم، نوعی واکنش آنزیمی است و نیاز به انرژی دارد.

گزینه ۴: این پمپ با انتقال فعال کار می کند.

۲۳. گزینه ۴ طی تخمیر الکلی، ابتدا محصول نهایی قندکافت (پیرووات) یک مولکول کربن دی اکسید را از دست می دهد و به اتانال تبدیل می شود. سپس اتانال با دریافت الکترون های  $NADH$  کاهش یافته و به اتانول تبدیل می شود.

بررسی سایر گزینه ها:

گزینه ۱: جایگاه وقوع تخمیر الکلی سیتوپلاسم است. در نتیجه پیرووات که طی نهایی ترین مرحله گلیکولیز در سیتوپلاسم ایجاد می شود نیاز به خروج از آن ندارد.

گزینه ۲: طی تخمیر، از مولکول پیرووات هر گز  $NADH$  ساخته نمی شود.

گزینه ۳: طی تخمیر الکلی، اتانال دریافت کننده الکترون های  $NADH$  است؛ نه پیرووات.

۲۴. گزینه ۲ در پروکاریوت ها (پیش هسته ای ها) که شامل همه باکتری ها می شوند، مولکول های وراثتی در غشا محصور نشده و فام تن اصلی به صورت یک مولکول دای حلقوی است که در سیتوپلاسم قرار دارد و به غشای یاخته متصل است. در یوکاریوت ها دای اصلی در اندامکی به نام هسته قرار داشته و با غشای یاخته در تماس نمی باشد.

اکسایش پیرووات در درون راکیزه رخ می دهد. به منظور خروج کربن دی اکسید حاصل شده طی این واکنش ها از یاخته، این گاز باید از سه لایه غشا و شش لایه فسفولیپیدی عبور کند. دو لایه غشا مربوط به راکیزه و یک لایه نیز مربوط به غشای سلولی است.

بررسی سایر گزینه ها:

گزینه ۱: توجه کنید پروکاریوت ها فاقد هر گونه اندامک بوده و راکیزه ندارند.

گزینه ۳: اندازه گیری های واقعی در شرایط بهینه آزمایشگاهی نشان می دهند که مقدار ATP تولید شده در ازای تجزیه کامل یک گلوکز در بهترین شرایط در یاخته یوکاریوت (نه پروکاریوت) حداکثر ۳۰ مولکول ATP است.

گزینه ۴: در یوکاریوت ها، با فعالیت پمپ های غشایی راکیزه، پروتون از بستره خارج و به فضای بین دو غشای راکیزه منتقل می شود.

۲۵. گزینه ۴

بررسی موارد:

الف: پیرووات محصول نهایی گلیکولیز، طی تخمیر لاکتیکی برای تولید  $NAD^+$ ، به طور مستقیم در ماده زمینه ای سیتوپلاسم یاخته های ماهیچه ای توسط  $NADH$  احیا می شود.

ب: در طی تنفس هوازی،  $NADH$  یکی از محصولات گلیکولیز با استفاده از زنجیره انتقال الکترون انرژی لازم برای انتقال پروتون ها از بستره به فضای بین دو غشا را تأمین می کند.

ج: ضمن تبدیل کراتین فسفات به کراتین ADP مصرف و ATP تولید می شود. در مرحله اول قندکافت ADP و در مرحله چهارم قندکافت ATP تولید می شود.

د: از اکسایش هر مولکول شش کربنی در واکنش های چرخه کربس  $NADH$  و ATP در محل های متفاوتی از چرخه تشکیل می شوند.

۲۶. گزینه ۲ موارد الف و د صحیح است.

یاخته های ماهیچه ای و کبدی توانایی هیدرولیز گلیکوژن را دارند و با توجه به قید بعضی در صورت سؤال، گزینه ها باید در رابطه با یکی از دو نوع یاخته صحیح باشد.

بررسی موارد:

الف: یاخته‌های کبدی توانایی دریافت گلوکز از خون تیره سیاهرگ باب را دارند.

ب، ج و ه: هر دو نوع یاخته دارای تنفس هوازی بوده و در طی آن در مرحله اول  $ATP$  را در سطح پیش‌ماده و در مرحله دوم  $ATP$  و  $CO_2$  را در میتوکندری تولید می‌کنند.

د: یاخته‌های کبدی بر خلاف یاخته ماهیچه‌ای از طریق ترکیب آمونیاک با کربن دی‌اکسید اوره تولید می‌کنند.

۲۷. گزینه ۳ عبارت‌های «ب» و «ج» صحیح هستند.

بررسی عبارت‌های نادرست:

عبارت الف: طی اکسایش پیرووات به استیل،  $NADH$  تولید می‌شود. (نه  $NAD^+$ )

عبارت د: برای تبدیل هر پیرووات به استیل کوآنزیم  $A$ ، دو الکترون مصرف می‌شود تا  $NAD^+$  به  $NADH$  تبدیل شود. ( $NAD^+ + 2e^- + 2H^+ \rightarrow NADH + H^+$ )

۲۸. گزینه ۳

بررسی گزینه‌ها:

گزینه‌های ۱ و ۴: انرژی لازم برای انتقال پروتون‌ها به فضای بین دو غشاء توسط الکترون‌های پرنانرژی موجود در  $NADH$  و  $FADH_2$  تأمین می‌گردد. با ورود پروتون‌ها به فضای بین دو غشاء، تراکم آن‌ها در این فضا، نسبت به بخش داخلی افزایش می‌یابد. گزینه «۳» و «۲»: پروتون‌ها براساس شیب غلظت، تمایل دارند که به سمت بخش داخلی برگردند، اما تنها راه پیش‌روی پروتون‌ها برای برگشتن به این بخش، مجموعه‌ای پروتئینی به نام آنزیم  $ATP$  ساز است.

۲۹. گزینه ۱ در این یاخته پیرووات از سیتوپلاسم به ماده زمینه‌ای میتوکندری انتقال می‌یابد و در آنجا به استیل، اکسید می‌شود نه احیا!

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۲»:  $NAD^+$  در غشای درونی میتوکندری بازسازی می‌شود.

گزینه «۳»: انرژی ذخیره شده در  $NADH$  به کمک زنجیره انتقال الکترون صرف تولید  $ATP$  می‌شود.

گزینه «۴»: در سیتوپلاسم، طی واکنش‌های گلیکولیز  $NADH$  تولید می‌شود.

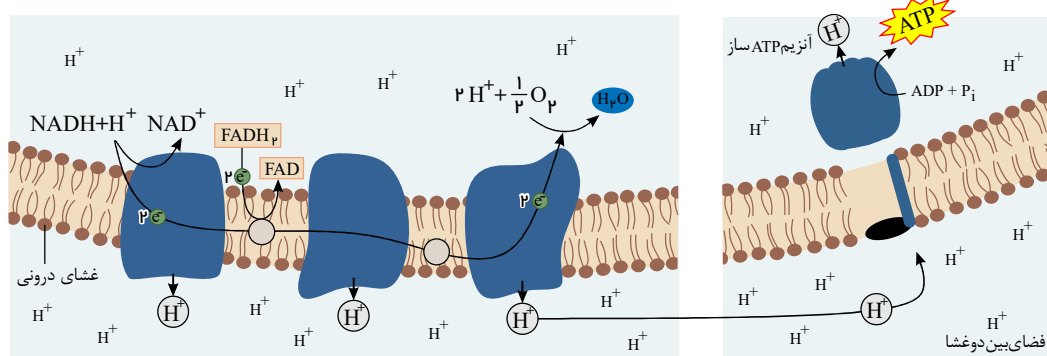
۳۰. گزینه ۱

گزینه ۱: با ورود یون‌های هیدروژن از مجموعه پروتئینی آنزیم  $ATP$  ساز به داخل میتوکندری، مولکول  $ATP$  تولید می‌شود که این مولکول در مرحله بی‌هوازی تنفس سلولی یعنی گلیکولیز نیز تولید می‌شود.

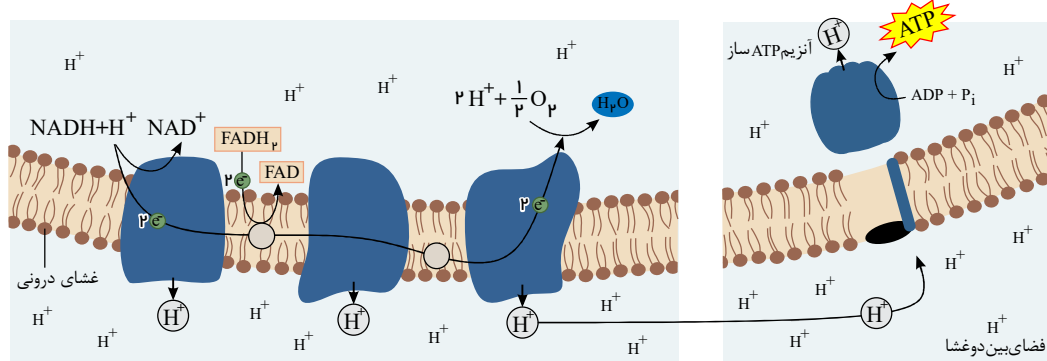
بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۲: هر دو ناقل الکترون، حامل دو الکترون هستند و هر کدام دو الکترون در اختیار زنجیره قرار می‌دهند.

گزینه ۳ نادرست: مطابق شکل، مشاهده می‌کنید که پمپ‌های یون‌های هیدروژن را به فضای بین دو غشاء میتوکندری پمپ می‌کنند نه به داخل میتوکندری.



گزینه ۴: مطابق شکل، فقط حامل‌های  $NADH$  انرژی خود را مستقیماً به پمپ‌ها می‌دهند و حامل‌های  $FADH_2$ ، ابتدا انرژی خود را به مولکول‌های دیگر می‌دهند و سپس از این مولکول‌ها انرژی به پمپ‌ها منتقل می‌شود.



۳۱. گزینه ۲ عملی که در گزینه ۲ بیان شده مربوط به تخمیر الکلی می‌باشد که در سلول ماهیچه‌ای اسکلتی اتفاق نمی‌افتد.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۱: تولید  $FADH_2$  در طی چرخه کربس در تنفس هوازی و در میتوکندری اتفاق می‌افتد. در حالی که تولید لاکتیک اسید مربوط به تنفس بی‌هوازی یعنی تخمیر لاکتیکی است. سلول‌های ماهیچه اسکلتی در فعالیت‌های شدید هم تنفس هوازی و هم تنفس بی‌هوازی دارند و از آنجا که گرفتن الکترون‌های  $NADH$  و بازسازی  $NAD^+$  طی تخمیر لاکتیکی اتفاق می‌افتد، بنابراین این

گزینه درست است.

گزینه ۳: مصرف  $ADP$  و تولید  $ATP$  هم در گلیکولیز در سیتوپلاسم و هم در میتوکندری در کربس و زنجیره انتقال الکترون اتفاق می افتد که در ماهیچه اسکلتی می تواند روی دهد. لذا این گزینه درست است.

گزینه ۴:  $NADH$  طی تنفس بی هوازی (تخمیر لاکتیکی) الکترون های خود را به یک ترکیب آلی (پیروات) می دهد و در تنفس هوازی به زنجیره انتقال الکترون می دهد و چون هر دو نوع تنفس در ماهیچه اسکلتی اتفاق می افتد. لذا این گزینه درست است.

۳۲. گزینه ۴ پاداکسند مثل کاروتنوئیدها با جذب رادیکال های آزاد مانع آسیب دیدن  $DNA$  راکیزه توسط رادیکال های آزاد می شوند. واکوئل و کلروپلاست با ذخیره مواد پاداکسند در مبارزه با رادیکال های آزاد نقش دارند.

۳۳. گزینه ۱ فقط مورد د درست است.

تحلیل موارد:

الف) اگر الکترون ها حاصل اکسایش  $FADH_2$  باشند، از اولین پروتئین زنجیره انتقال الکترون عبور نمی کنند.

ب) دقت کنید پروتئینی که پروتون ها را با انتشار تسهیل شده از خود عبور می دهد، آنزیم  $ATP$  ساز است که جزء زنجیره انتقال الکترون محسوب نمی شود! آخرین پروتئین زنجیره انتقال الکترون، پروتون ها را با پمپ کردن (خلاف شیب غلظت) از خود عبور می دهد.

ج) هر مولکول اکسیژن به دو یون اکسید تبدیل می شود نه یکی!

د) پروتون ها در سه محل از زنجیره انتقال الکترون از بخش داخلی به فضای بین دو غشا پمپ می شوند و بر اثر شیب غلظت از راه کانال آنزیم  $ATP$  ساز از فضای بین دو غشا به بخش داخلی برمی گردند.

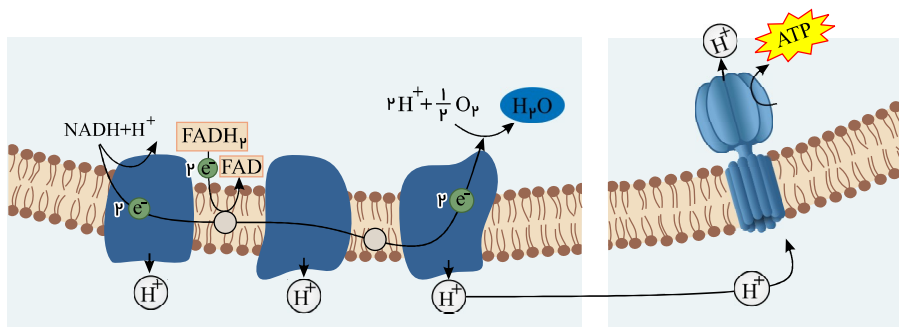
۳۴. گزینه ۳ به شکل دقت کنید. در زنجیره انتقال الکترون غشای درونی راکیزه، الکترون های پر انرژی  $FADH_2$  به طور مستقیم توسط ناقل الکترون دریافت می شود که در میانه غشای درونی طوری قرار گرفته است که فقط با بخش آب گریز فسفولیپیدهای غشا (اسیدهای چرب آن ها) در تماس است!

بررسی سایر گزینه ها:

گزینه ۱: در زنجیره انتقال الکترون ساخته شدن  $ATP$  فقط به روش اکسایشی انجام می شود.

