



سجاد مختاری

پاسخنامه آزمون ۱

اردیبهشت هتريک دوپينگ

پلاس تجربى

چينش ۱

۵۸۶۷۶۸۷

بِسْمِ اللّٰهِ الرَّحْمٰنِ الرَّحِيْمِ

پاسخنامه تشریحی

۱. گزینه ۱ در تنفس بی‌هوایی پیرووات احیا می‌شود و تنفس بی‌هوایی در سلول‌های ماهیچه‌ای صورت می‌گیرد ولی در سلول‌های استوانه‌ای فقط تنفس هوایی وجود دارد.
۲. گزینه ۱ عمل تنفس سلولی (سوختن گلوکز و تولید انرژی) در اندامک راکیزه (میتوکندری) انجام می‌شود.
۳. گزینه ۱ توانایی هیدروولیز گلیکوژن در سلول‌های کبدی، ماهیچه‌ای وجود داشته و البته در دستگاه گوارش نیز دیده می‌شود.

تجزیه گلوکز همواره در سیتوپلاسم شروع می‌شود.

رد سایر موارد:

مورب د: این مورد فقط در ارتباط با یاخته‌های کبدی درست است. (صفرا در یاخته‌های کبدی تولید می‌شود)

موروج: در روده گلیکوژن جانوری با آنزیم‌های برونسلولی گوارش می‌شود.

مورد د: کبد گلوکز را از انشعابات مویرگی سیاهرگ باب می‌گیرد و در دستگاه گوارش نیز سلول‌های روده گلوکز را از درون روده دریافت می‌کند.

۴. گزینه ۴ دنای راکیزه یا میتوکندری مانند دنای باکتری‌ها حلقوی است.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه (۱): درخت گیسو از ۱۷۰ میلیون سال پیش تاکنون بدون تغییر مانده است.

گزینه (۲): طی واکنش تنفس سلولی در جانداران، از هر مولکول گلوکز، ۶ مولکول آب و CO_2 تولید می‌شود.

گزینه (۳): گیاهان در غشای تیلاکوئید خود، دارای دو نوع زنجیره انتقال الکترون هستند.

۵. گزینه ۲ سدیم نیتریت از عوامل جهش زای شیمیایی و پرتوی UV از عوامل جهش زای فیزیکی است. پاداکسنددها از مواد ضد سرطان هستند و هیدروژن سیانید با توقف زنجیره انتقال الکترون منجر به مرگ سلول می‌شود. مواد سرطان‌زا چرخه‌های توقف رشد سلول را مهار می‌کنند، هیدروژن سیانید با مرگ فوری سلول نمی‌تواند سرطان را بشناسد.

۶. گزینه ۱ در فرآیند تنفس یاخته‌ای، گلیکولیز در مایع میان یاخته انجام می‌شود، که در طی گلیکولیز ترکیب سه کربنه ایجاد می‌شود.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۲: استیل ۲ کربنه است که در راکیزه تولید می‌شود.

گزینه‌های ۳ و ۴: ترکیبات ۴ و ۵ کربنی در راکیزه و طی کربس تولید می‌شوند.

۷. گزینه ۲ تولید ترکیب سه کربنه دو فسفاته و استیل کوآنزیم A، با تولید $NADH$ همراه است.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۱: تولید پیرووات برخلاف تولید قند دو فسفاته، انرژی زا است.

گزینه ۳: پیرووات دارای سه کربن و استیل کوآنزیم A تعداد فراوانی اتم کربن دارد.

گزینه ۴: تجزیه قند دو فسفاته در سیتوپلاسم و تولید استیل کوآنزیم A در میتوکندری انجام می‌شود.

۸. گزینه ۴ پروتون‌ها (یون‌های H^+) در سه محل از زنجیره انتقال الکترون از بخش داخلی به فضای بین دو غشا پمپ می‌شوند و می‌دانیم پمپ برخلاف شیب غلظت (از کم تراکم به پر تراکم) می‌باشد که انتقال فعال محسوب می‌شود که در زنجیره انتقال الکترون از انرژی الکترون‌ها (نه انرژی زیستی) استفاده می‌شود و با ورود پروتون‌ها به فضای بین دو غشا، تراکم آنها در این فضا، نسبت به بخش داخلی افزایش می‌یابد و براساس شیب غلظت، تمايل دارند که به سمت بخش داخلی برگردند و فقط از طریق کانال‌ها انجام می‌شود (انتشار تسهیل شده).

۹. گزینه ۳ اندامک دو غشایی با غشای داخلی چین خورده، همان راکیزه است، تولید استیل کوآنزیم A و «اکسایش پیرووات» درون راکیزه انجام می‌شود.

۱۰. گزینه ۲ محصول نهایی قندکافت، پیرووات است که با آزاد شدن یک مولکول CO_2 به ازای یک مولکول پیرووات، اتابال که دارای ۲ عدد کربن است، حاصل می‌شود. سپس با کاهش اتابال که الکلی دو کربنی است تولید می‌شود.

۱۱. گزینه ۱ NAD^+ و FAD پذیرنده الکترون‌های حاصل از شکستن گلوکز هستند.

۱۲. گزینه ۳ کاهش FAD و NAD^+ و تولید استیل کوآنزیم A می‌تواند درون راکیزه انجام شود.

۱۳. گزینه ۴ انجام قندکافت (گلیکولیز) نیازی به اکسیژن ندارد و بدون حضور آن نیز انجام می‌شود.

۱۴. گزینه ۱ در زنجیره انتقال الکترون در تنفس یاخته‌ای، آب تولید می‌شود و $NADH$ مصرف می‌شود.

۱۵. گزینه ۲ در برخی از گام‌های چرخه کربس $NADH$ به تبدیل می‌شود. چرخه کربس درون بستره میتوکندری انجام می‌شود.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۱: تبدیل پیرووات به لاكتات در ماده زمینه‌ای سیتوپلاسم سلول ماهیچه در شرایط بی‌هوایی انجام می‌شود.

گزینه ۳: در هیچ مرحله‌ای از تنفس سلولی تبدیل ترکیب ۵ کربنی به قند ۶ کربنی دیده نمی‌شود.

گزینه ۴: تبدیل ترکیب ۳ کربنی به پیرووات، آخرین مرحله گلیکولیز است که در سیتوپلاسم سلول‌ها انجام می‌شود.

۱۶. گزینه ۴ از سوختن کامل و هوایی هر مولکول گلوکز، در مجموع، $38 CO_2$ ، $2 NADH$ و $6 FADH_2$ حاصل می‌شود.

گزینه ۱: گلوکز در سلول‌های ماهیچه تار و نه تارچه به صورت گلیکوژن درمی‌آید.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۲: در غیاب اکسیژن در سلول‌های ماهیچه تخمیر لاکتیکی صورت می‌گیرد، نه تخمیر الکلی.

گزینه ۳: گلبول‌های قرمز میتوکندری ندارند، پس از هر مولکول گلوکز، $30 ATP$ به دست نمی‌آورند.

۷. گزینه ۴ در چرخه کربس ترکیبات ۶ کربنی و ۵ کربنی و ۴ کربنی به ترتیب تولید و سپس مصرف می‌شوند. در انتهای چرخه چند ترکیب ۴ کربنی متوالی تشکیل می‌شوند.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۱: استیل کوآنزیم A در چرخه کربس تولید نمی‌شود.

گزینه ۲: در کربس ترکیب ۳ کربنی یافت نمی‌شود.

گزینه ۳: ترکیب شش کربنی از ترکیب ۵ کربنی به وجود نمی‌آید.

۱۸. گزینه ۴ ترکیب شش کربنی در واکنش بعدی تجزیه می‌شود و یک ملکول CO_2 و یک ترکیب ۵ کربنی همزمان تولید می‌شود.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۱: استیل کوآنزیم A در این واکنش‌ها مصرف می‌شود.

گزینه ۲ و ۳: استیل کوآنزیم A با ترکیب ۴ کربنی، ترکیب شش کربنی تولید می‌کند.

۱۹. گزینه ۲ در ابتدای قند کافت ATP مصرف و ADP تولید می‌شود، در حالی که در آخرین واکنش قند کافت ATP مصرف و ADP تولید می‌شود. به طور کلی در گلیکولیز CO_2 و $FADH_2$ نه تولید و نه مصرف می‌شود.

۲۰. گزینه ۱ تمامی موارد عبارت را به نادرستی کامل می‌کند.

بررسی موارد:

گزینه الف: در درون راکیزه، فرآیند رونویسی نیز انجام می‌گیرد. درنتیجه درون آن نوكلئیک اسید خطی (رنا) قابل مشاهده است.

گزینه ب: های ایجاد شده طی گلیکولیز که نوعی واکنش بی‌هوایی محسوب می‌شود، پس از ورود به میتوکندری، در زنجیره انتقال الکترون غشای داخلی آن اکسایش می‌یابند.

گزینه ج: توجه کنید علاوه بر رنا و دنا، $NADH$ نیز در ساختار خود دارای دو نوكلئوتید است. بین دو نوكلئوتید، یک (نه چندین) پیوند فسفودی استر قابل مشاهده است.

گزینه د: راکیزه برای انجام نقش خود در تنفس یاخته‌ای به پروتئین‌هایی وابسته است که ژن‌های آن‌ها در هسته قرار دارند و به وسیله رناتن‌های سیتوپلاسمی ساخته می‌شوند.

۲۱. گزینه ۴ مرحله بی‌هوایی تنفس یاخته‌ای، قند کافت (گلیکولیز) است. طی گلیکولیز، ساخته شدن پیروویک اسید مستقیماً از مولکول‌های اسید (سه کربنی) دو فسفات، (نه قند سه کربنی) صورت می‌گیرد.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه (۱): اولین مرحله تنفس یاخته‌ای، قند کافت و به معنی تجزیه گلوکز است که در ماده زمینه سیتوپلاسم انجام می‌شود.