گزینه ۲: الکترون های پر انرژی حاصل از اکسایش  $FADH_2$  از اولین پروتئین سراسری غشای درونی میتوکندری عبور نمی کنند (از دو پروتئین سراسری عبور می کنند).

گزینه ۴: پروتون ها از کانال آنزیم  $ATP$  ساز (مجموعه ای پروتئینی دارای قابلیت آنزیمی) با انتشار تسهیل شده عبور می کنند و پمپ نمی شوند!



۳۵. گزینه ۳ علاوه بر یاخته های پروکاریوتی، یاخته های زنده یوکاریوتی نیز در راکیزه (یا سبزدیسه) خود دناى حلقوی دارند.

قند کافت در تمامی یاخته های مذکور انجام می شود. جهت ساخت آنزیم تجزیه کننده فروکتوز دوفسفاته، رناى پیک (نوکلئیک اسیدخطی) اطلاعات لازم جهت ساختن پروتئین را فراهم می کند.

بررسی سایر گزینه ها:

گزینه ۱: اکسایش  $FADH_2$  در تنفس هوازی و درون راکیزه رخ می دهد، یاخته های پروکاریوتی راکیزه ندارند!

گزینه ۲: در تخمیر لاکتیکی که نوعی تنفس یاخته ای است، پیروویک اسید با اکسایش  $NADH$  به ترکیبی سه کربنی (لاکتات) تبدیل می شود.

گزینه ۴: یاخته های پروکاریوتی راکیزه ندارند!

۳۶. گزینه ۳ نکته حائز اهمیت این است که بیشتر پروتئین های زنجیره انتقال الکترون توسط خود میتوکندری ساخته می شوند. زنجیره انتقال الکترون در خنثی سازی رادیکال های آزاد نقش دارد. با دادن الکترون به اکسیژن یون اکسید تولید می شود که در نهایت با  $H^+$  ترکیب شده و آب را پدید می آورد.

اگر در کار زنجیره انتقال الکترون اختلالی ایجاد شود خنثی سازی رادیکال های آزاد مختل می شود. چون بیشتر پروتئین های زنجیره انتقال الکترون را میتوکندری می سازد. پس نوعی نقص در ژن های میتوکندری می تواند باعث نقص در خنثی سازی رادیکال های آزاد شود چون میتوکندری ها فقط از مادر به فرزند منتقل می شود، پس فرزند نیز می تواند واجد نقص ژنی در خنثی سازی رادیکال های آزاد در تنفس یاخته ای هوازی باشد. از طرفی چون مادر مبتلا به هموفیلی است هر فرزند پسری به علت دریافت کروموزوم  $X$  از مادر قطعاً مبتلا به هموفیلی خواهد بود پس ممکن نیست پسر فاقد بیماری هموفیلی باشد و پسر می تواند واجد نقص ژنی در خنثی سازی رادیکال های آزاد باشد. بنابراین پاسخ این تست گزینه ۳ خواهد بود.

۳۷. گزینه ۲ موارد الف و ج جمله سؤال را به درستی تکمیل می کنند.

بررسی موارد:

مورد الف: اکسایش  $FADH_2$  توسط دومین گیرنده الکترون در زنجیره انتقال الکترون رخ می دهد و ربطی به فعال بودن یا نبودن پمپ اول ندارد!

یاخته ماهیچه ای توانایی تخمیر لاکتیکی دارد. طی تخمیر لاکتیکی  $NADH$  به  $NAD^+$  اکسایش می یابد.

مورد ب: آب در سمت داخلی غشای درونی راکیزه تولید می شود. درحالی که مکان مورد نظر این مورد، فضای بین دو غشای راکیزه است!

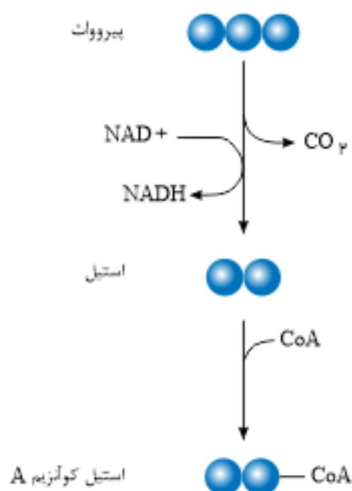
مورد ج: با از کار افتادن یکی از سه پمپ ها، سرعت ورود پروتون به فضای بین دو غشای راکیزه و در نتیجه سرعت برگشت آن ها (از طریق کانال آنزیم  $ATP$  ساز) به بخش داخلی راکیزه کمتر خواهد شد.

مورد د: نقص در زنجیره انتقال الكترون، منجر به توقف قندكافت نمی‌شود. چرا كه در این یاخته‌ها تخمیر لاکتیکی قابل مشاهده است.

۳۸. گزینه ۳

به‌منظور تبدیل پیرووات به مولکولی كه قابلیت ورود به چرخه كریس را دارد، لازم است تا پیرووات اكسایش یابد و استیل كوآنزیم A تولید شود.

همانطور كه در شكل دیده می‌شود، پس از تولید  $NADH$ ، كوآنزیم A به استیل دو كربنه متصل می‌شود. برای تولید  $NADH$  به  $NAD^+$  دو الكترون اضافه می‌شود. این مولكول دارای دو نوكلئوتید و دو باز آلی می‌باشد.



بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه (۱): به مواد آلی كه به آنزیم كمك می‌کنند، كوآنزیم می‌گویند. پس از مصرف شدن  $NAD^+$ ، كوآنزیم A به استیل متصل می‌شود.

گزینه (۲): نوكلئوتیدها واحدهای سه بخشی‌اند. در ساختار  $NAD^+$  و  $NADH$  دو نوكلئوتید به كار رفته‌اند. دقت كنید كه هیچ‌يك از این دو مولكول، در فرایندهای ذكر شده اكسایش نمی‌یابند.

گزینه (۴): كربن دی‌اكسید نوعی مولكول گشادكنندهٔ عروق است. قبل از تولید این مولكول، پیرووات با انتقال فعال (در خلاف جهت شیب غلظت) وارد فضای داخلی اندامك میتوكوندري می‌شود.

۳۹. گزینه ۲ منظور صورت سوال تبدیل اسید دوفسفاته به پیرووات و سپس تبدیل آن به بنیان استیل یا اتانال است. در طی تبدیل اسید دوفسفاته به پیرووات،  $ADP$  مصرف می‌شود و در زمان تبدیل پیرووات به استیل یا اتانال، دی‌اكسید كربن آزاد می‌شود.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه (۱): در طی گلیكولیز قبل از تشکیل اسید دوفسفاته،  $NAD^+$  مصرف می‌شود.

گزینه‌های (۳) و (۴): در هیچ‌يك از این مراحل  $NADH$  مصرف نمی‌شود.

۴۰. گزینه ۲ در چرخه كریس با تبدیل ۶ كربنی به ۵ كربنی  $CO_2$  و  $NADH$  ایجاد می‌شود همچنین در فرآیند بعد با تبدیل ترکیب ۵ كربنی به ۴ كربنی نیز  $CO_2$  و  $NADH$  تولید می‌شود.

۴۱. گزینه ۲ در تنفس هوازی در زنجیره انتقال الكترون اكسیژن نقش آخرین پذیرنده الكترون را دارد در اثر پذیرش الكترون‌ها توسط اكسیژن مولكول آب تولید می‌شود هر مولكول آب  $FADH_2$  در زنجیره انتقال الكترون باعث تولید دو مولكول  $ATP$  و هر مولكول  $NADH + H^+$  باعث تولید سه مولكول  $ATP$  می‌شود.

۴۲. گزینه ۲ در زنجیره انتقال الكترون هنگام انتشار یون‌های هیدروژن از طریق كانال پروتئینی به بخش داخلی راکیزه  $ATP$  ساخته می‌شود.

۴۳. گزینه ۱ تولید  $ATP$  در قند كافت در سطح پیش ماده است ولی در زنجیره انتقال الكترون فسفات معدنی به  $ADP$  متصل و مولكول  $ATP$  حاصل می‌شود.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۲: در قند كافت ۹ مولكول دو فسفات مشاهده می‌شود يك ترکیب ۶ كربنی دو فسفات دو ترکیب سه كربنی دو فسفات و شش مولكول  $ADP$ .

گزینه ۳: در فرآیند قند كافت ۲ مولكول  $NADH$  و در پی تشکیل استیل كوآنزیم A هم دو مولكول  $NADH$  و دو مولكول  $CO_2$  تولید می‌شود.

گزینه ۴: در ابتدای فرآیند چرخه كریس درون راکیزه كوآنزیم A از استیل جدا شده و درون راکیزه استیل آزاد می‌شود و بلافاصله به ترکیب چهار كربنی تولید می‌شود.

۴۴. گزینه ۳ هدف از تخمیر به صورت کلی احیا منبع  $NAD^+$  و تولید  $ATP$  می‌باشد. نکته قابل توجه این است كه در تخمیر لاکتیکی الكل و  $CO_2$  تولید نمی‌شود.

۴۵. گزینه ۱ مورد الف: باكتري‌های تولید كننده و یوكاریوت‌های تولید كننده در ژنوم سیتوپلاسمی  $DNA$  حلقوی هستند.

مورد ب: برخی هوازی‌ها مثل اغلب جانوران تولید مثل غیرجنسی ندارند.

مورد ج: اولین مرحله تنفس سلولی گلیكولیز است كه فرایندی بی‌هوازی می‌باشد.

مورد د: مواد آلی را تغییر می‌دهند.

۴۶. گزینه ۳

$$T = 2\pi\sqrt{\frac{L}{g}} = 2\pi\sqrt{\frac{0.64}{\pi^2}} = 2 \times \sqrt{\frac{0.64\pi^2}{\pi^2}} = 2 \times 0.8 = 1.6(s)$$

$$T = \frac{\Delta t}{n} \Rightarrow \Delta t = 50 \times 1.6 = 80(s)$$

۴۷. گزینه ۳

$$T = 2\pi\sqrt{\frac{L}{g}} \Rightarrow \frac{T_1}{T_2} = \sqrt{\frac{L_1}{L_2}} = \sqrt{\frac{L}{\frac{L}{2}}} = \sqrt{2} \Rightarrow T_1 = T_2\sqrt{2}$$



۴۸. گزینه ۱

۴۹. گزینه ۲

دوره به سرعت و دامنهٔ آونگ بستگی ندارد، پس دوره و بسامد زاویه‌ای آن ثابت است. بنابراین:

$$T = 2\pi\sqrt{\frac{L}{g}}$$

$$v_{max\varphi} - v_{max\varphi_1} = \varphi - \varphi_1 = \varphi = A\varphi\omega - A_1\omega$$

$$\Delta v_{max} = \varphi = \omega(A\varphi - A_1) \Rightarrow \varphi = \sqrt{\frac{g}{L}}\Delta A$$

$$\varphi = \sqrt{\frac{10}{0.9}}\Delta A \Rightarrow \Delta A = 0.6m$$

۵۰. گزینه ۳

$$\frac{T}{T'} = \sqrt{\frac{g'}{g}} = \sqrt{\frac{\frac{GM_e}{(R_e + \varphi h)^2}}{\frac{GM_e}{(R_e + h)^2}}} \Rightarrow \frac{T}{T'} = \sqrt{\frac{(R_e + h)^2}{(R_e + \varphi h)^2}} \Rightarrow T < T' < 2T$$

۵۱. گزینه ۱

دورهٔ تناوب آونگ را می‌توانیم حساب کنیم.

$$T = \frac{\varphi_0}{\varphi} s = 2s$$

$$T = 2\pi\sqrt{\frac{L}{g}} \Rightarrow \varphi = 2\pi\sqrt{\frac{L}{10}} \Rightarrow 1 = \pi\sqrt{\frac{L}{10}} \Rightarrow 1 = \frac{\pi^2 L}{10} \Rightarrow 1 = \frac{10L}{10} \Rightarrow L = 1m = 100cm$$

۵۲. گزینه ۲

$$E = \frac{1}{2}kA^2 \Rightarrow \varphi_0 = \frac{1}{\varphi} \times k \times (0.4)^2 \Rightarrow k = 750 \frac{N}{m}$$

$$F_{max} = m\omega^2 A \xrightarrow{m\omega^2 = k} F_{max} = k \times A = 750 \times 0.4 = 300N$$

۵۳. گزینه ۱ در مرکز نوسان سرعت نوسانگر و انرژی جنبشی بیشینه می‌شود و شتاب و نیروی وارد بر نوسانگر و همچنین انرژی پتانسیل آن کاهش می‌یابد. انرژی مکانیکی نیز همواره ثابت می‌ماند.

۵۴. گزینه ۴ دوره و بسامد آونگ ساده‌ای که نوسان‌های کم‌دامنه انجام می‌دهد، به جرم و جنس گلوله بستگی ندارد.

$$T = 2\pi\sqrt{\frac{L}{g}} \Rightarrow f = \frac{1}{T} = \frac{1}{2\pi}\sqrt{\frac{g}{L}}$$

وقتی آونگ A نوسان می‌کند چون طول آونگ A و D یکسان است، آونگ D نیز طبق پدیدهٔ تشدید مثل آونگ A و با همان بسامد شروع به نوسان می‌کند.

۵۵. گزینه ۴ انرژی جنبشی بیشینه و انرژی پتانسیل بیشینهٔ یک نوسانگر برابر با انرژی مکانیکی آن است.

$$E = U_{max} = \varphi \times 10^{-2} kJ = 2J \xrightarrow[U=1.5J]{E=U+K} K = 0.5J = 500mJ$$

۵۶. گزینه ۱ از رابطهٔ طول میله و دمای آن داریم:

$$L_{\varphi} = L_1(1 + \alpha\Delta\theta) \xrightarrow[T_1=277+127=400K]{\Delta\theta=\Delta T} L_{\varphi} = L_1[1 + \varphi \times 10^{-5}(900 - 400)] = 2L_1$$

$$(g = \frac{GM}{R^2}) \text{ برای دورهٔ تناوب آونگ ساده داریم: } T = 2\pi\sqrt{\frac{L}{g}} \text{ و شعاع } R \text{ رابطهٔ } g = G\frac{M}{R^2}$$

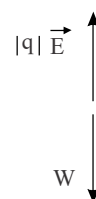
$$\frac{T_{\varphi}}{T_1} = \sqrt{\frac{L_{\varphi}}{L_1}} \times \sqrt{\frac{M_1}{M_{\varphi}}} \times \frac{R_{\varphi}}{R_1} \xrightarrow{R_{\varphi}=\varphi R_1, M_{\varphi}=\varphi m_1} \frac{T_{\varphi}}{T_1} = \sqrt{\varphi} \times \frac{1}{\varphi} \times \varphi = \sqrt{\varphi}$$

$$57. \text{ گزینه ۳ با توجه به شکل چون بار مثبت است پس نیرو رو به بالاست بنابراین شتاب ظاهری از رابطهٔ } \frac{W_{\text{ظاهری}}}{m} = g_{\text{ظاهری}} \text{ به صورت زیر محاسبه می‌شود:}$$

وزن ظاهری در حالت اول:

$$W_1 = W - |q|E = mg - |q|E_1$$

$$W_1 = \varphi \times 10 - 10^{-6} \times \varphi \times 10^6 = 16N \rightarrow \text{شتاب } g_1 = \frac{16}{\varphi} = 8m/s^2$$



وزن ظاهری در حالت دوم:

$$W_{\varphi} = mg - |q|E_{\varphi} = \varphi_0 - \varphi = 18N$$

$$\text{شتاب ظاهری: } g_{\varphi} = \frac{18}{\varphi} = 9m/s^2$$

از رابطهٔ دورهٔ تناوب آونگ ساده داریم:



$$\frac{T_1}{T_2} = \frac{\pi \sqrt{\frac{\ell}{g_1}}}{\pi \sqrt{\frac{\ell}{g_2}}} = \sqrt{\frac{g_2}{g_1}} = \sqrt{\frac{9}{8}} = \frac{3}{2\sqrt{2}}$$

۵۸. گزینه ۲ از رابطه برای شتاب گرانش سیاره به جرم  $m$  در فاصله  $R$  از مرکز می توان شتاب گرانش در سفینه را به صورت زیر به دست آورد.

$$g_{\text{سفینه}} = \left| G \frac{m_{\text{زمین}}}{R_1^2} - G \frac{m_{\text{ماه}}}{R_2^2} \right| \quad R_1 = R_2 = \frac{6 \times 10^5 \times 10^3}{2} = 3 \times 10^8 \text{ m}$$

$$\rightarrow g_{\text{سفینه}} = \frac{6.67 \times 10^{-11} \times 10^{22}}{(3 \times 10^8)^2} \times (592)$$

$$g_{\text{سفینه}} = 987.16 \times 10^{-5} \frac{m}{s^2}$$

با توجه به اینکه دوره تناوب آونگ به طول  $L$  را از  $T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}}$  محاسبه می شود پس می توان نوشت:

$$L = 9.8 \text{ cm} = 9.8 \times 10^{-2} \text{ m} \rightarrow T = 2\pi \sqrt{\frac{9.8 \times 10^{-2}}{987.16 \times 10^{-5}}} = 2\pi \sqrt{\frac{9800}{987.16}} \simeq 2\pi \sqrt{\frac{9800}{980}}$$

$$T \simeq 2 \times \pi \times \sqrt{10} \xrightarrow{\pi \simeq \sqrt{10} \simeq 3} T \simeq 18 \text{ s}$$

۵۹. گزینه ۱ ابتدا با توجه به نمودار نقش موج سرعت انتشار موج را به دست می آوریم:

$$\frac{3\lambda}{4} = \frac{2}{5} \Rightarrow \lambda = \frac{8}{15} m$$

$$\Delta x_{MN} = 2\lambda - \frac{\lambda}{4} = \frac{7\lambda}{4} = \frac{7 \times \frac{8}{15}}{4} = \frac{2}{3} m$$

$$\Delta x = v \Delta t \Rightarrow \frac{2}{3} = v \times \frac{1}{15} \Rightarrow V = 10 \text{ m/s}$$

حال با استفاده از رابطه سرعت انتشار امواج عرضی در تار داریم:

$$v = \sqrt{\frac{F}{\mu}} \xrightarrow{\mu = \frac{m}{L}} v = \sqrt{\frac{FL}{m}} = \sqrt{\frac{FL}{\rho V}} = \sqrt{\frac{F}{\rho A}} \xrightarrow{A = \pi \left(\frac{D}{2}\right)^2} v = \frac{2}{D} \sqrt{\frac{F}{\rho \pi}}$$

$$\Rightarrow 10 = \frac{2}{0.02} \sqrt{\frac{F}{3000 \times 3}} \Rightarrow F = 90 \text{ N}$$

۶۰. گزینه ۱ چون در بیشترین فاصله از نقطه تعادل جسم  $m_2$  از  $m_1$  جدا شده، دامنه نوسانی ثابت می ماند.

پس از جدا شدن جسم  $m_2$  از  $m_1$ ، فرکانس نوسانات جرم  $m_1$  با فرکانس نیروی محرک یکسان می شوند:

$$\omega_D = 10 \text{ rad/s} \rightarrow f_D = \frac{5}{\pi} \text{ Hz}$$

$$\omega_0 = \sqrt{\frac{k}{m_1}} = \sqrt{\frac{200}{2}} = 10 \text{ rad/s} \rightarrow f_0 = \frac{5}{\pi} \text{ Hz}$$

و این یعنی پدیده تشدید و در نتیجه بیشترین انتقال انرژی از نیروی محرک به دستگاه (جرم  $m_1$  - فنر) منتقل خواهد شد.

۶۱. گزینه ۲ زمانی تشدید رخ می دهد که بسامد طبیعی نوسانگر با بسامد طبیعی نوسانگر  $A$  برابر شود. طبق رابطه  $T = \frac{1}{f}$  می توان گفت دوره حرکت برابر بین دو نوسانگر باعث می شود تشدید رخ دهد.

$$T_A = 2\pi \sqrt{\frac{m_A}{k_A}} = 2\pi \sqrt{\frac{2}{400}} = 2\pi \sqrt{\frac{1}{200}} \text{ s}, \quad T_B = 2\pi \sqrt{\frac{m_B}{k_B}} = 2\pi \sqrt{\frac{\frac{3}{2}}{300}} = 2\pi \sqrt{\frac{1}{200}} \text{ s}$$

$$T_C = 2\pi \sqrt{\frac{m_C}{k_C}} = 2\pi \sqrt{\frac{\frac{5}{2}}{500}} = 2\pi \sqrt{\frac{1}{200}} \text{ s}$$

$$T_D = 2\pi \sqrt{\frac{m_D}{k_D}} = 2\pi \sqrt{\frac{3}{200}} \text{ s}$$

بین نوسان گر های  $A$ ،  $B$  و  $C$  به علت دوره حرکت برابر و در نتیجه بسامد یکسان تشدید رخ می دهد.

۶۲. گزینه ۱ به موج های طولی و عرضی، موج های پیش رونده گفته می شود. زیرا هر دوی این موج ها از نقطه ای به نقطه دیگر حرکت کرده و انرژی را با خود منتقل می کنند. در موج طولی راستای ارتعاش ذرات محیط هم راستای انتشار موج است و در موج عرضی راستای ارتعاش ذرات محیط عمود بر راستای انتشار موج است.

۶۳. گزینه ۳ (آ) با انتشار موج، ذره  $a$  از نقطه تعادل دور می شود و چون تندی آن در حال کاهش است، پس نوع حرکت کندشونده است. (درست است.)

(ب) ذره در نقطه  $c$  در نقطه تعادل قرار دارد. از این رو، تندی آن بیشینه و بنابراین انرژی جنبشی آن نیز بیشینه است. (درست است.)

(پ) جهت شتاب همواره به سمت نقطه تعادل است. ذره در نقطه  $b$  در حال نزدیک شدن به مبدأ است و مکان آن منفی است. پس بردار شتاب در جهت مثبت محور  $y$  است. (نادرست است.)

(ت) در نقطه  $d$ ، ذره در حال دور شدن از وضع تعادل است، یعنی تندی آن در حال کاهش است، پس انرژی جنبشی آن کاهش می یابد. (درست است.)



۶۴. گزینه ۳ سرعت نوسانگر در مرکز نوسان بیشینه سرعت است و از رابطه  $v_{max} = A\omega$  به دست می آید:

$$v_{max} = A\omega = A\sqrt{\frac{k}{m}} = 0,04 \times \sqrt{\frac{800}{0,02}} = 8 \text{ m/s}$$

در لحظه ای که سرعت نوسانگر نسبت به  $v_{max}$  به اندازه ۲۵ درصد کاهش یافته است، داریم:

$$E = K + U, E = K_{max}$$

بنابراین از پایستگی انرژی مکانیکی می توان نوشت:

$$U = K_{max} - K = \frac{1}{2}m(v_{max}^2 - v^2) \Rightarrow U = \frac{1}{2} \times 0,02 \times (64 - 36) = 0,28 \text{ J}$$

۶۵. گزینه ۲ وقتی انرژی جنبشی و پتانسیل با هم برابرند، سهم هر یک از انرژی مکانیکی، فقط نیمی از آن است. یعنی:

$$K = U = \frac{E}{2} \Rightarrow K = 4 \text{ mJ} = 4 \times 10^{-3} \text{ J}$$

$$K = \frac{1}{2}mv^2 \Rightarrow 4 \times 10^{-3} = \frac{1}{2} \times 0,1 \times v^2 \Rightarrow v^2 = 8 \times 10^{-2} \Rightarrow v = \sqrt{8} \times 10^{-1} \Rightarrow v = \frac{\sqrt{2}}{5} \text{ m/s}$$

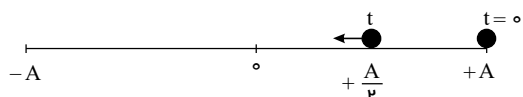
۶۶. گزینه ۲ ابتدا به چند نکته توجه فرمایید:

زمان های طلایی در مکان های طلایی:

• نوسانگر در حرکت هماهنگ ساده در مبدأ زمان در دامنه مثبت  $x = +A$  قرار دارد:  $x_0 = +A$  یعنی معادله مکان-زمان نوسانگر:

$$x = A \cos(\omega t)$$

• مدت زمانی که طول می کشد تا نوسانگر برای اولین بار، پس از  $t = 0$  ( $x_0 = +A$ ) به مکان  $x = +\frac{A}{2}$  برسد:



$$x = A \cos(\omega t) = +\frac{A}{2} \rightarrow \cos(\omega t) = \frac{1}{2} \rightarrow \omega t = 2k\pi \pm \frac{\pi}{3}, k \in \mathbb{Z}$$

برای اولین بار  $k = 0$  و  $(+\frac{\pi}{3})$  جایگزین می گردد:

$$\omega t = \frac{\pi}{3} \rightarrow \frac{2\pi}{T}t = \frac{\pi}{3} \rightarrow \boxed{t = \frac{T}{6}}$$

• اگر به جای مکان  $x = +\frac{A}{2}$  مدت زمان رسیدن به مکان  $x = +\frac{\sqrt{3}}{2}A$  برای اولین بار پس از  $t = 0$  مد نظر بود:

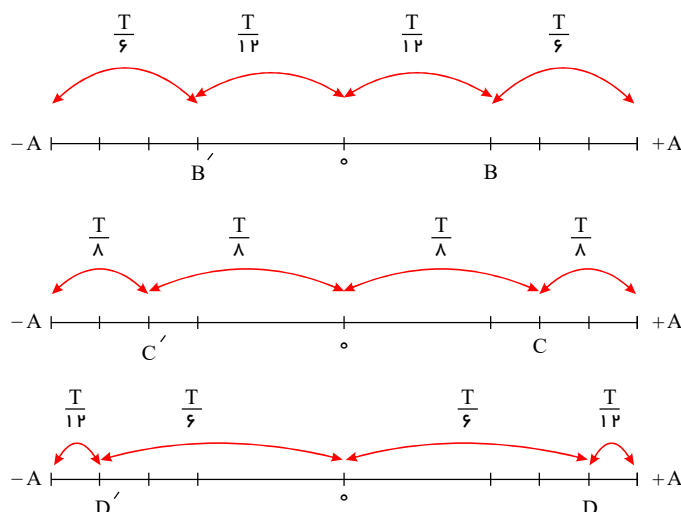
$$\omega t = \frac{\pi}{6} \rightarrow \frac{2\pi}{T}t = \frac{\pi}{6} \rightarrow \boxed{t = \frac{T}{12}}$$

• اگر به جای مکان  $x = +\frac{A}{2}$  حداقل زمان رسیدن از  $x = +A$  تا  $x = +\frac{\sqrt{2}}{2}A$  مد نظر بود:

$$\omega t = \frac{\pi}{4} \rightarrow \frac{2\pi}{T}t = \frac{\pi}{4} \rightarrow \boxed{t = \frac{T}{8}}$$

و به طور خلاصه، فقط در حل تست ها و نه در امتحانات نهایی از نتایج به دست آمده، به این شکل می توان استفاده نمود:

$x_B$	$x_C$	$x_D$	$x_{B'}$	$x_{C'}$	$x_{D'}$
$+\frac{A}{2}$	$+\frac{\sqrt{2}}{2}A$	$+\frac{\sqrt{3}}{2}A$	$-\frac{A}{2}$	$-\frac{\sqrt{2}}{2}A$	$-\frac{\sqrt{3}}{2}A$







حال با توجه به نمودار، در ابتدا دوره نوسان را به صورت زیر محاسبه می‌کنیم.