گزینه (۲): تجزیه گلوکز در قند کافت، نه به صورت یک باره، بلکه به صورت مرحله‌ای انجام می‌شود.

گزینه (۳): برای انجام واکنش‌های مربوط به تجزیه گلوکز انرژی فعل سازی نیاز هست. این انرژی از ATP تأمین می‌شود.

۲۲. گزینه ۲ با قاره گرفتن بدن در شرایط کمود اکسیژن، فرآیندهای مربوط به تخمیر لاکتیک در یاخته‌های ماهیچه‌ای آغاز می‌گردد. در این صورت، یاخته‌ها به دلیل کاهش رخداد تنفس هوایی، با کمبود انرژی روبرو خواهند شد. درنتیجه تمامی فرآیندهایی که به مصرف انرژی نیاز دارند، با اختلال مواجه می‌شوند. بازجذب ممکن است غیرفعال باشد مثل بازجذب آب که با اسمز صورت می‌گیرد و بدون مصرف انرژی است.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه (۱): خروج ناقل عصبی از نورون و ورود آن به فضای سیناپسی به صورت اگزوسیتوز و با مصرف انرژی است.

گزینه (۲): تجزیه طبیعی آمینواسید فنیل آلانین در بدن انسان سالم، نوعی واکنش آنژیمی است و نیاز به انرژی دارد.

گزینه (۳): این پمپ با انتقال فعال کار می‌کند.

۲۳. گزینه ۴ طی تخمیر الکلی، ابتدا محصول نهایی قند کافت (پیرووات) یک مولکول کربن‌دی‌اکسید را از دست می‌دهد و به اتانال تبدیل می‌شود. سپس اتانال با دریافت الکترون‌های $NADH$ کاهش یافته و به اتانول تبدیل می‌شود.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۱: جایگاه و قوی تخمیر الکلی سیتوپلاسم است. درنتیجه پیرووات که طی نهایی ترین مرحله گلیکولیز در سیتوپلاسم ایجاد می‌شود نیاز به خروج از آن ندارد.

گزینه ۲: طی تخمیر، از مولکول پیرووات هر گز $NADH$ ساخته نمی‌شود.

گزینه ۳: طی تخمیر الکلی، اتانال دریافت کننده الکترون‌های $NADH$ است؛ نه پیرووات.

۲۴. گزینه ۲ در پروکاریوت‌ها (بیش هسته‌ای‌ها) که شامل همه باکتری‌ها می‌شوند، مولکول‌های وراحتی در غشا محصور نشده و فامتن اصلی به صورت یک مولکول دنای حلقوی است که در سیتوپلاسم قرار دارد و به غشای یاخته متصل است. در یوکاریوت‌ها دنای اصلی در اندامکی به نام هسته قرار داشته و با غشای یاخته در تماس نمی‌باشد.

اکسایش پیرووات در درون راکیزه رخ می‌دهد. به منظور خروج کربن‌دی‌اکسید حاصل شده طی این واکنش‌ها از یاخته، این گاز باید از سه لایه غشا و شش لایه فسفولیپیدی عبور کند. دو لایه غشا مربوط به راکیزه و یک لایه نیز مربوط به غشای سلولی است.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه (۱): توجه کنید پروکاریوت‌ها فاقد هر گونه اندامک بوده و راکیزه ندارند.

گزینه (۲): اندازه‌گیری‌های واقعی در شرایط بهینه آزمایشگاهی نشان می‌دهند که مقدار ATP تولید شده در ازای تجزیه کامل یک گلوکز در بهترین شرایط در یاخته یوکاریوت (نه پروکاریوت) حداقل ۳۰ مولکول ATP است.

گزینه (۳): در یوکاریوت‌ها، با فعالیت پمپ‌های غشایی راکیزه، پروتون از بستره خارج و به فضای بین دو غشای راکیزه منتقل می‌شود.

۲۵. گزینه ۴

بررسی موارد:

الف: پیرووات محصول نهایی گلیکولیز، طی تخمیر لاکتیک برای تولید NAD^+ , به طور مستقیم در ماده زمینه‌ای سیتوپلاسم یاخته‌های ماهیچه‌ای توسط $NADH$ احیا می‌شود.

ب: در طی تنفس هوایی، $NADH$ یکی از محصولات گلیکولیز با استفاده از زنجیره انتقال الکترون انرژی لازم برای انتقال پروتون‌ها از بستره به فضای بین دو غشا را تأمین می‌کند.

ج: ضمن تبدیل کراتین فسفات به کراتین ADP مصرف و ATP تولید می‌شود. در مرحله اول قند کافت و در مرحله چهارم قند کافت ATP تولید می‌شود.

د: از اکسایش هر مولکول شش کربنی در واکنش‌های چرخه کربس $NADH$ و ATP در محل‌های متفاوتی از چرخه تشکیل می‌شوند.

۲۶. گزینه ۲ موارد الف و د صحیح است.

یاخته‌های ماهیچه‌ای و کبدی توانایی هیدرولیز گلیکوژن را دارند و با توجه به قید بعضی در صورت سؤال، گزینه‌ها باید در رابطه با یکی از دو نوع یاخته صحیح باشد.

بررسی موارد:

الف: یاخته‌های کبدی توانایی دریافت گلوکز از خون تیره سیاهرگ باب را دارند.

ب، ج، ه: هر دو نوع یاخته دارای تنفس هوایی بوده و در طی آن در مرحله اول ATP را در سطح پیش‌ماده و در مرحله دوم CO_2 و ATP را در میتوکندری تولید می‌کنند.

د: یاخته‌های کبدی بر خلاف یاخته ماهیچه‌ای از طریق ترکیب آمونیاک با کربن دی‌اکسید اوره تولید می‌کنند.

۲۷. گزینه ۳ عبارت‌های «ب» و «ج» صحیح هستند.

بررسی عبارت‌های نادرست:

عبارت الف: طی اکسایش پیررووات به استیل، $NADH$ تولید می‌شود. (نه) $(NAD^+ + 2e^- + 2H^+ \rightarrow NADH + H^+)$

عبارت د: برای تبدیل هر پیررووات به استیل کوآنزیم A , دو الکترون مصرف می‌شود تا $NADH$ به NAD^+ تبدیل شود. (نه)

۲۸. گزینه ۳

بررسی گزینه‌ها:

گزینه‌های ۱ و ۴: انرژی لازم برای انتقال پروتون‌ها به فضای بین دو غشاء توسط الکترون‌های پرانرژی موجود در $NADH_2$ و $FADH_2$ تأمین می‌گردد. با ورود پروتون‌ها به فضای بین دو غشاء تراکم آن‌ها در این فضاء نسبت به بخش داخلی افزایش می‌یابد. گزینه ۳، و ۲: پروتون‌ها براساس شیب غلظت، تمایل دارند که به سمت بخش داخلی برگردند، اما تنها راه پیش‌روی پروتون‌ها برای برگشتن به این بخش، مجموعه‌ای پروتئینی به نام آنزیم ATP ساز است.

۲۹. گزینه ۱ در این یاخته پیررووات از سیتوپلاسم به ماده زمینه‌ای میتوکندری انتقال می‌یابد و در آنجا به استیل، اکسید می‌شود نه احیا!

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۲: NAD^+ در غشاء درونی میتوکندری بازسازی می‌شود.

گزینه ۳: انرژی ذخیره شده در $NADH$ به کمک زنجیره انتقال الکترون صرف تولید ATP می‌شود.

گزینه ۴: در سیتوپلاسم، طی واکنش‌های گلیکولیز $NADH$ تولید می‌شود.

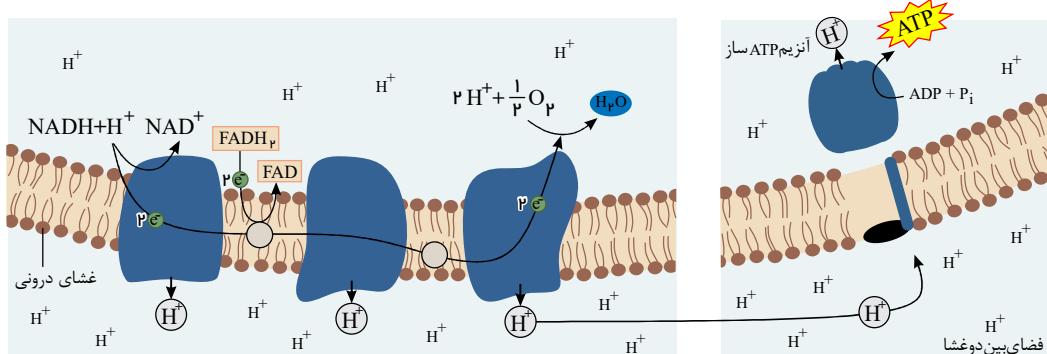
۳۰. گزینه ۱

گزینه ۱: با ورود یون‌های هیدروژن از مجموعه پروتئین آنزیم ATP ساز به داخل میتوکندری، مولکول در مرحله بی‌هوایی تنفس سلولی یعنی گلیکولیز نیز تولید می‌شود.

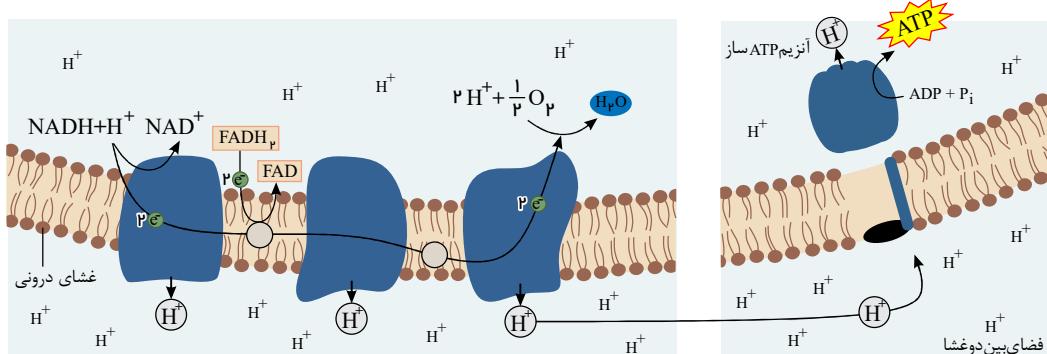
بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۲: هردو ناقل الکترون، حامل دو الکtron هستند و هر کدام دو الکترون در اختیار زنجیره قرار می‌دهند.