قدم اول:

$$m = ۲۵۰g = \frac{1}{۴} kg \quad (۱)$$

$$A = ۱۰cm \rightarrow A = ۰٫۱m \quad (۲)$$

$$\omega = \frac{۲\pi}{T} \rightarrow \omega^۲ = \frac{۴\pi^۲}{T^۲} \approx \frac{۴۰}{T^۲} \quad (۳)$$

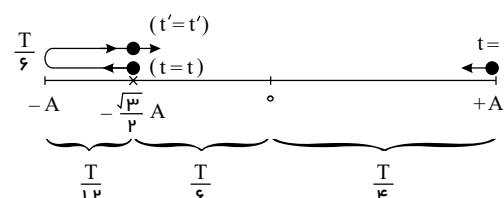
$$E = K_m = \frac{1}{۲}mv_m^۲ = \frac{1}{۲}mA^۲\omega^۲ \xrightarrow{(۱),(۲),(۳)} ۰٫۲ = \frac{1}{۲} \times \frac{1}{۴} \times \left(\frac{1}{۱۰}\right)^۲ \times \left(\frac{۴۰}{T^۲}\right)$$

$$\rightarrow \frac{۴۰}{T^۲} = ۰٫۲ \times ۲ \times ۴ \times ۱۰۰ = ۲۰ \times ۸۰ = ۱۶۰ \rightarrow T^۲ = \frac{1}{۴} \rightarrow \boxed{T = ۰٫۵s}$$

قدم دوم:

$$t' - t = \frac{1}{۱۲} \rightarrow \frac{t' - t}{T} = \frac{\frac{1}{۱۲}}{۰٫۵} = \frac{۲}{۱۲} = \frac{1}{۶} \rightarrow \boxed{t' - t = \frac{T}{۶}} \rightarrow x_{(t)} = x_{(t')} = -\frac{\sqrt{۳}}{۲}A$$

$$\rightarrow t' = \frac{T}{۴} + \frac{T}{۶} + \frac{T}{۱۲} + \frac{T}{۱۲} = \frac{۷T}{۱۲} \rightarrow \boxed{t' = \frac{۷}{۱۲} \times \frac{1}{۲} = \frac{۷}{۲۴}s}$$



قدم سوم:

$$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}} = \frac{۲\pi}{T} \rightarrow \frac{k}{m} = \frac{۴\pi^۲}{T^۲} \rightarrow k = \frac{۴\pi^۲m}{T^۲} = \frac{۴ \times ۱۰ \times \frac{1}{۴}}{(۰٫۵)^۲} = ۱۰ \times ۴ = ۴۰ N/m$$

$$x = -\frac{\sqrt{۳}}{۲}A = -\frac{\sqrt{۳}}{۲} \times ۱۰cm = -۵\sqrt{۳}cm = \frac{-۵\sqrt{۳}}{۱۰۰}m \rightarrow F = F_e = -kx = -۴۰ \times \left(\frac{-۵\sqrt{۳}}{۱۰۰}m\right)$$

$$\rightarrow \boxed{F = ۲\sqrt{۳}(N)}$$

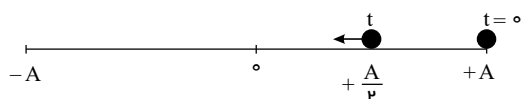
۶۷. گزینه ۱ ابتدا به این نکات توجه فرمایید:

زمان‌های طلایی در مکان‌های طلایی:

• طبق کتاب درسی نوسانگر در حرکت هماهنگ ساده در مبدأ زمان در دامنه مثبت  $x = +A$  قرار دارد:  $x_0 = +A$  یعنی معادله مکان-زمان نوسانگر:

$$x = A \cos(\omega t)$$

• مدت زمانی که طول می‌کشد تا نوسانگر برای اولین بار، پس از  $t = 0$  ( $x_0 = +A$ ) به مکان  $x = +\frac{A}{۲}$  برسد:



$$x = A \cos(\omega t) = +\frac{A}{۲} \rightarrow \cos(\omega t) = \frac{1}{۲} \rightarrow \omega t = ۲k\pi \pm \frac{\pi}{۳}, k \in \mathbb{Z}$$

برای اولین بار  $k = 0$  و  $(+\frac{\pi}{۳})$  جایگزین می‌گردد:

$$\omega t = \frac{\pi}{۳} \rightarrow \frac{۲\pi}{T}t = \frac{\pi}{۳} \rightarrow \boxed{t = \frac{T}{۶}}$$

• اگر به جای مکان  $x = +\frac{A}{۲}$  مدت زمان رسیدن به مکان  $x = +\frac{\sqrt{۳}}{۲}A$  برای اولین بار پس از  $t = 0$  مد نظر بود:



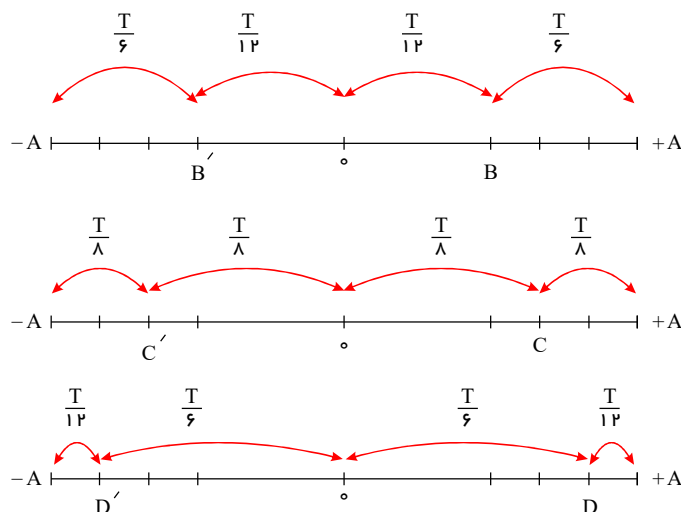
$$\omega t = \frac{\pi}{6} \rightarrow \frac{2\pi}{T}t = \frac{\pi}{6} \rightarrow \boxed{t = \frac{T}{12}}$$

• اگر به جای مکان  $x = +\frac{A}{2}$ ، حداقل زمان رسیدن از  $x = +A$  تا  $x = +\frac{\sqrt{2}}{2}A$  مد نظر بود:

$$\omega t = \frac{\pi}{4} \rightarrow \frac{2\pi}{T}t = \frac{\pi}{4} \rightarrow \boxed{t = \frac{T}{8}}$$

و به طور خلاصه، فقط در حل تست‌ها و نه در امتحانات نهایی از نتایج به دست آمده، به این شکل می‌توان استفاده نمود:

$x_B$	$x_C$	$x_D$	$x_{B'}$	$x_{C'}$	$x_{D'}$
$+\frac{A}{2}$	$+\frac{\sqrt{2}}{2}A$	$+\frac{\sqrt{3}}{2}A$	$-\frac{A}{2}$	$-\frac{\sqrt{2}}{2}A$	$-\frac{\sqrt{3}}{2}A$



در لحظه  $t = 9s$  نوسانگر از مرکز تعادل عبور می‌کند، پس انرژی جنبشی‌اش در این نقطه، همان انرژی مکانیکی نوسانگر است. یعنی:

$$t = 9s \rightarrow x = 0 \rightarrow U = 0 \rightarrow K = K_{\max} = E = 16J$$

حال مکان نوسانگر را در لحظه  $t = 10s$  می‌یابیم:

$$\left\{ \begin{array}{l} 9s \leq t \leq 10s \rightarrow \Delta t = 1s \\ \frac{5T}{4} = 15 \rightarrow T = 12s \end{array} \right. \rightarrow \frac{\Delta t}{T} = \frac{1s}{12s} = \frac{1}{12} \rightarrow \Delta t = \frac{T}{12} \rightarrow x_{(t=t')} = x_{(t=10s)} \rightarrow x_{(t=t')} = \frac{A}{2} = 0.4m$$

از طرفی تندی بیشینه نوسانگر برابر است با:

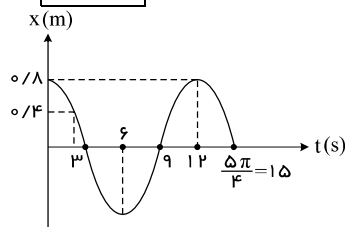
$$V_{\max} = A\omega = A \times \frac{2\pi}{T} = 0.8 \times \frac{2\pi}{12} \rightarrow V_{\max} = 0.4 \frac{m}{s}$$

$$t = 3s = \frac{T}{4} \rightarrow \left\{ \begin{array}{l} x_{(t=3s)} = 0 \xrightarrow{3s \leq t \leq 3s} v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{0 - 0.4}{3 - 2} = -0.4 m/s \\ x_{(t')} = \frac{A}{2} \rightarrow t' = \frac{T}{6} = \frac{12}{6} = 2s \end{array} \right.$$

حال در  $t = 10s$ ، سرعت و انرژی جنبشی و در نهایت انرژی پتانسیل را محاسبه می‌کنیم:

$$t = 10s \rightarrow v = \left( \begin{array}{c} \text{شیب خط} \\ \text{مماس بر} \\ \text{نمودار } (x-t) \end{array} \right) = \frac{0.4}{2} = 0.2 m/s \Rightarrow \frac{K}{E} = \left( \frac{v}{v_m} \right)^2 \rightarrow \frac{K}{16} = \left( \frac{0.2}{0.4} \right)^2$$

$$\rightarrow \boxed{U = 12J} \rightarrow U + 4 = 16 \rightarrow U + K = E = 16J \rightarrow \boxed{K = 4J}$$



$$\boxed{U_{(t=t')} = U_{(t=10s)} = 12J}$$

۶۸. گزینه ۳ قدم اول

$$k = 12 N/cm = 1200 N/m$$

طول پاره‌خط نوسان ۱۰ cm است، پس دامنه ۵ cm است. یعنی:

$$2A = 10 cm \rightarrow A = 5 cm \rightarrow \boxed{A = 5 \times 10^{-2} m}$$



قدم دوم

انرژی جنبشی نوسانگر در لحظه بیان شده برابر است با:

$$K = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2}(2)(0.8)^2 = 0.64J \rightarrow \boxed{K = 0.64J} \quad (1)$$

قدم سوم

انرژی پتانسیل برابر است با اختلاف انرژی مکانیکی و انرژی جنبشی در لحظه مورد نظر. بنابراین:

$$\begin{cases} E = U + K & (2) \\ E = \frac{1}{2}kA^2 = \frac{1}{2}(1200)(5 \times 10^{-2})^2 = 600 \times 25 \times 10^{-4} = 1.5J & (3) \end{cases}$$

(1), (2), (3)  $\rightarrow 1.5 = U + 0.64 \rightarrow \boxed{U = 0.86J}$

۶۹. گزینه ۳ نکات مورد توجه:

(۱) بیشینه تکانه جرم  $m$  در هنگام عبور از نقطه تعادلش می باشد:

$$p = mv \rightarrow p_{max} = mv_{max} = m(A\omega)$$

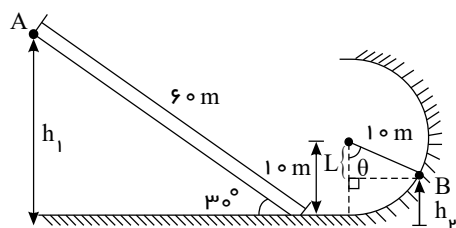
بنابراین بایستی به نحوه تغییرات احتمالی  $A$  و  $\omega$  توجه نماییم.

(۲) چون در دورترین فاصله از مرکز نوسان به جرم  $m'$  اضافه شده است و انرژی مکانیکی سامانه جرم و فنر از رابطه  $E = \frac{1}{2}kA^2$  (که ثابت فنر و  $A$  دامنه نوسان است) محاسبه می شود و اینکه به دلیل نبود اصطکاک،  $E$  ثابت است بایستی  $A$  ثابت بماند.

(۳) طبق رابطه:  $p_{max} = mAw$  و اینکه برای جرم  $m$ ، مقادیر  $m$  و  $A$  ثابت است، برای اینکه  $p_{max}$  نصف شده باشد باید:  $\omega$  نصف شود. بنابراین:(دقت کنید، در اینجا ذکر شده تکانه  $m$ ، نه تکانه  $m + m'$ )

$$\frac{\omega_2}{\omega_1} = \sqrt{\frac{m_1}{m_2}} = \frac{1}{2} \rightarrow m_2 = 4m_1 \rightarrow m' + m = 4m \rightarrow m' = 3m \rightarrow \frac{m'}{m} = 3$$

۷۰. گزینه ۳



$$W_t = K_B - K_A \Rightarrow W_{mg} + W_f = \frac{1}{2}mv_B^2 - \frac{1}{2}mv_A^2$$

$$\Rightarrow W_{mg} - 200 = \frac{1}{2} \times 4 \times 20^2 - 0 \Rightarrow W_{mg} = 1000J$$

$$\Delta U = -W_{mg} \Rightarrow mg(h_2 - h_1) = -1000 \Rightarrow 4 \times 10 \times (h_2 - 60 \times \sin 30^\circ) = -1000 \Rightarrow h_2 - 30 = -25 \Rightarrow h_2 = 5m$$

$$L = 10 - 5 = 5m$$

$$\cos \theta = \frac{5}{10} = \frac{1}{2} \Rightarrow \theta = 60^\circ$$

۷۱. گزینه ۳ تاب خوردن یک کودک توسط پدرش که به طور دوره‌ای هل داده می شود مثالی از نوسان واداشته است. عبارتهای (الف)، (ج) و (د) صحیح هستند.

۷۲. گزینه ۴ در صورت وارد شدن نیروی قائم رو به پایین در رابطه  $T = 2\pi\sqrt{\frac{L}{g}}$  به جای  $g$  از رابطه  $g + \frac{F}{m}$  و اگر نیروی قائم رو به بالای  $F$  وارد شود، به جای  $g$  از  $g - \frac{F}{m}$  استفاده می کنیم.

میدان الکتریکی قائم رو به بالا و بار منفی است. بنابراین نیرو رو به پایین است.

$$T = 2\pi\sqrt{\frac{L}{g + \frac{F}{m}}} = 2\pi\sqrt{\frac{L}{g + \frac{|q|E}{m}}}$$

$$T = 2\pi\sqrt{\frac{0.5}{10 + \frac{2 \times 10^{-6} \times 10^5}{2 \times 10^{-2}}}} = 2\pi\sqrt{\frac{0.5}{20}} = \frac{\pi}{\sqrt{10}} = \frac{\pi\sqrt{10}}{10}$$

۷۳. گزینه ۱ باتوجه به رابطه دوره نوسانهای آونگ ساده کم دامنه یعنی  $T = 2\pi\sqrt{\frac{L}{g}}$ ، دوره نوسانها به جرم آونگ بستگی ندارد. پس داریم:



$$\frac{T_2}{T_1} = \sqrt{\frac{L_2}{L_1}} \xrightarrow{L_2 = 1,44 L_1} \frac{T_2}{T_1} = \sqrt{1,44} = 1,2$$

بنابراین درصد تغییرات دوره تناوب آن برابر است با:

$$\left(\frac{T_2}{T_1} - 1\right) \times 100 = 20\%$$

۷۴. گزینه ۲

$$K = 1J \rightarrow E = U + K = 3 + 1 = 4J$$

$$E = K_{max} = \frac{1}{2} m v_{max}^2 \rightarrow 4 = \frac{1}{2} \times 500 \times 10^{-3} \times v_{max}^2$$

$$v_{max} = \sqrt{\frac{4}{25 \times 10^{-3}}} = 4 \frac{m}{s}$$

۷۵. گزینه ۱ می‌دانیم که تندی نوسانگر در مرکز نوسان (تعادل) بیشینه می‌شود، پس مدت زمانی که طول می‌کشد تا آونگ A از انتهای مسیر به مرکز نوسان (تندی بیشینه) برسد، معادل

$$t = \frac{T_A}{4} \text{ است. از طرفی آونگ B در همین مدت از یک انتها به انتهای دیگر مسیر می‌رود که زمانی معادل } t = \frac{T_B}{2} \text{ طول می‌کشد. (هر دو اتفاق برای اولین بار رخ داده) بنابراین رابطه بین دوره}$$

دو آونگ را داریم:

$$t = \frac{T_A}{4} = \frac{T_B}{2} \Rightarrow \frac{T_A}{T_B} = 2$$

از طرفی می‌دانیم که دوره نوسان آونگ به صورت زیر محاسبه می‌شود.

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}}$$

پس برای تعیین رابطه بین طول آونگ‌ها داریم:

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}} \xrightarrow{\text{ثابت } g} \frac{T_A}{T_B} = \sqrt{\frac{L_A}{L_B}} \xrightarrow{\frac{T_A}{T_B} = 2} 2 = \sqrt{\frac{L_A}{L_B}} \Rightarrow \frac{L_A}{L_B} = 4$$

۷۶. گزینه ۴ در حفاظت کاتدی آهن از عنصری که در سری الکتروشیمیایی پایین‌تر از آهن قرار دارد، استفاده می‌کنند تا نقش آند را بازی کرده و آهن را از خوردگی محافظت کند (مانند

$Mg_{(12)}$ ).

۷۷. گزینه ۳ همواره اکسایش در آند و کاهش در کاتد اتفاق می‌افتد.

۷۸. گزینه ۳ در حفاظت کاتدی، فلز اصلی را در مجاورت فلزی می‌دهند که  $E^\ominus$  آن منفی‌تر باشد، یعنی کاهنده‌تر باشد.

۷۹. گزینه ۲ در سلول گالوانی برخلاف سلول الکترولیتی، انرژی شیمیایی به الکتریکی تبدیل می‌شود.

۸۰. گزینه ۲ در آبکاری، محلول الکترولیت دارای یون‌های فلزی است که قرار است لایه نازکی از آن روی جسم قرار گیرد.

۸۱. گزینه ۱ فقط عبارت (ت) درست است.

عبارت (آ): در سلول‌های الکترولیتی با انجام یک واکنش غیرخودبه‌خودی سطح انرژی افزایش و پایداری کاهش می‌یابد و انرژی الکتریکی به انرژی شیمیایی تبدیل می‌شود.

عبارت (ب): در هر دو سلول الکترولیتی و گالوانی، جهت حرکت کاتیون‌ها به سمت کاتد و جهت حرکت آنیون‌ها به سمت آند است.

عبارت (پ): در سلول‌های الکترولیتی، الکتروند متصل به قطب مثبت منبع جریان مستقیم، نقش آند را دارد.

توجه: در سلول‌های الکترولیتی، آند قطب مثبت سلول است. (برخلاف سلول‌های گالوانی)

عبارت (ت): در هر دو سلول الکترولیتی و گالوانی، آند محل اکسایش و کاتد محل کاهش است.

۸۲. گزینه ۴ جسمی که قرار است آبکاری شود در کاتد و فلز روکش، در آند قرار می‌گیرد.

۸۳. گزینه ۲ در سلول الکترولیتی، الکترودی که به قطب مثبت منبع متصل شده، نقش آند را داشته و در سطح آن فرایند اکسایش صورت می‌گیرد.

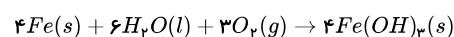
۸۴. گزینه ۲ عبارت‌های (آ) و (ب) درست‌اند.

بررسی عبارت‌های نادرست:

(پ) فلزات گران‌بها مثل طلا و نقره از برق‌کافت استخراج نمی‌شوند و معمولاً به حالت اتمی وجود دارند.

(ت) فلزات فعال مثل فلزات گروه اول را از برق‌کافت نمک‌های آنها در حالت مذاب به دست می‌آورند. در حالت محلول، آب در کاتد کاهش می‌یابد و فلز به دست نمی‌آید.

۸۵. گزینه ۴ معادله کلی زنگ زدن آهن به صورت زیر است:



در این واکنش عدد اکسایش آهن از صفر به +۳ می‌رسد و سه درجه تغییر می‌کند و با توجه به معادله، به‌ازای چهار مول آهن،  $4 \times 3 = 12$  مول الکترون مبادله می‌شود:

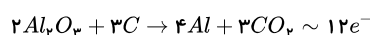
$$280g Fe \times \frac{1mol Fe}{56g Fe} \times \frac{12mole^-}{4mole^-} \times \frac{6,02 \times 10^{23}e^-}{1mole^-} = 9,03 \times 10^{24}e^-$$

۸۶. گزینه ۲ جهت حرکت الکترون‌ها در هر دو سلول، از آند به کاتد و در هر دو سلول الکترودهای به کارفته از جنس مس و نقره است، پس موارد (ب) و (پ) یکسان است.

در سلول گالوانی، واکنش خودبه‌خودی و در سلول آبکاری، واکنش با مصرف انرژی و غیرخودبه‌خودی است.

جنس الکترولیت‌ها در سلول گالوانی در دو نیم‌سلول، متفاوت و محلول نمک دو فلز مختلف است در حالیکه در سلول الکترولیتی از یک نوع الکترولیت استفاده می‌شود.

۸۷. گزینه ۴





$$\frac{2.7 \times 10^6}{4 \times 27} = \frac{n}{12} \Rightarrow n = 3 \times 10^5 \text{ مول الکترون}$$

$$2NaCl(l) \rightarrow 2Na(l) + Cl_2(g) \sim 2e^-$$

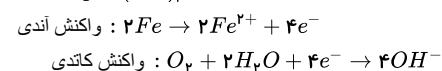
$$\frac{m}{2 \times 23} = \frac{3 \times 10^5}{2} \Rightarrow m = 69 \times 10^5 g = 6.9 \text{ ton Na}$$

۸۸. گزینه ۳

$$4Fe + 3O_2 + 6H_2O \rightarrow 4Fe(OH)_3$$

$$?kgFe(OH)_3 = 1.4kgFe \times \frac{1000gFe}{1kgFe} \times \frac{1molFe}{56gFe} \times \frac{4molFe(OH)_3}{4molFe} \times \frac{107gFe(OH)_3}{1molFe(OH)_3}$$

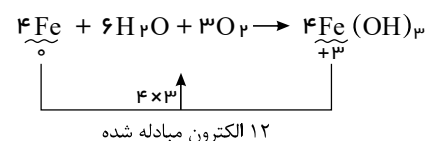
$$\times \frac{1kgFe(OH)_3}{1000gFe(OH)_3} = 16.05kgFe(OH)_3$$



$$1 \text{ واکنش مرحله ۱: } 2Fe + O_2 + 2H_2O \rightarrow 2Fe(OH)_2$$

$$?C = 1.4kgFe \times \frac{1000gFe}{1kgFe} \times \frac{1molFe}{56gFe} \times \frac{4mole^-}{2molFe} \times \frac{96500C}{1mole^-} = 2.895 \times 10^6 C$$

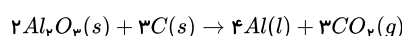
۸۹. گزینه ۱

(افزایش جرم)  $4Fe(OH)_3 - 4Fe = 4(56 + 51) - 4(56) = 204g$   $\Rightarrow$  تغییر جرم بر اساس معادله واکنش

$$3.01 \times 10^{22} e^- \times \frac{1mole^-}{6.02 \times 10^{23} e^-} \times \frac{204g}{12mole^-} = 0.85g \text{ (افزایش جرم)}$$

۹۰. گزینه ۲ سه مورد «ب»، «پ» و «ث» صحیح است. چون فلز  $M$  به صورت یون  $M^{2+}$  وارد محلول الکترولیت یا قطره آب شده است، لذا فلز  $M$  از آهن کاهنده تر بوده است و اکسایش را انجام داده و آهن در نقش کاتد حفاظت شده است. بنابراین فلز  $M$  می تواند  $Zn$  باشد؛ ولی نمی تواند  $Sn$  باشد.

۹۱. گزینه ۱ باتوجه به معادله واکنش:



در جریان این واکنش به ازای تولید چهار مول آلومینیم ۱۲ مول الکترون جابه جا می شود:

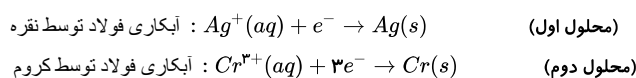
$$?mole^- = 21.6tonAl \times \frac{1000kgAl}{1tonAl} \times \frac{1000gAl}{1kgAl} \times \frac{1molAl}{27gAl} \times \frac{12mole^-}{4molAl} = 2.4 \times 10^6 mole^-$$

$$?m^3CO_2 = 21.6tonAl \times \frac{1000kgAl}{1tonAl} \times \frac{1000gAl}{1kgAl} \times \frac{1molAl}{27gAl} \times \frac{3molCO_2}{4molAl} \times \frac{44gCO_2}{1molCO_2} \times \frac{1LCO_2}{1.1gCO_2} \times \frac{1m^3}{1000L} = 24 \times 10^3 m^3CO_2$$

۹۲. گزینه ۳ موارد آ، پ و ت صحیح هستند.

در آبکاری نقره نمی توان از نمک های نامحلول مثل  $AgCl$  استفاده کرد.

۹۳. گزینه ۴



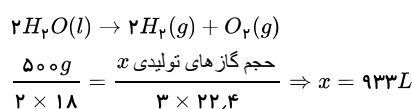
$$\frac{1mole^-}{1} = \frac{xgAg}{1 \times 108} \Rightarrow \text{جرم نقره رسوب کرده روی فولاد} = 108g$$

$$\frac{1mole^-}{3} = \frac{xgCr}{52} \Rightarrow \text{جرم کروم رسوب کرده روی فولاد} \approx 17.4g$$

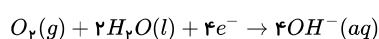
$$\text{تفاوت جرم دو قطعه آبکاری شده} = 108 - 17.4 = 90.6g$$

۹۴. گزینه ۳  $1kg$  آب نمک با غلظت یک درصد نمک؛ یعنی از  $1000g$  آب نمک،  $10g$  آن نمک و  $990g$  آب است. طی تجزیه آب، مقدار نمک ثابت بود و مقدار آب (حلال) کاهش می یابد. زمانی که غلظت آب نمک دو برابر (۲ درصد) می شود، بایستی جرم محلول نصف شده باشد و از  $1000g$  محلول به  $500g$  رسیده باشد؛ یعنی  $490g$  آب و  $10g$  نمک.

$$\text{جرم آب مصرفی طی تجزیه} = 990 - 490 = 500g$$



۹۵. گزینه ۴ در نیم واکنش موازنه شده بخش کاتدی، ضریب الکترون برابر ۴ است:





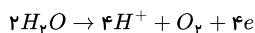
۹۶. گزینه ۳ عبارت‌های (آ) و (ت) درست‌اند.

بررسی موارد نادرست:

(ب) فلزهای نجیبی مانند طلا که  $E^\circ$  مثبتی دارند، در محیط اسیدی نیز اکسایش نمی‌یابند.

(پ) در خوردگی آهن، عدد اکسایش آهن از صفر به ۳+ رسیده و سه واحد افزایش می‌یابد. محیط اسیدی یا خنثی تأثیری بر این افزایش ندارد.

۹۷. گزینه ۳ مجموع ضرایب  $H^+$  و الکترون را در نظر می‌گیریم.



۹۸. گزینه ۳ با توجه به شکل داده شده، گزینه «۳» صحیح است.

بررسی گزینه‌های نادرست:

گزینه «۱»: پس از آبکاری جرم قطعه به کار رفته در کاتد افزایش می‌یابد.

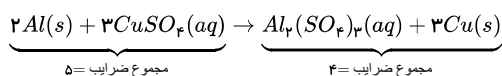
گزینه «۲»: تیغه نقره در این سلول در نقش آند عمل می‌کند و به قطب مثبت باتری متصل است. زیرا همواره در سلول‌های الکترولیتی آند، قطب مثبت و کاتد، قطب منفی است.

گزینه «۴»: همان کاتیون نقره ( $Ag^+$ ) است که از سمت آند به کاتد حرکت می‌کند.

۹۹. گزینه ۱ بررسی عبارت‌ها:

عبارت (الف) نادرست؛ جانداران ذره‌بینی، گاز نیتروژن هواکره را برای مصرف گیاهان در خاک تثبیت می‌کنند.

عبارت (ب) نادرست؛



عبارت (ج) نادرست؛ کاربرد عدد یونانی برای آلومینیم نادرست است.

عبارت (د) نادرست؛ اصطلاح لایه اوزون، به منطقه مشخصی از استراتوسفر می‌گویند که بیش‌ترین مقدار اوزون در آن محدوده قرار دارد.

۱۰۰. گزینه ۴ بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»: در فرایند تولید  $Mg$  از آب دریا، برای تبدیل منیزیم هیدروکسید به منیزیم کلرید از هیدروکلریک اسید استفاده می‌شود.