گزینه ۳ نادرست: مطابق شکل، مشاهده می‌کنید که پمپ‌های یون‌های هیدروژن را به فضای بین دو غشا میتوکندری پمپ می‌کنند نه به داخل میتوکندری.



گزینه ۴: مطابق شکل، فقط حامل‌های $NADH$ انرژی خود را مستقیماً به پمپ‌ها می‌دهند و حامل‌های $FADH_2$ ، ابتدا انرژی خود را به مولکول‌های دیگر می‌دهند و سپس از این مولکول‌ها انرژی به پمپ‌ها منتقل می‌شود.



۳۱. گزینه ۲ عملی که در گزینه ۲ بیان شده مربوط به تخمیر الکلی می‌باشد که در سلول ماهیچه‌ای اسکلتی اتفاق نمی‌افتد.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۱: تولید $FADH_2$ در طی چرخه کربس در تنفس هوایی و در میتوکندری اتفاق می‌افتد. در حالی که تولید لاکتیک اسید مربوط به تنفس بی‌هوایی یعنی تخمیر لاکتیک است. سلول‌های ماهیچه اسکلتی در فعالیت‌های شدید هم تنفس هوایی و هم تنفس بی‌هوایی دارند و از آنجا که گرفتن الکترون‌های $NADH$ و بازسازی NAD^+ طی تخمیر لاکتیک اتفاق می‌افتد، بنابراین این

گزینه درست است.

گزینه ۳: مصرف ATP و تولید ADP هم در گلیکولیز در سیتوپلاسم و هم در میتوکندری در کربس و زنجیره انتقال الکترون اتفاق می‌افتد که در ماهیچه اسکلتی می‌تواند روی دهد. لذا این گزینه درست است.

گزینه ۴: طی تنفس بی‌هوایی (تخمیر لاکتیکی) الکترون‌های خود را به یک ترکیب آلی (پیرووات) می‌دهد و در تنفس هوایی به زنجیره انتقال الکترون می‌دهد و چون هر دو نوع تنفس در ماهیچه اسکلتی اتفاق می‌افتد. لذا این گزینه درست است.

۳۲. گزینه ۴ پاداکسنده مثل کاروتینوئیدها با جذب رادیکال‌های آزاد مانع آسیب دیدن DNA را کیزه توسعه رادیکال‌های آزاد می‌شوند. واکوئل و کلروپلاست با ذخیره مواد پاداکسنده در مبارزه با رادیکال‌های آزاد نقش دارند.

۳۳. گزینه ۱ فقط مورد درست است.

تحلیل موارد:

(الف) اگر الکترون‌ها حاصل اکسایش $FADH_2$ باشند، از اولین پروتئین زنجیره انتقال الکترون عبور نمی‌کنند.

(ب) دقت کنید پروتئینی که پروتون‌ها را با انتشار تسهیل شده از خود عبور می‌دهد، آنزیم ATP ساز است که جزء زنجیره انتقال الکترون محسوب نمی‌شود آخرین پروتئین زنجیره انتقال الکترون، پروتون‌ها را با پمپ کردن (خلاف شیب غلظت) از خود عبور می‌دهد.

(ج) هر مولکول اکسیژن به دو یون اکسید تبدیل می‌شود نه یک!

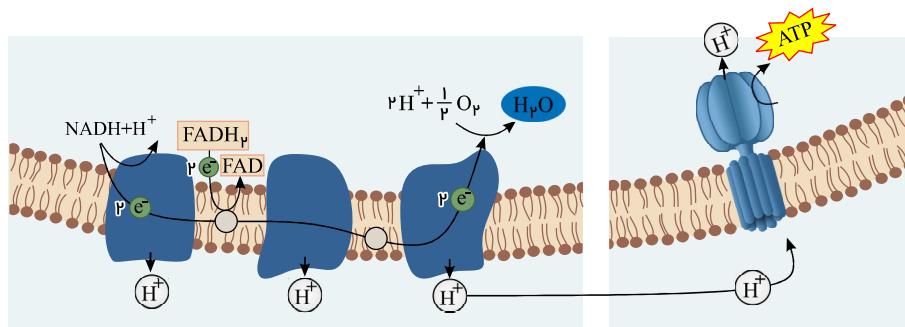
(د) پروتون‌ها در سه محل از زنجیره انتقال الکترون از بخش داخلی به فضای بین دو غشا پمپ می‌شوند و برای شیب غلظت از راه کانال آنزیم ATP ساز از فضای بین دو غشا به بخش داخلی برگردند.

۳۴. گزینه ۳ به شکل دقت کنید. در زنجیره انتقال الکترون غشای درونی راکیزه، الکترون‌های پر انرژی $FADH_2$ به طور مستقیم توسعه ناقل الکترون دریافت می‌شود که در میان غشای درونی طوری قرار گرفته است که فقط با بخش آب گریز فسفولیپیدهای غشا (اسیدهای چرب آنها) در تماس است! بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۱: در زنجیره انتقال الکترون ساخته شدن ATP فقط به روش اکسایشی انجام می‌شود.

گزینه ۲: الکترون‌های پر انرژی حاصل از اکسایش $FADH_2$ از اولین پروتئین سراسری غشای درونی میتوکندری عبور نمی‌کنند (از دو پروتئین سراسری عبور نمی‌کنند).

گزینه ۴: پروتون‌ها از کانال آنزیم ATP ساز (مجموعه‌ای پروتئینی دارای قابلیت آنیمی) با انتشار تسهیل شده عبور می‌کنند و پمپ نمی‌شوند!



۳۵. گزینه ۳ علاوه بر یاخته‌های پروکاریوتی، یاخته‌های زنده یوکاریوتی نیز در راکیزه (یا سیزدیسه) خود دنای حلقوی دارند.

قدن کافت در تمامی یاخته‌های مذکور انجام می‌شود. جهت ساخت آنزیم تجزیه کننده فروکنوز دوفسفات، رنای پیک (نوکلئیک اسیدخطی) اطلاعات لازم جهت ساخت پروتئین را فراهم می‌کند. بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۱: اکسایش $FADH_2$ در تنفس هوایی و درون راکیزه رخ می‌دهد، یاخته‌های پروکاریوتی راکیزه ندارند.

گزینه ۲: در تخمیر لاکتیکی که نوعی تنفس یاخته‌ای است، پیروویک اسید با اکسایش $NADH$ به ترکیبی سه کربنی (لاکتات) تبدیل می‌شود.

گزینه ۴: یاخته‌های پروکاریوتی راکیزه ندارند!

۳۶. گزینه ۳ نکته حائز اهمیت این است که بیشتر پروتئین‌های زنجیره انتقال الکترون توسعه خود میتوکندری ساخته می‌شوند. زنجیره انتقال الکترون در خشی‌سازی رادیکال‌های آزاد نقش دارد.

با دادن الکترون به اکسیژن یون اکسید تولید می‌شود که در نهایت با H^+ ترکیب شده و آب را پدید می‌آورد.

اگر در کار زنجیره انتقال الکترون اختلالی ایجاد شود خشی‌سازی رادیکال‌های آزاد مختل می‌شود. چون بیشتر پروتئین‌های زنجیره انتقال الکترون را میتوکندری می‌سازد، پس نوعی نقص در ژن‌های میتوکندری می‌تواند باعث نقص در خشی‌سازی رادیکال‌های آزاد شود چون میتوکندری‌ها فقط از مادر به فرزند نیز می‌توانند واحد نقص ژنی در خشی‌سازی رادیکال‌های آزاد در تنفس یاخته‌ای هوایی باشد. از طرفی چون مادر مبتلا به هموفیلی است هر فرزند پسری به علت دریافت کروموزوم X از مادر قطعاً مبتلا به هموفیلی خواهد بود پس ممکن نیست پسر قادر به بیماری هموفیلی باشد و پسر می‌تواند واحد نقص ژنی در خشی‌سازی رادیکال‌های آزاد باشد. بنابراین پاسخ این تست گزینه ۳ خواهد بود.

۳۷. گزینه ۲ موارد الف و ج جمله سؤال را به درستی تکمیل می‌کنند.

بررسی موارد:

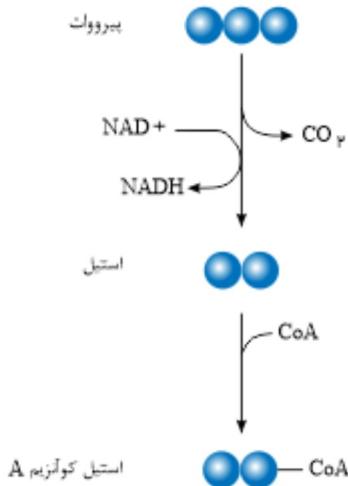
مورد الف: اکسایش $FADH_2$ توسط دومین گیرنده الکترون در زنجیره انتقال الکترون رخ می‌دهد و ربطی به فعل بودن یا نبودن پمپ اول ندارد! یاخته‌های ماهیچه‌ای توانایی تخمیر لاکتیکی دارند. طی تخمیر لاکتیکی $NADH$ به NAD^+ اکسایش می‌یابد.

مورد ب: آب در سمت داخلي غشای درونی راکیزه تولید می‌شود. در حالی که مکان مورد نظر این مورد، فضای بین دو غشای راکیزه است!