گزینه «۲»: در هر دو سلول گالوانی و الکترولیتی آنیون‌ها به سمت آند و کاتیون‌ها به سمت کاتد حرکت می‌کنند، اما آند در سلول الکترولیتی مثبت بوده؛ لذا آنیون‌ها به سمت الکتروکاتد با بار ناهمنام حرکت می‌کنند.

گزینه «۳»: برای تولید فلز فعال از نمک مذاب آن‌ها استفاده می‌شود نه محلول آبی آن‌ها.

گزینه «۴»: آب خالص رسانایی الکتریکی اندکی دارد. برای افزایش رسانایی آن اندکی الکترولیت به آب می‌افزایند.

۱۰۱. گزینه ۳ سلول‌های گالوانی و الکترولیتی، در موارد (الف)، (ب) و (ج) مشابه‌اند. در هر دو نوع سلول، آنیون‌ها به سمت آند حرکت می‌کنند و کاهش در کاتد صورت می‌گیرد. در هر دو، الکترون‌ها از آند به کاتد جریان دارند.

در سلول گالوانی، علامت  $E^\circ$  سلول مثبت و در الکترولیتی، منفی است. در سلول گالوانی برخلاف الکترولیتی، واکنش کلی خودبه‌خودی بوده و فراورده‌ها پایدارتر از واکنش‌دهنده‌ها هستند.

در سلول گالوانی دو نوع الکترولیت وجود دارد، ولی در الکترولیتی، هر دو الکتروکاتد درون یک الکترولیت فرو رفته‌اند.

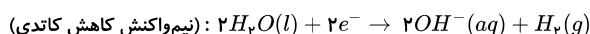
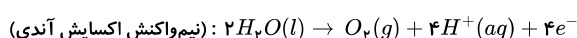
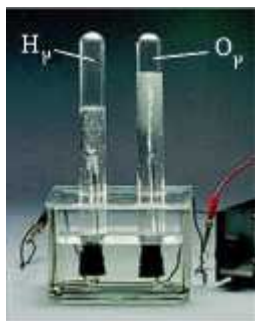
در سلول گالوانی، کاتد قطب مثبت و آند منفی است و در الکترولیتی، کاتد را به قطب منفی و آند را به قطب مثبت باتری وصل می‌کنند.

۱۰۲. گزینه ۱ عبارت‌های دوم و پنجم درست‌اند.

در فرایند برقکافت آب، گاز هیدروژن در قطب منفی باتری (کاتد) تولید می‌شود و حجم آن دو برابر حجم گاز اکسیژن آزاد شده در قطب مثبت (آند) است، پس گاز C که حجم بیشتری دارد، گاز هیدروژن و گاز B که حجم کمتری دارد، گاز اکسیژن است. الکتروکاتد G کاتد است، بنابراین A قطب منفی باتری می‌باشد. F نیز الکتروکاتد است که به قطب مثبت باتری متصل می‌باشد.

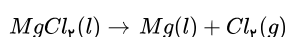
از آنجا که آب خالص رسانا نیست، هنگام برقکافت مقداری الکترولیت به آن می‌افزایند، بنابراین محلول D نمی‌تواند آب خالص باشد. در سلول‌های الکترولیتی، جریان الکترون‌ها از الکتروکاتد (در اینجا F) به سمت الکتروکاتد (G) است.

۱۰۳. گزینه ۲ شکل موردنظر، سلول برقکافت آب است که طبق شکل زیر، مواد A و B به ترتیب، گازهای هیدروژن و اکسیژن را نشان می‌دهند.



طبق نیم‌واکنش‌های فوق، اکسیژن در آند آزاد می‌شود و اطراف این قطب در محلول، به دلیل تولید  $H^+$ ، اسیدی است و با کاغذ pH به رنگ سرخ درمی‌آید.

۱۰۴. گزینه ۲ معادله واکنش برقکافت منیزیم کلرید مذاب به صورت زیر است:



ابتدا باید حساب کنیم که به ازای تولید ۱۲ گرم منیزیم، چند لیتر گاز کلر به دست می‌آید.

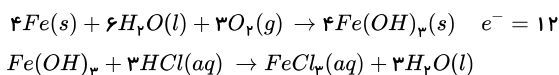


$$?molCl_2 = 12gMg \times \frac{1molMg}{24gMg} \times \frac{1molCl_2}{1molMg} \times \frac{25LCl_2}{1molCl_2} = 12.5LCl_2$$

سرعت تولید  $Cl_2$  بر حسب  $L \cdot min^{-1}$  برابر است با:

$$\bar{R}(Cl_2) = \frac{12.5L}{\frac{1}{3}min} = 37.5L \cdot min^{-1}$$

۱۰۵. گزینه ۳ ابتدا معادله واکنش‌ها را موازنه می‌کنیم:



$$1.204 \times 10^2 e^- \times \frac{1mole^-}{6.02 \times 10^{23} e^-} \times \frac{4molFe(OH)_2}{12mole^-} \times \frac{3molHCl}{1molFe(OH)_2} = 2 \times 10^{-3} molHCl$$

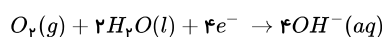
$$[HCl] = \frac{2 \times 10^{-3} mol}{0.1L} = 2 \times 10^{-2} mol \cdot L^{-1} \Rightarrow [H^+] = 2 \times 10^{-2} mol \cdot L^{-1}$$

$$pH = -\log[H^+] = -\log 2 \times 10^{-2} = 2.7$$

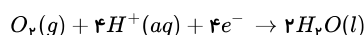
۱۰۶. گزینه ۲ همه عبارت‌های داده شده درست هستند.

(آ) به طور کلی در خوردگی فلزها، نیم‌واکنش کاهش با محلول آبی دارای  $pH$  مشابه، یکسان است و مربوط به نیم‌واکنش کاهش اکسیژن در محلول آبی مربوطه می‌باشد. وجود رطوبت و گاز اکسیژن در فرآیند خوردگی فلزها ضروری است.

اگر محلول خنثی باشد (اسیدی نباشد)، نیم‌واکنش کاهش انجام شده در هر فرآیند، به صورت زیر خواهد بود:



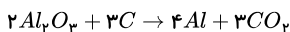
اگر محلول اسیدی باشد، نیم‌واکنش کاهش انجام شده در هر فرآیند، به صورت زیر خواهد بود:



(ب) چون با توجه به اینکه می‌دانیم در حلی (شامل پوشش نازک قلع بر آهن)، آهن زنگ می‌زند، ولی در آهن گالوانیزه (پوشش روی بر آهن) آهن زنگ نمی‌زند.

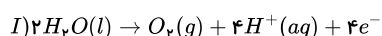
(پ) به طور کلی در آبکاری، نیم‌واکنش اکسایش و کاهش مربوط به فلز پوشاننده است. البته مسلماً در آبکاری نیم‌واکنش اکسایش، مربوط به اکسایش فلز و نیم‌واکنش کاهش مربوط به یون فلز خواهد بود.

(ت) معادله کلی واکنش فرایند هال به صورت زیر است:

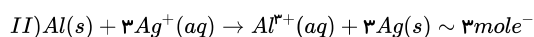


۱۰۷. گزینه ۴ همه عبارت‌های داده شده درست‌اند.

۱۰۸. گزینه ۳ معادله نیم‌واکنش اکسایش آب در سلول برقکافت:



معادله واکنش انجام شده در سلول گالوانی آلومینیم - نقره:



قسمت اول: طبق معادله واکنش (II)، به ازای مبادله ۳ مول الکترون، یک مول یعنی  $27g$  از جرم آند کم شده و سه مول یعنی  $324g$  ( $3 \times 108$ ) به جرم کاتد اضافه می‌شود، یعنی تفاوت جرم تیغه آند و کاتد به  $351g$  ( $324 + 27$ ) می‌رسد؛ بنابراین خواهیم داشت:

$$?g \text{ اختلاف} = 58.5gH_2O \times \frac{1molH_2O}{18gH_2O} \times \frac{4mole^-}{2molH_2O} \times \frac{351g \text{ اختلاف}}{3mole^-} = 459g \text{ اختلاف}$$

قسمت دوم:

$$Al^{3+} \text{ مول تغییرات} = 459gH_2O \times \frac{1molH_2O}{18gH_2O} \times \frac{4mole^-}{2molH_2O} \times \frac{1molAl^{3+}}{3mole^-} = \frac{1}{6} molAl^{3+}$$

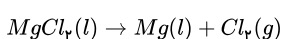
$$Al^{3+} \text{ غلظت} = \frac{\Delta n(Al^{3+})}{V} = \frac{\frac{1}{6} Al^{3+}}{5L} = \frac{1}{30} mol \cdot L^{-1}$$

در سلول استاندارد، غلظت یون  $Al^{3+}$  برابر  $1mol \cdot L^{-1}$  است؛ بنابراین تغییرات آن برابر است با:

$$\% \Delta [Al^{3+}] = \frac{Al^{3+} \text{ غلظت}}{Al^{3+} \text{ غلظت اولیه}} \times 100 = \frac{\frac{1}{30}}{1} \times 100 \approx 3.3\%$$

۱۰۹. گزینه ۴

$$?gCl_2 = 852 \times 10^3 L \times \frac{1kg}{1L} \times \frac{1000g}{1kg} \times \frac{1.2gCl_2}{10^6 g} = 10224$$



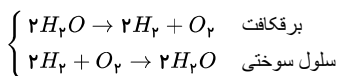


$$\frac{?g}{1 \times 95} = \frac{1022.4g}{71} \rightarrow ?gMgCl_2 = 1368 \Rightarrow 1.368kg$$

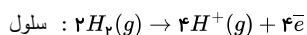
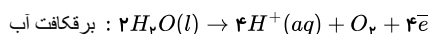
۱۱۰. گزینه ۱ موارد اول و سوم درست‌اند.

مورد اول) جهت حرکت الکترون در مدار بیرونی در هر سلولی از آند به کاتد است.

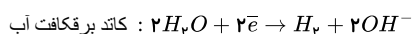
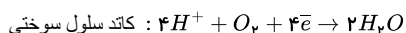
مورد دوم) عکس هم می‌باشند.



مورد سوم) در آند برقکافت محیط اسیدی شده و کاغذ  $pH$  قرمز می‌شود و در آند سلول سوختی نیز با تولید  $H^+$  محیط اسیدی شده و کاغذ  $pH$  قرمز می‌گردد.



مورد چهارم)



مورد پنجم) نیم‌واکنش‌ها کاملاً متفاوت است (در توضیحات مورد چهارم آمده‌اند).

۱۱۱. گزینه ۴

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{f(x)}{x} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x - \sqrt{4x^2 + x}}{x} \xrightarrow{\text{توان بیشتر}} \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x - \sqrt{4x^2}}{x}$$

$$= \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x - \sqrt{4x^2}}{x} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x + 2x}{x} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3x}{x} = 3$$

۱۱۲. گزینه ۳ شکل داده شده  $y = -x^3$  است که یک واحد به چپ و سپس یک واحد به بالا انتقال داده شده است پس ضابطه آن  $f(x) = -(x+1)^3 + 1$  است.

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{|f(x)|}{(2x-1)^3} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\overbrace{|-(x+1)^3 + 1|}}{(2x-1)^3} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(x+1)^3 - 1}{(2x-1)^3}$$

$$\xrightarrow{\text{توان بیشتر}} \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^3}{(2x)^3} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^3}{8x^3} = \frac{1}{8}$$

۱۱۳. گزینه ۱ روش اول:

$x = 1$  در دامنه‌ی تعریف تابع قرار ندارد یعنی ریشه‌ی مخرج است.

$$x + c = 0 \Rightarrow 1 + c = 0 \Rightarrow c = -1$$

صورت کسر بر  $x - 1$  بخش‌پذیر است و مقدار خارج قسمت تابع به‌ازای  $x = 1$  برابر ۲ است. (زیرا تابع در  $x = 1$  حدی برابر ۲ دارد).

$$\begin{array}{r} x^3 + 2x^2 + ax + b \\ \hline x - 1 \\ \hline x^2 + 3x + (a + 3) \\ \hline \underbrace{\hspace{10em}}_{Q(x)} \\ \hline -x^3 + x^2 \\ \hline 3x^2 + ax + b \\ \hline -3x^2 + 3x \\ \hline (a + 3)x + b \\ \hline -(a + 3)x + a + 3 \\ \hline a + b + 3 \end{array}$$

$$\begin{cases} a + b + 3 = 0 \Rightarrow a + b = -3 \\ Q(1) = 2 \Rightarrow 1 + 3 + a + 3 = 2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a = -5 \\ b = 2 \end{cases} \Rightarrow f(x) = \frac{x^3 + 2x^2 - 5x + 2}{x - 1}$$

$$\Rightarrow f(2) = 8 + 8 - 10 + 2 = 8$$

روش دوم:

$$x + c = 0 \rightarrow 1 + c = 0 \rightarrow c = -1$$

تابع در  $x = 1$  حدی برابر ۲ دارد بنابراین برای محاسبه‌ی حد، عددگذاری می‌کنیم.





$$x = 1 \rightarrow \frac{1 + 2 + a + b}{1 - 1} = \frac{3 + a + b}{0} \xrightarrow{\text{این کسر حتماً } \frac{0}{0} \text{ بوده که پس از رفع ابهام}} \rightarrow 3 + a + b = 0$$

جوابش، ۲ شده است

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{3x^2 + 4x + a}{1} = 7 + a = 2 \Rightarrow a = -5, b = 2$$

$$f(x) = \frac{x^2 + 2x^2 - 5x + 2}{x - 1} \Rightarrow f(2) = \frac{8 + 8 - 10 + 2}{2 - 1} = 8$$

۱۱۴. گزینه ۱ در ابتدای مسأله انتخاب توان بیشتر به کار نمی آید زیرا در صورت، عبارت ها قرینه ی هم شده و حاصل، صفر می گردد. برای رفع ابهام، عبارت را در مزدوج صورت، ضرب و تقسیم می کنیم (مخرج، مبهم نمی باشد ولی صورت، مبهم است).