مورد ج: با از کار افتادن یکی از سه پمپ‌ها، سرعت ورود پروتون به فضای بین دو غشای راکیزه و درنتیجه سرعت برگشت آنها (از طریق کانال آنزیم ATP ساز) به بخش داخلی راکیزه کمتر خواهد شد.

مورد د: نقص در زنجیره انتقال الکترون، منجر به توقف قندکافت نمی‌شود. چرا که در این یاخته‌ها تخمیر لакتیکی قابل مشاهده است.
۳۸. گزینه ۳

به منظور تبدیل پیرووات به مولکولی که قابلیت ورود به چرخه کربس را دارد، لازم است تا پیرووات اکسایش یابد و استیل کوآنزیم A تولید شود.
همانطور که در شکل دیده می‌شود، پس از تولید $NADH$ ، کوآنزیم A به استیل متصل می‌شود. برای تولید $NADH$ به NAD^+ دو الکترون اضافه می‌شود. این مولکول دارای دو نوکلتوئید و دو باز آئی می‌باشد.



بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه (۱): به مواد آمی که به آنزیم کمک می‌کنند، کوآنزیم می‌گویند. پس از مصرف شدن NAD^+ ، کوآنزیم A به استیل متصل می‌شود.

گزینه (۲): نوکلتوئیدها واحدهای سه بخشی‌اند. در ساختار NAD^+ و $NADH$ دو نوکلتوئید به کار رفته‌اند. دقت کنید که هیچ‌یک از این دو مولکول، در فرایندهای ذکر شده اکسایش نمی‌باشد.

گزینه (۴): کربن دی اکسید نوعی مولکول گشادکننده عروق است. قبل از تولید این مولکول، پیرووات با انتقال فعل (در خلاف جهت شبی غلظت) وارد فضای داخلی اندامک میتوکندری می‌شود.

۳۹. گزینه ۲ منظور صورت سوال تبدیل اسید دوفسفاته به پیروات و سپس تبدیل آن به بنیان استیل یا اتانال است. در طی تبدیل اسید دوفسفاته به پیرووات، ADP مصرف می‌شود و در زمان تبدیل پیرووات به استیل یا اتانال، دی‌اکسید کربن آزاد می‌شود.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه (۱): در طی گلیکولیز قبل از تشکیل اسید دوفسفاته، NAD^+ مصرف می‌شود.

گزینه‌های (۳) و (۴): در هیچ‌یک از این مراحل $NADH$ مصرف نمی‌شود.

۴۰. گزینه ۲ در چرخه کربس با تبدیل ۶ کربنی به ۵ کربنی CO_2 و $NADH$ ایجاد می‌شود همچین در فرآیند بعد با تبدیل ترکیب ۵ کربنی به ۴ کربنی نیز CO_2 و $NADH$ تولید می‌شود.

۴۱. گزینه ۲ در تنفس هوایی در زنجیره انتقال الکترون اکسیژن نقش آخرین پذیرنده الکترون را دارد در اثر پذیرنده اکسیژن مولکول آب تولید می‌شود هر مولکول آب در زنجیره انتقال الکترون باعث تولید دو مولکول ATP و هر مولکول $NADH + H^+$ باعث تولید سه مولکول ATP می‌شود.

۴۲. گزینه ۲ در زنجیره انتقال الکترون هنگام انتشار یون‌های هیدروژن از طریق کانال پروتئینی به بخش داخلی راکیزه ATP ساخته می‌شود.

۴۳. گزینه ۱ تولید ATP در قند کافت در سطح پیش ماده است ولی در زنجیره انتقال الکترون فسفات معدنی به ADP متصل و مولکول ATP حاصل می‌شود.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۲: در قند کافت ۹ مولکول دو فسفاته مشاهده می‌شود یک ترکیب ۶ کربنی دو فسفاته و شش مولکول ADP .

گزینه ۳: در فرآیند قند کافت ۲ مولکول $NADH$ و در پی تشکیل استیل کوآنزیم آه م دو مولکول CO_2 و دو مولکول $NADH$ تولید می‌شود.

گزینه ۴: در ابتدای فرآیند چرخه کربس درون راکیزه کوآنزیم آا از استیل جدا شده و درون راکیزه استیل آزاد می‌شود و بلافصله به ترکیب چهار کربنی تولید می‌شود.

۴۴. گزینه ۳ هدف از تخمیر به صورت کلی احیا منع NAD^+ و تولید ATP می‌باشد. نکته قابل توجه این است که در تخمیر لакتیکی الكل و CO_2 تولید نمی‌شود.

۴۵. گزینه ۱ مورد آلف: باکتری‌های تولید کننده در ژنوم سیتوپلاسمی DNA حلقوی هستند.

مورد ب: برخی هوایی‌ها مثل اعلب جانوران تولید مثل غیرجننسی ندارند.

مورد ج: اولین مرحله تنفس سلولی گلیکولیز است که فرایندی بی‌هوایی می‌باشد.

مورد د: مواد آمی را تغییر می‌دهند.

۴۶. گزینه ۳

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}} = 2\pi \sqrt{\frac{0,84}{\pi^2}} = 2 \times \sqrt{\frac{0,84\pi^2}{\pi^2}} = 2 \times 0,8 = 1,6(s)$$

$$T = \frac{\Delta t}{n} \Rightarrow \Delta t = 50 \times 1,6 = 80(s)$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}} \Rightarrow \frac{T_1}{T_2} = \sqrt{\frac{L_1}{L_2}} = \sqrt{\frac{L}{\frac{L}{2}}} = \sqrt{2} \Rightarrow T_1 = T_2 \sqrt{2}$$

۴۷. گزینه ۳

۴۸. گزینه ۱

۴۹. گزینه ۲

دوره به سرعت و دامنه آونگ بستگی ندارد، پس دوره و بسامد زاویه‌ای آن ثابت است. بنابراین:

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}}$$

$$v_{max_r} - v_{max_1} = \omega - \omega_1 = A_r \omega - A_1 \omega$$

$$\Delta v_{max} = \omega = \omega(A_r - A_1) \Rightarrow \omega = \sqrt{\frac{g}{L}} \Delta A$$

$$\omega = \sqrt{\frac{1}{9}} \Delta A \Rightarrow \Delta A = 9,8 m$$

۵۰. گزینه ۳

$$\frac{T}{T'} = \sqrt{\frac{g'}{g}} = \sqrt{\frac{\frac{GM_e}{(R_e + h)^2}}{\frac{GM_e}{(R_e + h')^2}}} \Rightarrow \frac{T}{T'} = \sqrt{\frac{(R_e + h')^2}{(R_e + h)^2}} \Rightarrow T < T' < \omega T$$

۵۱. گزینه ۱

$$T = \frac{2\pi}{\omega} s = 2s$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}} \Rightarrow \omega = 2\pi \sqrt{\frac{L}{10}} \Rightarrow \omega = \pi \sqrt{\frac{L}{10}} \Rightarrow \omega = \frac{\pi L}{10} \Rightarrow L = 10m = 100cm$$

۵۲. گزینه ۲

$$E = \frac{1}{2} k A^2 \Rightarrow \omega_0 = \frac{1}{2} \times k \times (0,4)^2 \Rightarrow k = 750 \frac{N}{m}$$

$$F_{max} = m\omega^2 A \xrightarrow{m\omega^2=k} F_{max} = k \times A = 750 \times 0,4 = 300 N$$

۵۳. گزینه ۱ در مرکز نوسان سرعت نوسانگر و انرژی جنبشی بیشینه می‌شود و شتاب و نیروی وارد بر نوسانگر و همچنین انرژی پتانسیل آن کاهش می‌یابد. انرژی مکانیکی نیز همواره ثابت می‌ماند.

۵۴. گزینه ۴ دوره و بسامد آونگ ساده‌ای که نوسان‌های کم‌دامنه انجام می‌دهد، به جرم و جنس گلوله بستگی ندارد.

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}} \Rightarrow f = \frac{1}{T} = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{g}{L}}$$

وقتی آونگ A نوسان می‌کند چون طول آونگ A و D یکسان است، آونگ D نیز طبق پدیده تشدید مثل آونگ A و با همان بسامد شروع به نوسان می‌کند.

۵۵. گزینه ۴ انرژی جنبشی بیشینه و انرژی پتانسیل بیشینه یک نوسانگر برابر با انرژی مکانیکی آن است.

$$E = U_{max} = 2 \times 10^{-3} k J = 2J \xrightarrow[U=1,5J]{E=U+K} K = 0,5J = 500 mJ$$

۵۶. گزینه ۱ از رابطه طول میله و دمای آن داریم:

$$L_r = L_1 (1 + \alpha \Delta \theta) \xrightarrow[T_1=273+127=400K]{\Delta \theta=\Delta T} L_r = L_1 [1 + 2 \times 10^{-3} (900 - 400)] = 2L_1$$

$$(g = \frac{GM}{R^2}) \text{ برای دوره تناوب آونگ ساده داریم: } T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}} \text{ و شاعر } M \text{ را برای شتاب گرانش سیاره‌ای به جرم } g = G \frac{M}{R^2}$$

$$\frac{T_r}{T_1} = \sqrt{\frac{L_r}{L_1}} \times \sqrt{\frac{M_1}{M_r}} \times \frac{R_r}{R_1} \xrightarrow[R_r=2R_1, M_r=4m_1]{T_r=2T_1} \frac{T_r}{T_1} = \sqrt{2} \times \frac{1}{2} \times 2 = \sqrt{2}$$

۵۷. گزینه ۳ با توجه به شکل چون بار مثبت است پس نیرو رو به بالاست بنابراین شتاب ظاهری از رابطه $g_r = \frac{W_{ظاهری}}{m}$ به صورت زیر محاسبه می‌شود:

وزن ظاهری در حالت اول:

$$W_1 = W - |q| E = mg - |q| E_1 \\ W_1 = 2 \times 10 - 10^{-3} \times 4 \times 10^3 = 16 N \rightarrow g_1 = \frac{16}{2} = 8 m/s^2$$



وزن ظاهری در حالت دوم:

$$W_r = mg - |q| E_r = 20 - 2 = 18 N$$

$$g_r = \frac{18}{2} = 9 m/s^2 \text{: شتاب ظاهری}$$

از رابطه دوره تناوب آونگ ساده داریم:

$$\frac{T\gamma}{T_r} = \frac{\frac{1}{2}\pi\sqrt{\frac{\ell}{g_r}}}{\frac{1}{2}\pi\sqrt{\frac{\ell}{g_r}}} = \sqrt{\frac{g_r}{g_r}} = \sqrt{\frac{9}{\lambda}} = \frac{3}{2\sqrt{2}}$$

۵۸. گزینه ۲ از رابطه برای شتاب گرانش سیاره به جرم m در فاصله R از مرکزش می‌توان شتاب گرانش در سفینه را به صورت زیر بدست آورد.

$$g_{\text{سفینه}} = \left| G \frac{m_{\text{زمین}}}{R_1^2} - G \frac{m_{\text{ما}}}{R_2^2} \right| \xrightarrow{R_1 = R_2 = \frac{4 \times 10^5 \times 10^3}{2} = 2 \times 10^8 m} g_{\text{سفینه}} = \frac{6,67 \times 10^{-11} \times 10^{22}}{(2 \times 10^8)^2} \times (592)$$

$$g_{\text{سفینه}} = 987,16 \times 10^{-5} \frac{m}{s^2}$$

با توجه به اینکه دوره تناوب آونگ به طول L را از $T = 2\pi\sqrt{\frac{L}{g}}$ محاسبه می‌شود پس می‌توان نوشت:

$$L = 9,8 cm = 9,8 \times 10^{-2} m \rightarrow T = 2\pi\sqrt{\frac{9,8 \times 10^{-2}}{987,16 \times 10^{-5}}} = 2\pi\sqrt{\frac{9800}{987,16}} \simeq 2\pi\sqrt{\frac{9800}{980}}$$

$$T \simeq 2 \times \pi \times \sqrt{10} \xrightarrow{\pi \simeq \sqrt{10} \simeq 3} T \simeq 18 s$$

۵۹. گزینه ۱ ابتدا با توجه به نمودار نقش موج سرعت انتشار موج را بدست می‌آوریم:

$$\frac{3\lambda}{4} = \frac{2}{\gamma} \Rightarrow \lambda = \frac{8}{21} m$$

$$\Delta x_{MN} = 2\lambda - \frac{\lambda}{4} = \frac{7\lambda}{4} = \frac{7}{21} m = \frac{2}{3} m$$

$$\Delta x = v\Delta t \Rightarrow \frac{2}{3} = v \times \frac{1}{15} \Rightarrow V = 10 m/s$$

حال با استفاده از رابطه سرعت انتشار امواج عرضی در تار داریم:

$$v = \sqrt{\frac{F}{\mu}} \xrightarrow{\mu = \frac{m}{L}} v = \sqrt{\frac{FL}{m}} = \sqrt{\frac{Fl}{\rho V}} \xrightarrow{A = \pi(\frac{D}{2})^2} v = \frac{2}{D} \sqrt{\frac{F}{\rho\pi}}$$

$$\Rightarrow 10 = \frac{2}{0,02} \sqrt{\frac{F}{300 \times 3}} \Rightarrow F = 90 N$$

۶۰. گزینه ۱ چون در بیشترین فاصله از نقطه تعادل جسم m_1 از m_2 جدا شده، دامنه نوسانی ثابت می‌ماند.
پس از جدا شدن جسم m_2 از m_1 ، فرکانس نوسانات جرم m_1 با فرکانس نیروی حرک یکسان می‌شوند:

$$\omega_D = 10 rad/s \rightarrow f_D = \frac{5}{\pi} Hz$$

$$\omega_0 = \sqrt{\frac{k}{m_1}} = \sqrt{\frac{200}{2}} = 10 rad/s \rightarrow f_0 = \frac{5}{\pi} Hz$$

و این یعنی پدیده تشدید و در نتیجه بیشترین انتقال انرژی از نیروی حرک به دستگاه (جرم m_1 -فنر) منتقل خواهد شد.

۶۱. گزینه ۲ زمانی تشدید رخ می‌دهد که بسامد طبیعی نوسانگر با بسامد طبیعی نوسانگر A برابر شود. طبق رابطه $T = \frac{1}{f}$ می‌توان گفت دوره حرکت برابر بین دو نوسانگر باعث می‌شود تشدید رخ دهد.

$$T_A = 2\pi\sqrt{\frac{m_A}{k_A}} = 2\pi\sqrt{\frac{2}{400}} = 2\pi\sqrt{\frac{1}{200}} s, T_B = 2\pi\sqrt{\frac{m_B}{k_B}} = 2\pi\sqrt{\frac{5}{500}} = 2\pi\sqrt{\frac{1}{200}} s$$

$$T_C = 2\pi\sqrt{\frac{m_C}{k_C}} = 2\pi\sqrt{\frac{5}{200}} = 2\pi\sqrt{\frac{1}{200}} s$$

$$T_D = 2\pi\sqrt{\frac{m_D}{k_D}} = 2\pi\sqrt{\frac{3}{200}} s$$

بین نوسان گرهای A و B به علت دوره حرکت برابر و در نتیجه بسامد یکسان تشدید رخ می‌دهد.

۶۲. گزینه ۱ به موج‌های طولی و عرضی، موج‌های پیش‌رونده گفته می‌شود. زیرا هردوی این موج‌ها از نقطه‌ای به نقطه دیگر حرکت کرده و انرژی را با خود منتقل می‌کنند. در موج طولی راستای ارتعاش ذرات محیط هم راستای انتشار موج است و در موج عرضی راستای ارتعاش ذرات محیط عمود بر راستای انتشار موج است.

۶۳. گزینه ۳ آ) با انتشار موج، ذره از نقطه تعادل دور می‌شود و چون تندی آن در حال کاهش است، پس نوع حرکت کندشونده است. (درست است).

ب) ذره در نقطه C در نقطه تعادل قرار دارد. از این رو، تندی آن بیشینه و بنابراین انرژی جنبشی آن نیز بیشینه است. (درست است).

پ) جهت شتاب همواره به سمت نقطه تعادل است. ذره در نقطه b در حال نزدیک شدن به مبدأ است و مکان آن منفی است. پس بردار شتاب در جهت مثبت محور y است. (نادرست است).

ت) در نقطه d ، ذره در حال دورشدن از وضع تعادل است، یعنی تندی آن در حال کاهش است، پس انرژی جنبشی آن کاهش می‌یابد. (درست است).

۶۴. گزینه ۳ سرعت نوسانگر در مرکز نوسان بیشینه سرعت است و از رابطه $v_{max} = A\omega$ به دست می‌آید:

$$v_{max} = A\omega = A\sqrt{\frac{k}{m}} = ۰,۰۴ \times \sqrt{\frac{۸۰۰}{۰,۰۲}} = \lambda m/s$$

در لحظه‌ای که سرعت نوسانگر نسبت به v_{max} به اندازه ۲۵ درصد کاهش یافته است، داریم:

$$E = K + U, E = K_{max}$$

بنابراین از پایستگی انرژی مکانیکی می‌توان نوشت:

$$U = K_{max} - K = \frac{1}{2}m(v_{max}^2 - v^2) \Rightarrow U = \frac{1}{2} \times ۰,۰۲ \times (۶۴ - ۳۶) = ۰,۲۸ J$$

۶۵. گزینه ۲ وقتی انرژی جنبشی و پتانسیل با هم برابرند، سهم هر یک از انرژی مکانیکی، فقط نیمی از آن است. یعنی:

$$K = U = \frac{E}{2} \Rightarrow K = \frac{۱}{۲}mJ = \frac{۱}{۲} \times ۱۰^{-۳} J$$

$$K = \frac{1}{2}mv^2 \Rightarrow \frac{۱}{۲} \times ۱۰^{-۳} = \frac{۱}{2} \times ۰,۱ \times v^2 \Rightarrow v^2 = ۸ \times ۱۰^{-۳} \Rightarrow v = \sqrt{۸} \times ۱۰^{-۱.۵} \Rightarrow v = \frac{\sqrt{۸}}{۵} m/s$$

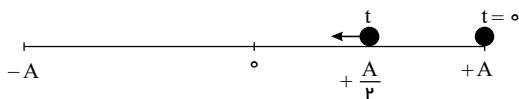
۶۶. گزینه ۲ ابتدا به چند نکته توجه فرمایید:

زمان‌های طلایبی در مکان‌های طلایبی:

• نوسانگر در حرکت هماهنگ ساده در مبدأ زمان در دامنه مثبت $x_0 = +A$ قرار دارد: $x_0 = +A$ یعنی معادله مکان–زمان نوسانگر:

$$x = A \cos(\omega t)$$

• مدت زمانی که طول می‌کشد تا نوسانگر برای اولین بار، پس از $t = ۰$ به مکان $x_0 = +A$ برسد:



$$x = A \cos(\omega t) = +\frac{A}{2} \rightarrow \cos(\omega t) = \frac{1}{2} \rightarrow \omega t = 2k\pi \pm \frac{\pi}{3}, k \in \mathbb{Z}$$

برای اولین بار $t = ۰$ و $k = ۰$ جایگزین می‌گردد:

$$\omega t = \frac{\pi}{3} \rightarrow \frac{۲\pi}{T}t = \frac{\pi}{۳} \rightarrow \boxed{t = \frac{T}{۶}}$$

• اگر به جای مکان $x = +\frac{A}{2}$ مدت زمان رسیدن به مکان $x = +A$ برای اولین بار پس از $t = ۰$ مد نظر بود:

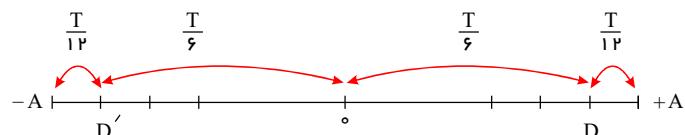
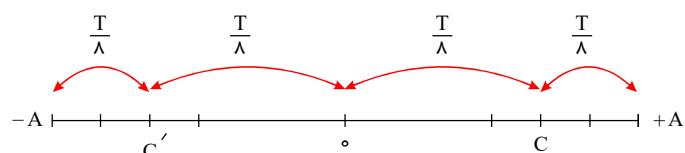
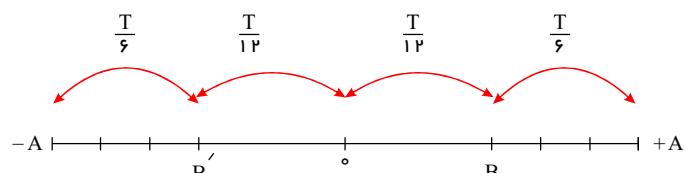
$$\omega t = \frac{\pi}{6} \rightarrow \frac{۲\pi}{T}t = \frac{\pi}{6} \rightarrow \boxed{t = \frac{T}{۱۲}}$$

• اگر به جای مکان $x = +A$ حداقل زمان رسیدن از $x = +A$ تا $x = +\frac{A}{2}$ مد نظر بود:

$$\omega t = \frac{\pi}{۶} \rightarrow \frac{۲\pi}{T}t = \frac{\pi}{۶} \rightarrow \boxed{t = \frac{T}{۱۸}}$$

و به طور خلاصه، فقط در حل تست‌ها و نه در امتحانات نهایی از نتایج به دست آمده، به این شکل می‌توان استفاده نمود:

x_B	x_C	x_D	$x_{B'}$	$x_{C'}$	$x_{D'}$
$+\frac{A}{2}$	$+\frac{\sqrt{۲}}{۲}A$	$+\frac{\sqrt{۳}}{۲}A$	$-\frac{A}{2}$	$-\frac{\sqrt{۲}}{۲}A$	$-\frac{\sqrt{۳}}{۲}A$





حال با توجه به نمودار، در ابتداء دوره نوسان را به صورت زیر محاسبه می‌کیم.

قدم اول:

$$m = ۲۵ \times ۰.۱ = \frac{1}{۴} kg \quad (۱)$$

$$A = ۱ \times cm \rightarrow A = ۰.۱ m \quad (۲)$$

$$\omega = \frac{۲\pi}{T} \rightarrow \omega' = \frac{۴\pi}{T'} \approx \frac{۴}{T'} \quad (۳)$$

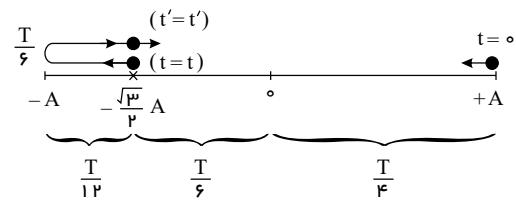
$$E = K_m = \frac{1}{2}mv_m^2 = \frac{1}{2}mA'^2\omega'^2 \xrightarrow{(۱),(۲),(۳)} ۰.۱^2 = \frac{1}{2} \times \frac{1}{4} \times \left(\frac{1}{0.1}\right)^2 \times \left(\frac{4}{T'}\right)$$

$$\rightarrow \frac{۴}{T'} = ۰.۱^2 \times ۲ \times ۴ \times ۱۰۰ = ۲۰ \times ۸۰ = ۱۶۰ \rightarrow T' = \frac{1}{۴} \rightarrow [T = ۰.۱ s]$$

قدم دوم:

$$t' - t = \frac{1}{12} \rightarrow \frac{t' - t}{T} = \frac{\frac{1}{12}}{0.1} = \frac{2}{12} = \frac{1}{6} \rightarrow \boxed{t' - t = \frac{T}{6}} \rightarrow x_{(t)} = x_{(t')} = -\frac{\sqrt{۳}}{۲} A$$

$$\rightarrow t' = \frac{T}{4} + \frac{T}{6} + \frac{T}{12} + \frac{T}{12} = \frac{۷T}{12} \rightarrow \boxed{t' = \frac{۷}{12} \times \frac{1}{2} = \frac{۷}{۲۴} s}$$



قدم سوم:

$$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}} = \frac{۲\pi}{T} \rightarrow \frac{k}{m} = \frac{۴\pi^2}{T^2} \rightarrow k = \frac{۴\pi^2 m}{T^2} = \frac{۴ \times ۱۰ \times \frac{1}{4}}{(0.1)^2} = ۱۰ \times ۴ = ۴۰ N/m$$

$$x = -\frac{\sqrt{۳}}{۲} A = -\frac{\sqrt{۳}}{۲} \times ۱۰ cm = -۵\sqrt{۳} cm = \frac{-۵\sqrt{۳}}{۱۰۰} m \rightarrow F = F_e = -kx = -40 \times \left(\frac{-۵\sqrt{۳}}{۱۰۰} m\right)$$

$$\rightarrow [F = ۲\sqrt{۳}(N)]$$

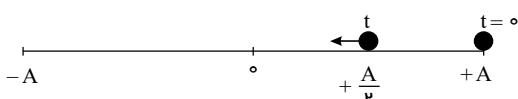
۶۷. گزینه ۱ ابتداء به این نکات توجه فرمایید:

زمان‌های طلایی در مکان‌های طلایی:

- طبق کتاب درسی نوسانگر در حرکت هماهنگ ساده در مبدأ زمان در دامنه مثبت $x = +A$ قرار دارد: $x_0 = +A$ یعنی معادله مکان-زمان نوسانگر:

$$x = A \cos(\omega t)$$

$$\bullet \text{ مدت زمانی که طول می‌کشد تا نوسانگر برای اولین بار، پس از } ۰ \text{ به مکان } x_0 = +A \text{ برسد:}$$



$$x = A \cos(\omega t) = +\frac{A}{2} \rightarrow \cos(\omega t) = \frac{1}{2} \rightarrow \omega t = 2k\pi \pm \frac{\pi}{3}, \quad k \in \mathbb{Z}$$

برای اولین بار $t = 0$ و $k = 0$ جایگزین می‌گردد:

$$\omega t = \frac{\pi}{3} \rightarrow \frac{۲\pi}{T} t = \frac{\pi}{3} \rightarrow \boxed{t = \frac{T}{6}}$$

• اگر به جای مکان $x = +\frac{A}{2}$ مدت زمان رسیدن به مکان $x = +\frac{\sqrt{۳}}{۲} A$ برای اولین بار پس از $t = 0$ مد نظر بود:

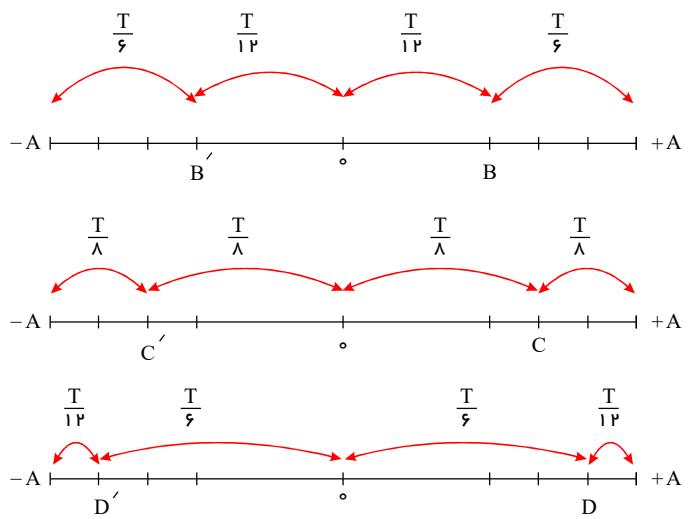
$$\omega t = \frac{\pi}{6} \rightarrow \frac{\pi}{T} t = \frac{\pi}{6} \rightarrow t = \frac{T}{12}$$

اگر به جای مکان $x = +\frac{A}{2}$ ، حداقل زمان رسیدن از $x = +A$ مد نظر بود:

$$\omega t = \frac{\pi}{4} \rightarrow \frac{\pi}{T} t = \frac{\pi}{4} \rightarrow t = \frac{T}{8}$$

و به طور خلاصه، فقط در حل تست‌ها و نه در امتحانات نهایی از نتایج بدست آمده، به این شکل می‌توان استفاده نمود:

x_B	x_C	x_D	$x_{B'}$	$x_{C'}$	$x_{D'}$
$+\frac{A}{2}$	$+\frac{\sqrt{3}}{2}A$	$+\frac{\sqrt{3}}{2}A$	$-\frac{A}{2}$	$-\frac{\sqrt{3}}{2}A$	$-\frac{\sqrt{3}}{2}A$



در لحظه $t = 9s$ نوسانگر از مرکز تعادل عبور می‌کند، پس انرژی جنبشی اش در این نقطه، همان انرژی مکانیکی نوسانگر است. یعنی:

$$t = 9s \rightarrow x = 0 \rightarrow U = 0 \rightarrow K = K_{\max} = E = 16J$$

حال مکان نوسانگر را در لحظه $t = 10s$ می‌یابیم:

$$\begin{cases} 9s \leq t \leq 10s \rightarrow \Delta t = 1s \\ \Delta t = \frac{T}{12} = 1s \rightarrow T = 12s \end{cases} \rightarrow \frac{\Delta t}{T} = \frac{1s}{12s} = \frac{1}{12} \rightarrow \Delta t = \frac{T}{12} \rightarrow x_{(t=t')} = x_{(t=9s)} \rightarrow x_{(t=t')} = \frac{A}{2} = 0,4m$$