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{9x+1} - 3\sqrt{x-1}}{\sqrt{x+1} + \sqrt{4x+5}} \times \frac{\sqrt{9x+1} + 3\sqrt{x-1}}{\sqrt{9x+1} + 3\sqrt{x-1}} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{9x+1 - 9(x-1)}{(\sqrt{x} + \sqrt{4x})(\sqrt{9x+3}\sqrt{x})}$$

$$= \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{9x+1-9x+9}{(3\sqrt{x})(6\sqrt{x})} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{10}{18x} = \frac{10}{+\infty} = 0$$

$$f(x) = \frac{\sqrt{2-2\cos 2x}}{\sqrt{a+2x-2}} \quad \text{گزینه ۴ فرض کنید}$$

چون حد چپ صورت کسر  $f(x)$  در  $x = 0$  صفر است ولی حد چپ  $f(x)$  در این نقطه صفر نیست، پس باید حد چپ مخرج  $f(x)$  نیز در این نقطه صفر باشد:

$$\lim_{x \rightarrow 0^-} (\sqrt{a+2x-2}) = 0 \Rightarrow \sqrt{a}-2 = 0 \Rightarrow a = 4$$

بنابراین:

$$b = \lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{\sqrt{2(1-\cos 2x)}}{\sqrt{4+2x-2}}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{\sqrt{4\sin^2 x}}{4+2x-4} \times (\sqrt{4+2x+2}) = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{-2\sin x}{2x} \times (\sqrt{4+2x+2}) = -1 \times (2+2) = -4$$

۱۱۶. گزینه ۳ چون جواب حد، عدد شده است بنابراین بزرگ ترین توان  $x$  صورت و مخرج باید با هم برابر باشند بنابراین  $n = 1$  است.

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{ax - 2x + 1}{2x - \sqrt{x^2 + 3}} \stackrel{\text{پرتوان}}{=} \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{ax - 2x}{2x - \sqrt{x^2}} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{(a-2)x}{2x - \underbrace{|x|}_{-}}$$

$$= \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{(a-2)x}{2x+x} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{(a-2)x}{3x} = \frac{a-2}{3} = \frac{1-a}{3} \rightarrow 3a-6 = 3-3a \rightarrow 6a = 9 \rightarrow a = \frac{3}{2}$$

$$\text{پس } a + n = \frac{3}{2} + 1 = 2.5$$

۱۱۷. گزینه ۳

پرتوان زیر رادیکال، عبارت  $9x^2$  است که به صورت  $|3x|$  تبدیل می شود:

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-3x^n + 6}{ax - \sqrt{9x^2 + 3x - 6}} \stackrel{\text{پرتوان}}{=} \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-3x^n}{ax - \underbrace{|3x|}_{-}} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-3x^n}{ax + 3x}$$

$$= \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-3x^n}{(a+3)x} \stackrel{n=1}{=} \frac{-3}{a+3} = \frac{-1}{2} \rightarrow a+3 = 6 \rightarrow a = 3$$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{-3x+6}{3x - \sqrt{9x^2 + 3x - 6}} = \frac{0}{0} \xrightarrow{HOP} \lim_{x \rightarrow 2} \frac{-3}{3 - \frac{18x+3}{2\sqrt{9x^2+3x-6}}} = \frac{-3}{3 - \frac{39}{12}} = \frac{-3}{-\frac{3}{12}} = 12$$

۱۱۸. گزینه ۳ راه حل اول:

$$\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{x^3 - x^2[x] - 4}{\sqrt{x+7} - [2x]} = \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{x^3 - x^2 - 4}{\sqrt{x+7} - 3} = \frac{\text{صفر}}{\text{صفر}} \rightarrow$$

حال باید عامل ابهام را از صورت و مخرج حذف کنیم. برای این منظور می توان عامل  $(x-2)$  را در صورت و مخرج ایجاد کرد و سپس آن را حذف کرد.

$$\frac{x^3 - x^2 - 4}{x^3 - 2x^2} \quad | \quad \frac{x-2}{x^2+x+2}$$

$$\frac{x^2-4}{x^2-2x} \quad \Rightarrow \quad x^3 - x^2 - 4 = (x-2)(x^2+x+2)$$

$$\frac{2x-4}{2x-4}$$

$$\frac{2x-4}{2x-4}$$

$$0$$



$$\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{x^3 - x^2 - 4}{\sqrt{x+7} - 3} = \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{(x-2)(x^2+x+2)}{\sqrt{x+7} - 3} \times \frac{\sqrt{x+7}+3}{\sqrt{x+7}+3} \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{(x-2)(x^2+x+2)(\sqrt{x+7}+3)}{x+7-9} = \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{(x-2)(x^2+x+2)(\sqrt{x+7}+3)}{x-2} = 18$$

$$= \lim_{x \rightarrow 2^-} (x^2+x+2)(\sqrt{x+7}+3) = 8 \times 6 = 48$$

راه حل دوم: قاعده هوییتال:

$$\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{x^3 - x^2[x] - 4}{\sqrt{x+7} - [2x]} \stackrel{H}{=} \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{3x^2 - 2x}{\frac{1}{2\sqrt{x+7}}} = \frac{12-4}{\frac{1}{6}} = 48$$

۱۱۹. گزینه ۳ حد هر چند جمله‌ای در  $x \rightarrow \pm\infty$  برابر با حد جمله‌ای از آن است که دارای بزرگ‌ترین درجه است.

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{\Delta x + |x-4|}{x - \sqrt{x^2-1}} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{\Delta x - (x-4)}{x - \sqrt{x^2}} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{4x}{x - |x|} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{4x}{x - (-x)} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{4x}{2x} = 2$$

۱۲۰. گزینه ۱

برای به دست آوردن این حد ابتدا باید مقدار  $[4\cos^2 \pi x]$  را در همسایگی راست  $x = \frac{1}{6}$  به دست آوریم، می‌دانیم تابع  $\cos x$  و  $\cos^2 x$  در ربع اول نزولی است:

$$x \rightarrow \left(\frac{1}{6}\right)^+ \Rightarrow \cos \pi x < \cos \frac{\pi}{6} = \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow \cos^2 \pi x < \frac{3}{4} \Rightarrow 4\cos^2 \pi x < 3 \Rightarrow [4\cos^2 \pi x] = [3^-] = 2$$

$$\lim_{x \rightarrow \left(\frac{1}{6}\right)^+} \frac{2 - 12x}{ax + b} = \frac{1}{2}$$

صورت کسر در  $x = \frac{1}{6}$  صفر است و حاصل حد مقداری غیر صفر، بنابراین مخرج نیز باید در  $x = \frac{1}{6}$  صفر شود:

$$a\left(\frac{1}{6}\right) + b = 0$$

$$\lim_{x \rightarrow \left(\frac{1}{6}\right)^+} \frac{2 - 12x}{-6bx + b} = \lim_{x \rightarrow \left(\frac{1}{6}\right)^+} \frac{2(1-6x)}{b(1-6x)} = \frac{2}{b}$$

$$\frac{2}{b} = \frac{1}{2} \Rightarrow b = 4 \Rightarrow a = -24 \Rightarrow a + b = -20$$

۱۲۱. گزینه ۱ با توجه به اینکه حاصل حد مقدار عددی غیر صفر می‌باشد، پس بزرگ‌ترین درجه صورت برابر بزرگ‌ترین درجه مخرج است. داریم:

$$n > 3 \rightarrow n - 2 > 1 \rightarrow n \text{ بزرگترین درجه مخرج بوده که بزرگتر از یک است.}$$

با توجه به این  $m + 3 > 1$  باید باشد تا بزرگ‌ترین درجه صورت و مخرج بتوانند با هم برابر شوند، پس:

$$m + 3 = n - 2 \rightarrow n - m = 5$$

حال داریم:

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{nx^{m+3} - nx + m}{m^2 x^{n-2} + 2mx + n - 1} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{nx^{m+3}}{m^2 x^{n-2}} = \frac{n}{m^2} = 4 \rightarrow n = 4m^2$$

$$\xrightarrow{n-m=5} 4m^2 - m = 5 \rightarrow 4m^2 - m - 5 = 0 \quad \begin{cases} m = \frac{5}{4} \rightarrow \text{غ ق } (m \in \mathbb{Z}) \\ m = -1 \rightarrow \text{ق ق} \end{cases}$$

$$m = -1 \rightarrow n = 4 \rightarrow m + n = 3$$

۱۲۲. گزینه ۳ از صورت و مخرج، جملات با توان بیشتر را انتخاب می‌کنیم

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2(x-1)^5 + 7(x-3)^5}{x^5(x-1)(-2x+1)(3x-5)} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^5 + 7x^5}{x^5(x)(-2x)(3x)} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{9x^5}{-6x^5} = \frac{-9}{6} = -\frac{3}{2}$$

۱۲۳. گزینه ۲ براکت موجود در صورت را به عدد تبدیل می‌کنیم:

$$\lim_{x \rightarrow 2^-} [x^2] = [4^-] = 3$$

$$\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{[x^2] - 4}{x^2 - 4} = \frac{3 - 4}{4^- - 4} = \frac{-1}{0^-} = +\infty$$

۱۲۴. گزینه ۳ چون  $x \rightarrow a$  دارای همسایگی دوطرفه است. می‌توان نتیجه گرفت که مخرج کسر اطراف این نقطه تغییر علامت نمی‌دهد و با توجه به مثبت بودن صورت کسر و  $-\infty$  بودن جواب، می‌توانیم نتیجه بگیریم که مخرج کسر به صورت  $0^-$  است. تابع سینوس در اطراف  $x = 2k\pi \pm \frac{\pi}{4}$  همواره کم‌تر از یک است؛ پس داریم:



$$\lim_{x \rightarrow a} \frac{1}{-1 + \sin x}$$

و در بازه  $[2\pi, 4\pi]$  وقتی  $x \rightarrow \frac{5\pi}{2}$  و  $b = -1$  آن گاه مخرج کسر به صورت  $0^-$  در می آید، بنابراین:

$$a = \frac{5\pi}{2}, b = -1 \Rightarrow ab = -\frac{5\pi}{2}$$

۱۲۵. گزینه ۲

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{4x + 3}{3x + \sqrt{x^2 - 4}} \stackrel{\text{بر توان}}{=} \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{4x}{3x + \sqrt{x^2}} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{4x}{3x + \underbrace{|x|}_{-}} \\ = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{4x}{3x - x} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{4x}{2x} = 2$$

۱۲۶. گزینه ۱ رواه اول: می دانیم:  $\lim_{u \rightarrow 0} \sin u \simeq u$  و  $\lim_{u \rightarrow 0} (1 - \cos u) \simeq \frac{u^2}{2}$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan x - \sin x}{x^3} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\frac{\sin x}{\cos x} - \sin x}{x^3} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\frac{\sin x - \sin x \cdot \cos x}{\cos x}}{x^3} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x \cdot (1 - \cos x)}{x^3 \cdot \cos x} \\ = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \times \frac{x^2}{2}}{x^3 \times 1} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\frac{1}{2}x^2}{x^3} = \frac{1}{2}$$

راه دوم: روش هوییتال: اگر  $\lim_{x \rightarrow a} \frac{f(x)}{g(x)} = \frac{0}{0}$  باشد و  $f$  و  $g$  در  $x = a$  مشتق پذیر باشند آنگاه:  $\lim_{x \rightarrow a} \frac{f(x)}{g(x)} = \frac{f'(a)}{g'(a)}$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan x - \sin x}{x^3} = \frac{0}{0} \xrightarrow{\text{مبهم}} \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 + \tan^2 x - \cos x}{3x^2} = \frac{0}{0} \text{ مبهم} \\ \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 + \frac{x^2}{2}}{3x^2} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\frac{3}{2}x^2}{3x^2} = \frac{1}{2}$$

هم ارزی:  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 + \frac{x^2}{2}}{3x^2} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\frac{3}{2}x^2}{3x^2} = \frac{1}{2}$

۱۲۷. گزینه ۲

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^n - 2x}{ax^2 - 3x + 2} \stackrel{\text{توان بیشتر}}{=} \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^n}{ax^2} \stackrel{\text{توان صورت و مخرج برابرند یعنی } n=2 \text{ است}}{=} \frac{1}{a} = 1 \rightarrow a = 1$$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 2x}{x^2 - 3x + 2} = \frac{0}{0} \rightarrow \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x(x - 2)}{(x - 1)(x - 2)} = \frac{2}{2 - 1} = 2$$

۱۲۸. گزینه ۴ روش اول: حد داده شده دارای ابهام  $\frac{0}{0}$  است. برای رفع ابهام در صورت کسر از اتحاد چاق و لاغر استفاده می کنیم و در مخرج، عبارت را بر عامل ابهام یعنی  $x - 2$  تقسیم می کنیم.

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^3 - 8}{x^3 - 3x - 2} = \frac{0}{0} \rightarrow \lim_{x \rightarrow 2} \frac{(x - 2)(x^2 + 4 + 2x)}{(x - 2)(x^2 + 2x + 1)} = \frac{4 + 4 + 4}{4 + 4 + 1} = \frac{12}{9} = \frac{4}{3}$$

جواب حد، ۴ برابر  $\frac{1}{3}$  است.

روش:

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^3 - 8}{x^3 - 3x - 2} = \frac{0}{0} \xrightarrow{\text{HOP}} \lim_{x \rightarrow 2} \frac{3x^2}{3x^2 - 3} = \frac{12}{9} = \frac{4}{3}$$

جواب حد، ۴ برابر  $\frac{1}{3}$  است.

$$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \sqrt[n]{ax^n + bx^{n-1} + \dots} \simeq \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \sqrt[n]{a} \left| x + \frac{b}{n \cdot a} \right| \quad \text{گزینه ۳ می دانیم:}$$

به کمک هم ارزی فوق خواهیم داشت:

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x - \sqrt{x^2 + 3x}}{3x + 4} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x - |x + \frac{3}{2}|}{3x + 4} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x + (x + 1)}{3x + 4} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2x + 1}{3x + 4} = \frac{2}{3}$$

۱۳۰. گزینه ۱ نکته: حد هر چند جمله ای در  $x \rightarrow \pm\infty$  برابر با حد جمله ای از آن است که دارای بزرگ ترین درجه است.

چون حاصل حد در  $x \rightarrow \pm\infty$  برابر با عدد  $\frac{1}{\delta}$  بوده و مخرج عبارتی درجه اول است، پس صورت هم باید عبارتی درجه اول باشد، پس داریم:

$$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{(m + 2)x^2 + 3x}{nx - 1} = \frac{1}{\delta} \rightarrow m + 2 = 0 \rightarrow m = -2 \\ \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{3x}{nx} = \frac{3}{n} = \frac{1}{\delta} \rightarrow n = 1\delta \rightarrow m + n = -2 + 1\delta = 13$$



۱۳۱. گزینه ۱ می‌دانیم: بنا به هم‌ارزی هرگاه کمان تانژانت به سمت صفر میل کند، می‌توان تابع تانژانت را حذف نمود و فقط از کمان استفاده نمود.

$$\lim_{x \rightarrow \pi^+} \frac{\tan(a \cdot \sin 2x)}{\sqrt{b + \cos x}} = \frac{\tan(o)}{\sqrt{b + (-1)}} = \frac{o}{\sqrt{b - 1}}$$

چون جواب حد یک عدد حقیقی غیر صفر است و صورت صفر شده است بنابراین باید مخرج هم صفر شود.

$$b - 1 = o \Rightarrow b = 1$$

$$\text{هم‌ارزی} \Rightarrow \lim_{x \rightarrow \pi^+} \frac{a \cdot \sin 2x}{\sqrt{1 + \cos x}} \times \frac{\sqrt{1 - \cos x}}{\sqrt{1 - \cos x}}$$

$$= \lim_{x \rightarrow \pi^+} \frac{2a \cdot \sin x \cdot \cos x \times \sqrt{1 - \cos x}}{\sqrt{1 - \cos^2 x}} = \lim_{x \rightarrow \pi^+} \frac{2a \cdot \sin x(-1) \times \sqrt{2}}{\sqrt{\sin^2 x}}$$

$$= \lim_{x \rightarrow \pi^+} -2\sqrt{2}a \times \frac{\sin x}{|\sin x|} = 2\sqrt{2}a = -2\sqrt{2} \Rightarrow a = -1$$

$$a \cdot b = (-1) \cdot (1) = -1$$

۱۳۲. گزینه ۳ کسر داده شده را به حاصل ضرب ۲ کسر جداگانه تبدیل می‌کنیم و در هر کسر از مزدوج مخرج استفاده می‌کنیم:

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sin^2 \pi x}{(\sqrt{x} - 1)(\sqrt[3]{x} - 1)} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sin \pi x}{\sqrt{x} - 1} \times \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sin \pi x}{\sqrt[3]{x} - 1}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sin(\pi - \pi x)(\sqrt{x} + 1)}{(\sqrt{x} - 1)(\sqrt{x} + 1)} \times \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sin(\pi - \pi x)(\sqrt[3]{x^2} + \sqrt[3]{x} + 1)}{(\sqrt[3]{x} - 1)(\sqrt[3]{x^2} + \sqrt[3]{x} + 1)}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\pi \sin \pi(1 - x)(\sqrt{x} + 1)}{-\pi(1 - x)} \times \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\pi \sin \pi(1 - x)(\sqrt[3]{x^2} + \sqrt[3]{x} + 1)}{-\pi(1 - x)} = (-2\pi) \times (-3\pi) = 6\pi^2$$

۱۳۳. گزینه ۴

روش اول:

$$\lim_{x \rightarrow 4} \frac{(2x + 1 - 9)(\sqrt{x} + 2)}{(x - 4)(\sqrt{2x + 1} + 3)} = \lim_{x \rightarrow 4} \frac{2(x - 4)(\sqrt{x} + 2)}{(x - 4)(\sqrt{2x + 1} + 3)} = \frac{4}{6} = \frac{2}{3}$$

روش دوم:

$$\lim_{x \rightarrow 4} \frac{\sqrt{2x + 1} - 3}{\sqrt{x} - 2} = \frac{o}{o} \xrightarrow{HOP} \lim_{x \rightarrow 4} \frac{\frac{1}{2\sqrt{2x+1}}}{\frac{1}{2\sqrt{x}}} = \frac{\frac{1}{2}}{\frac{1}{4}} = \frac{2}{1} = 2$$

۱۳۴. گزینه ۴ حد صورت در همسایگی  $x = -a$  برابر صفر است، پس برای اینکه حاصل حد عددی حقیقی شود، لازم است حد مخرج نیز صفر شود، پس  $x = -a$  ریشهٔ مخرج نیز می‌باشد.

$$\sqrt[3]{-a + 1 + b} = o \Rightarrow \sqrt[3]{-a + 1} = -b(*)$$

حال داریم:

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow (-a)^-} \frac{|x + a|}{\sqrt[3]{x + 1 + b}} &= \lim_{x \rightarrow (-a)^-} \frac{-(x + a)}{\sqrt[3]{x + 1 + b}} \xrightarrow{HOP} \lim_{x \rightarrow (-a)^-} \frac{-1}{\sqrt[3]{\frac{1}{\sqrt[3]{(x+1)^3}}}} \\ &= \lim_{x \rightarrow (-a)^-} -\sqrt[3]{\sqrt[3]{(x+1)^3}} = -\sqrt[3]{(\sqrt[3]{-a+1})^3} = -\sqrt[3]{b^3} = -b \Rightarrow b^3 = 1 \\ &\Rightarrow \begin{cases} b = -1 & \xrightarrow{*} a = o \\ b = 1 & \xrightarrow{*} a = 2 \end{cases} \end{aligned}$$

۱۳۵. گزینه ۴

بررسی تک تک گزینه‌ها:

$$\text{گزینه ۱: } \lim_{x \rightarrow o^+} \frac{x^2 + 3}{x + |x|} = \lim_{x \rightarrow o^+} \frac{x^2 + 3}{2x} = \frac{3}{o^+} = +\infty$$

$$\text{گزینه ۲: } \lim_{x \rightarrow 3} \frac{x - 2}{(x - 3)^2} = \frac{1}{o^+} = +\infty$$

$$\text{گزینه ۳: } \lim_{x \rightarrow o} \frac{\sin x + \cos x}{1 - \cos x} = \frac{\sin o + \cos o}{1 - 1^-} = \frac{1}{o^+} = +\infty$$

$$\text{گزینه ۴: } \lim_{x \rightarrow \pi} \frac{\cos x}{(x - \pi)^2} = \frac{-1}{o^+} = -\infty$$



۱۳۶. گزینه ۳ می دانیم که  $1 + \cos u = 2 \cos^2 \frac{u}{2}$  و  $\sin u = 2 \sin \frac{u}{2} \cos \frac{u}{2}$  است.

$$\lim_{x \rightarrow \pi^+} \frac{1 + \cos x}{2 \sin x} = \lim_{x \rightarrow \pi^+} \frac{2 \cos^2 \frac{x}{2}}{2 \left( 2 \sin \frac{x}{2} \cos \frac{x}{2} \right)} = \lim_{x \rightarrow \pi^+} \frac{\cos \frac{x}{2}}{2 \sin \frac{x}{2}}$$

$$= \lim_{x \rightarrow \pi^+} \frac{1}{2} \times \cot \frac{x}{2} = \lim_{x \rightarrow \pi^+} \frac{1}{2 \tan \frac{x}{2}} = \frac{1}{2 \tan(\frac{\pi}{2})^+} = \frac{1}{2(-\infty)} = \frac{1}{-\infty} = 0$$

۱۳۷. گزینه ۱ هرگاه  $x$  به سمت عددی میل کند که باعث صفر شدن تمام جملات شود آن گاه هر عبارت، هم ارز جمله ای است که توان کمتری دارد.

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{-24x^9 + 7x^8 - 3mx^6}{2ax^m} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{-3mx^6}{2ax^m} = 3$$

اگر  $m < 4$  باشد آنگاه مقدار حد برابر صفر خواهد شد و اگر  $m > 4$  باشد جواب بی نهایت است پس  $m = 4$  است در نتیجه مقدار حد برابر  $\frac{-3m}{2a}$  است که برابر ۳ است یعنی:

$$\frac{-3m}{2a} = 3 \Rightarrow \frac{-3 \times 4}{2a} = 3 \Rightarrow a = -2$$

در نتیجه:  $a^2 + m = 4 + 4 = 8$  پس گزینه ۱ صحیح است.

گزینه ۴. ۱۳۸

صورت و مخرج کسر را در عبارت  $\sqrt[4]{x} + 2$  ضرب می کنیم:

$$\lim_{x \rightarrow 16} \frac{\sqrt[4]{x} - 2}{\sqrt{x} - 4} \times \frac{\sqrt[4]{x} + 2}{\sqrt[4]{x} + 2} = \lim_{x \rightarrow 16} \frac{\sqrt{x} - 4}{(\sqrt{x} - 4)(\sqrt[4]{x} + 2)} = \frac{1}{4}$$

۱۳۹. گزینه ۲ صورت کسر را با استفاده از  $1 - \cos u = 2 \sin^2 \frac{u}{2}$  اتحاد تبدیل می کنیم:

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\tan^3 x \sqrt{2 \sin^2 x}}{x^2(1+x)} = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\tan^3 x |\sin x| \sqrt{2}}{x^2}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\frac{\tan^3 x}{x^3} \times x^3 |\sin x| \times x \sqrt{2}}{x^2} = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{x^3 |x| \sqrt{2}}{x^2} = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{x^2 \sqrt{2}}{x^2} = \sqrt{2}$$

۱۴۰. گزینه ۲ ابهام  $\frac{0}{0}$  را داریم که باید آن را رفع ابهام کنیم:

$$\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{\sqrt{\sin x} - 1}{\cos^2 x - 1} \times \frac{\sqrt{\sin x} + 1}{\sqrt{\sin x} + 1} = \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{\sin x - 1}{\cos^2 x - 1} \times \frac{1}{\underbrace{\sqrt{\sin x} + 1}_2} = \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{\sin x - 1}{\cancel{x^2 - 2 \sin^2 x} - \cancel{x^2}} \times \frac{1}{2} = \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{\sin x - 1}{-2 \sin^2 x} \times \frac{\sin x + 1}{\sin x + 1} \times \frac{1}{2}$$

$$= \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{-\cos^2 x}{-2(2 \sin x \cos x)^2} \times \frac{1}{\underbrace{\sin x + 1}_2} \times \frac{1}{2} = \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{1}{32 \sin^2 x} = \frac{1}{32}$$

۱۴۱. گزینه ۳ سلنیم یک عنصر اساسی است که منشأ اصلی آن از خاک و مسیر ورود آن به بدن انسان از طریق گیاهان است.

۱۴۲. گزینه ۳ تیتانیم در پوسته زمین جزء عناصر فرعی و روی جزء عناصر جزئی می باشد، مطالعات ژئوشیمیایی نشان می دهد که توزیع عناصر در زمین و ترکیب سنگ ها در مناطق مختلف متفاوت است.

۱۴۳. گزینه ۴ از سرب در تهیه لباس های محافظ در هنگام عکس برداری توسط پرتو  $X$  استفاده می شود.

۱۴۴. گزینه ۳ باتوجه به جدول، غلظت عنصر کادمیم بالاتر از میانگین کلارک آن در پوسته (کمتر از ۱/۰ درصد) است. به عبارت دیگر، کادمیم دارای بی هنجاری مثبت است که به اندام کلیه و مفاصل آسیب می رساند.

بررسی سایر گزینه ها:

گزینه (۱): کم خونی و مرگ و میر حاصل بی هنجاری مثبت روی می باشد. میانگین غلظت روی در پوسته زمین ۱۳/۰٪ می باشد.

گزینه (۴): مس بی هنجاری منفی داشته و استخراج آن مقرون به صرفه نیست.

۱۴۵. گزینه ۲ زمین شناسان با تهیه نقشه پراکندگی ژئوشیمیایی عناصر، مناطق دارای خطر بیماری های خاص را شناسایی می کنند.

۱۴۶. گزینه ۲ در کانسنگ های سولفیدی می توان عناصر آرسنیک، کادمیم، سلنیم و روی را مشاهده کرد.

۱۴۷. گزینه ۳ وجود عناصر کلسیم و منیزیم باعث سختی آب آشامیدنی شده و می تواند باعث ایجاد انواع خاصی از بیماری های کلیوی گردد. افزایش کادمیم می تواند موجب تغییر شکل و نرمی استخوان در زنان مسن و نیز برخی از آسیب های کلیوی شود.

۱۴۸. گزینه ۲ کادمیم عنصری سمی و سرطان زاست که در کانسنگ های سولفیدی یافت می شود. مهم ترین منشأ آن در معادن سرب و روی است و می تواند سبب آسیب رسانی به کلیه ها و تغییر شکل و نرمی استخوان ها در زنان مسن گردد.

۱۴۹. گزینه ۴ وقتی مقادیر بالای عنصر آرسنیک وارد بدن انسان می شود، عوارض و بیماری های متعدد مانند ایجاد لکه های پوستی، سخت شدن و شاخی شدن کف دست و پا، دیابت و سرطان پوست را ایجاد می کند. فرمول اورپیمان نیز سولفید آرسنیک است.

۱۵۰. گزینه ۱ هرچه گدازه روان تر (سیلیس کمتر) باشد، مخروط آتشفشان، شیب و ارتفاع کمتری دارد. در صورتی که سرعت جریان گدازه آتشفشانی پایین باشد، میزان سیلیس آن بالا می باشد.



۱۵۱. گزینه ۳ پتاسیم عنصر اصلی است، منگنز عنصر فرعی و سرب عنصر جزئی.

عناصر	تقسیم‌بندی عناصر
الف	فرعی
ب	اصلی
ج	جزئی

۱۵۲. گزینه ۲ برخی ترکیبات مانند نیترات‌ها برای سلامت انسان مضر هستند.

۱۵۳. گزینه ۴ سدیم در گروه عناصر اصلی در پوسته، غلظت بیش از ۱ درصد دارد.

۱۵۴. گزینه ۲ تأثیر منفی کادمیم وقتی مشخص شد که آب‌های معدنی سرشار از کادمیم از یک معدن روی و سرب وارد مزارع برنج شده و باعث بیماری ایتای ایتای گردید.

۱۵۵. گزینه ۴ عناصر مورد نیاز برای عملکرد دستگاه‌های بدن، عناصر اساسی هستند که در تمام بافت‌های سالم بدن وجود دارند.





سجاد مختاری