از طرفی تندی پیشینه نوسانگر برابر است با:

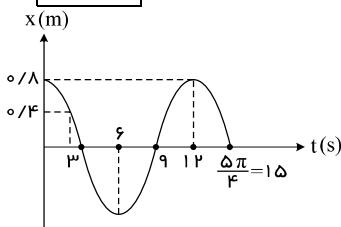
$$V_{\max} = A\omega = A \times \frac{2\pi}{T} = 0,4 \times \frac{2\pi}{12} \rightarrow V_{\max} = 0,4 \frac{m}{s}$$

$$t = 9s = \frac{T}{12} \rightarrow \begin{cases} x_{(t=9s)} = 0 \xrightarrow{9s \leq t \leq 10s} v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{0 - 0,4}{10 - 9} = -0,4 m/s \\ x_{(t')} = \frac{A}{2} = 0,4 \rightarrow t' = \frac{T}{6} = \frac{12}{6} = 2s \end{cases}$$

حال در $t = 10s$ ، سرعت و انرژی جنبشی و در نهایت انرژی پتانسیل را محاسبه می‌کیم:

$$t = 10s \rightarrow v = \begin{pmatrix} \text{شب خط} \\ \text{مماض بر} \\ (x-t) \text{ نمودار} \end{pmatrix} = \frac{0,4}{2} = 0,2 m/s \Rightarrow \frac{K}{E} = (\frac{v}{v_m})^2 \rightarrow \frac{K}{16} = (\frac{0,2}{0,4})^2$$

$$\rightarrow [U = 12J] \rightarrow U + K = 16 \rightarrow U + K = E = 16J \rightarrow [K = 4J]$$



$$U_{(t=t')} = U_{(t=10s)} = 12J$$

۶۸. گزینه ۳ قدم اول

$$k = 12N/cm = 1200N/m$$

طول پاره خط نوسان $10cm$ است، پس دامنه $5cm$ است. یعنی:

$$2A = 10cm \rightarrow A = 5cm \rightarrow A = 5 \times 10^{-2} m$$

قسم دوم

انرژی جنبشی نوسانگر در لحظه بیان شده برابر است با:

$$K = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2}(2)(0,8)^2 = 0,64J \rightarrow K = 0,64J \quad (1)$$

قسم سوم

انرژی پتانسیل برابر است با اختلاف انرژی مکانیکی و انرژی جنبشی در لحظه مورد نظر. بنابراین:

$$\begin{cases} E = U + K & (2) \\ E = \frac{1}{2}kA^2 = \frac{1}{2}(1200)(5 \times 10^{-2})^2 = 600 \times 25 \times 10^{-4} = 1,5J & (3) \\ (1), (2), (3) \rightarrow 1,5 = U + 0,64 \rightarrow U = 0,86J \end{cases}$$

۶۹. گزینه ۳ نکات مورد توجه:

 (۱) بیشینه تکانه جرم m در هنگام عبور از نقطه تعادلش می‌باشد:

$$p = mv \rightarrow p_{max} = mv_{max} = m(A\omega)$$

 بنابراین بایستی به نحوه تغییرات احتمالی A و ω توجه نمائیم.

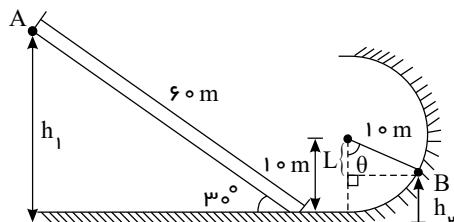
(۲) چون در دورترین فاصله از مرکز نوسان به جرم m' اضافه شده است و انرژی مکانیکی سامانه جرم و فنر از رابطه $E = \frac{1}{2}kA^2$ ثابت فنر و A دامنه نوسان است) محاسبه می‌شود و اینکه به دلیل نبود اصطکاک، E ثابت است بایستی A ثابت بماند.

 (۳) طبق رابطه: $p_{max} = mA\omega$ و اینکه برای جرم m مقدار p_{max} نصف شده باشد باید: ω نصف شود. بنابراین:

 (دقت کنید، در اینجا ذکر شده تکانه m نه تکانه $m+m'$)

$$\frac{\omega_2}{\omega_1} = \sqrt{\frac{m_1}{m_2}} = \frac{1}{2} \rightarrow m_2 = 4m_1 \rightarrow m' + m = 4m \rightarrow m' = 3m \rightarrow \frac{m'}{m} = \frac{3}{4}$$

۷۰. گزینه ۳



$$W_t = K_B - K_A \Rightarrow W_{mg} + W_f = \frac{1}{2}mv_B^2 - \frac{1}{2}mv_A^2$$

$$\Rightarrow W_{mg} - 200 = \frac{1}{2} \times 4 \times 20^2 - 0 \Rightarrow W_{mg} = 1000J$$

$$\Delta U = -W_{mg} \Rightarrow mg(h_2 - h_1) = -1000 \Rightarrow 4 \times 10 \times (h_2 - 60 \times \sin 30^\circ) = -1000 \Rightarrow h_2 - 30 = -25 \Rightarrow h_2 = 5m$$

$$L = 10 - 5 = 5m$$

$$\cos \theta = \frac{5}{10} = \frac{1}{2} \Rightarrow \theta = 60^\circ$$

۷۱. گزینه ۳ تاب خوردن یک کودک توسط پدرش که به طور دوره‌ای هُل داده می‌شود مثالی از نوسان و اداشته است. عبارت‌های (الف)، (ج) و (د) صحیح هستند.

۷۲. گزینه ۴ در صورت وارد شدن نیروی قائم رو به پایین در رابطه $T = 2\pi\sqrt{\frac{L}{g}} + \frac{F}{m}g$ و اگر نیروی قائم رو به بالای F وارد شود، به جای g از $g - F/m$ استفاده می‌کنیم.

میدان الکتریکی قائم رو به بالا و بار منفی است. بنابراین نیرو رو به پایین است.

$$T = 2\pi\sqrt{\frac{L}{g + \frac{F}{m}}} = 2\pi\sqrt{\frac{L}{g + \frac{|q|E}{m}}}$$

$$T = 2\pi\sqrt{\frac{0,5}{10 + \frac{2 \times 10^{-6} \times 10^5}{2 \times 10^{-2}}}} = 2\pi\sqrt{\frac{0,5}{20}} = \frac{\pi}{\sqrt{10}} = \frac{\pi\sqrt{10}}{10}$$

 ۷۳. گزینه ۱ باتوجه به رابطه دوره نوسان‌های آونگ ساده کم دامنه یعنی $T = 2\pi\sqrt{\frac{L}{g}}$. دوره نوسان‌ها به جرم آونگ بستگی ندارد. پس داریم:

$$\frac{T_2}{T_1} = \sqrt{\frac{L_2}{L_1}} \xrightarrow{L_2 = 1/4 L_1} \frac{T_2}{T_1} = \sqrt{1/4} = 1/2$$

بنابراین درصد تغییرات دوره تناوب آن برابر است با:

$$(\frac{T_2}{T_1} - 1) \times 100 = 20\%$$

۷۴. گزینه ۲

$$\begin{aligned} K &= 1J \\ U &= 3J \end{aligned} \rightarrow E = U + K = 3 + 1 = 4J$$

$$\begin{aligned} E &= K_{max} = \frac{1}{2}mv_{max}^2 \rightarrow 4 = \frac{1}{2} \times 500 \times 10^{-3} \times v_{max}^2 \\ v_{max} &= \sqrt{\frac{4}{25 \times 10^{-3}}} = 4 \frac{m}{s} \end{aligned}$$

۷۵. گزینه ۱ می‌دانیم که تندی نوسانگ در مرکز نوسان (تعادل) بیشینه می‌شود، پس مدت زمانی که طول می‌کشد تا آونگ A از انتهای مسیر به مرکز نوسان (تندی بیشینه) برسد، معادل $t = \frac{T_A}{4}$ است. از طرفی آونگ B در همین مدت از یک انتهای دیگر مسیر می‌رود که زمانی معادل $t = \frac{T_B}{2}$ طول می‌کشد. (هر دو اتفاق برای اولین بار رخداده) بنابراین رابطه بین دوره دو آونگ را داریم:

$$t = \frac{T_A}{4} = \frac{T_B}{2} \Rightarrow \frac{T_A}{T_B} = 2$$

از طرفی می‌دانیم که دوره نوسان آونگ به صورت زیر محاسبه می‌شود.

$$T = 2\pi\sqrt{\frac{L}{g}}$$

پس برای تعیین رابطه بین طول آونگ‌ها داریم:

$$T = 2\pi\sqrt{\frac{L}{g}} \xrightarrow{\text{ثابت } g} \frac{T_A}{T_B} = \sqrt{\frac{L_A}{L_B}} \xrightarrow{\frac{T_A}{T_B} = 2} \frac{L_A}{L_B} = 4$$

۷۶. گزینه ۴ در حفاظت کاتدی آهن از عنصری که در سری الکتروشیمیایی پایین‌تر از آهن قرار دارد، استفاده می‌کنند تا نقش آند را بازی کرده و آهن را از خوردگی محافظت کند (مانند Mg).

۷۷. گزینه ۳ همواره اکسایش در آند و کاهش در کاتد اتفاق می‌افتد.

۷۸. گزینه ۳ در حفاظت کاتدی، فلز اصلی را در مجاورت فلزی می‌دهند که E° آن منفی‌تر باشد، یعنی کاهنده‌تر باشد.

۷۹. گزینه ۲ در سلول گالوانی برخلاف سلول الکتروولتی، انرژی شیمیایی به الکتریکی تبدیل می‌شود.

۸۰. گزینه ۲ در آبکاری، محلول الکتروولتی دارای یون‌های فلزی است که قرار است لایه نازکی از آن روی جسم قرار گیرد.

۸۱. گزینه ۱ فقط عبارت (ت) درست است.

عبارت (آ): در سلول‌های الکتروولتی با انجام یک واکنش غیر‌خودبه‌خودی سطح انرژی افزایش و پایداری کاهش می‌یابد و انرژی الکتریکی به انرژی شیمیایی تبدیل می‌شود.

عبارت (ب): در هر دو سلول الکتروولتی و گالوانی، جهت حرکت کاتیون‌ها به سمت کاتد و جهت حرکت آنیون‌ها به سمت آند است.

عبارت (پ): در سلول‌های الکتروولتی، الکتروولت منفصل به قطب مثبت منبع جریان مستقیم، نقش آند را دارد.

توجه: در سلول‌های الکتروولتی، آند قطب مثبت سلول است. (برخلاف سلول‌های گالوانی)

عبارت (ت): در هر دو سلول الکتروولتی و گالوانی، آند محل اکسایش و کاتد محل کاهش است.

۸۲. گزینه ۴ جسمی که قرار است آبکاری شود در کاتد و فلز روکش، در آند قرار می‌گیرد.

۸۳. گزینه ۲ در سلول الکتروولتی، الکتروولتی که به قطب مثبت منبع متصل شده، نقش آند را داشته و در سطح آن فرایند اکسایش صورت می‌گیرد.

۸۴. گزینه ۲ عبارت‌های (آ) و (ب) درست‌اند.

بررسی عبارت‌های نادرست:

پ) فلزات گران‌بها مثل طلا و نقره از برکافت استخراج نمی‌شوند و معمولاً به حالت اتمی وجود دارند.

ت) فلزات فعال مثل فلزات گروه اول را از برکافت نمک‌های آنها در حالت مذاب به دست می‌آورند. در حالت محلول، آب در کاتد کاهش می‌یابد و فلز به دست نمی‌آید.

۸۵. گزینه ۴ معادله کلی زنگ زدن آهن به صورت زیر است:



در این واکنش عدد اکسایش آهن از صفر به $+3$ می‌رسد و سه درجه تغییر می‌کند و با توجه به معادله، به ازای چهار مول آهن، $12 = 3 \times 4$ مول الکترون مبدل می‌شود:

$$280gFe \times \frac{1molFe}{56gFe} \times \frac{12mol e^-}{4molFe} \times \frac{6.02 \times 10^{23} e^-}{1mol e^-} = 9.03 \times 10^{24} e^-$$

۸۶. گزینه ۲ جهت حرکت الکترون‌ها در هر دو سلول، از آند به کاتد و در هر دو سلول الکتروولتی به کارفته از جنس مس و نقره است، پس موارد (ب) و (پ) یکسان است.

در سلول گالوانی، واکنش خودبه‌خودی و در سلول آبکاری، واکنش با مصرف انرژی و غیر‌خودبه‌خودی است.

جنس الکتروولتی‌ها در سلول گالوانی در دو نیمسلول، متفاوت و محلول نمک دو فلز مختلف است در حالیکه در سلول الکتروولتی از یک نوع الکتروولت استفاده می‌شود.

۸۷. گزینه ۴



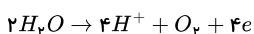
۹۶. گزینه ۳ عبارت‌های (آ) و (ت) درست‌اند.

بررسی موارد نادرست:

(ب) فلزهای نجیبی مانند طلا که E° مثبتی دارند، در محیط اسیدی نیز اکسایش نمی‌یابند.

(پ) در خودگی آهن، عدد اکسایش آهن از صفر به $+3$ رسیده و سه واحد افزایش می‌یابد. محیط اسیدی یا خشی تأثیری بر این افزایش ندارد.

۹۷. گزینه ۳ جمیع ضرایب H^+ و الکترون را در نظر می‌گیریم.



۹۸. گزینه ۳ با توجه به شکل داده شده، گزینه «۳» صحیح است.

بررسی گزینه‌های نادرست:

گزینه ۱: پس از آبکاری جرم قطعه به کار رفته در کاتد افزایش می‌یابد.

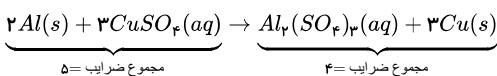
گزینه ۲: تیغه نقره در این سلول در نقش آند عمل می‌کند و به قطب مثبت باتری متصل است. زیرا همواره در سلول‌های الکترولیتی آند، قطب مثبت و کاتد، قطب منفی است.

گزینه ۴: X همان کاتیون نقره (Ag^+) است که از سمت آند به کاتد حرکت می‌کند.

۹۹. گزینه ۱ بررسی عبارت‌ها:

عبارت (الف) نادرست: جانداران ذره‌بینی، گاز نیتروژن هواکره را برای مصرف گیاهان در خاک تثبیت می‌کنند.

عبارت (ب) نادرست:



عبارت (ج) نادرست: کاربرد عدد یونانی برای آلومینیم نادرست است.

عبارت (د) نادرست: اصطلاح لایه اوزون، به منطقه مشخصی از استراتوسفر می‌گویند که بیشترین مقدار اوزون در آن محدوده قرار دارد.

۱۰۰. گزینه ۴ بررسی گزینه‌ها:

گزینه ۱: در فرایند تولید Mg از آب دریا، برای تبدیل منیزیم هیدروکسید به منیزیم کلرید از هیدروکلریک اسید استفاده می‌شود.

گزینه ۲: در هر دو سلول گالوانی و الکترولیتی آئیون‌ها به سمت آند کاتد حرکت می‌کنند، اما آند در سلول الکترولیتی مثبت بوده؛ لذا آئیون‌ها به سمت الکترود با بار ناهمان حرکت می‌کنند.

گزینه ۳: برای تولید فلز فعال از نمک مذاب آن‌ها استفاده می‌شود نه محلول آبی آن‌ها.

گزینه ۴: آب خالص رسانایی الکتریکی اندکی دارد. برای افزایش رسانایی آن اندکی الکترولیت به آب می‌افزایند.

۱۰۱. گزینه ۳ سلول‌های گالوانی و الکترولیتی، در موارد (الف)، (ب) و (ج) مشابه‌اند. در هر دو نوع سلول، آئیون‌ها به سمت آند حرکت می‌کنند و کاهش در کاتد صورت می‌گیرد. در هر دو الکترون‌ها از آند به کاتد جریان دارند.

در سلول گالوانی، علامت E° سلول مثبت و در الکترولیتی، منفی است. در سلول گالوانی برخلاف الکترولیتی، واکنش کلی خودبه‌خودی بوده و فراورده‌ها پایدارتر از واکنش‌دهنده‌ها هستند.

در سلول گالوانی دو نوع الکترولیت وجود دارد، ولی در الکترولیتی، هر دو الکترود درون یک الکترولیت فرو رفته‌اند.

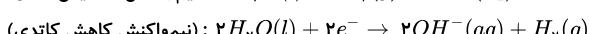
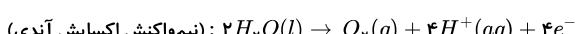
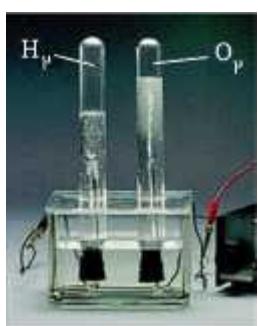
در سلول گالوانی، کاتد قطب مثبت و آند منفی است و در الکترولیتی، کاتد را به قطب منفی و آند را به قطب مثبت باتری وصل می‌کنند.

۱۰۲. گزینه ۱ عبارت‌های دوم و پنجم درست‌اند.

در فرایند برقکافت آب، گاز هیدروژن در قطب منفی باتری (کاتد) تولید می‌شود و حجم آن دو برابر حجم گاز اکسیژن آزادشده در قطب مثبت (آند) است، پس گاز C که حجم بیشتری دارد، گاز هیدروژن و گاز B که حجم کمتری دارد، گاز اکسیژن است. الکترود G کاتد است، بنابراین A قطب منفی باتری می‌باشد. نیز الکترود آند است که به قطب مثبت باتری متصل می‌باشد.

از آنجا که آب خالص رساناییست، هنگام برقکافت مقداری الکترولیت به آن می‌افزایند، بنابراین محلول D نمی‌تواند آب خالص باشد. در سلول‌های الکترولیتی، جریان الکترون‌ها از الکترود آند (در اینجا F) به سمت الکترود کاتد (G) است.

۱۰۳. گزینه ۲ شکل موردنظر، سلول برقکافت آب است که طبق شکل زیر، مواد A و B به ترتیب، گازهای هیدروژن و اکسیژن را نشان می‌دهند.



طبق نیم واکنش‌های فوق، اکسیژن در آند آزاد می‌شود و اطراف این قطب در محلول، به دلیل تولید H^+ اسیدی است و با گاز pH به رنگ سرخ درمی‌آید.

۱۰۴. گزینه ۲ معادله واکنش برقکافت منیزیم کلرید مذاب به صورت زیر است:



ابتدا باید حساب کنیم که به ازای تولید ۱۲ گرم منیزیم، چند لیتر گاز کلر به دست می‌آید.

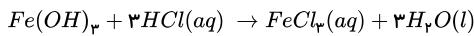
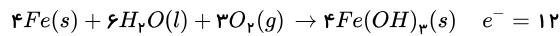


$$\text{?mol Cl}_r = 12 \text{gMg} \times \frac{1 \text{mol Mg}}{24 \text{gMg}} \times \frac{1 \text{mol Cl}_r}{1 \text{mol Mg}} \times \frac{25 \text{L Cl}_r}{1 \text{mol Cl}_r} = 12.5 \text{L Cl}_r$$

سرعت تولید Cl_r بحسب $L \cdot \text{min}^{-1}$ برابر است با:

$$\bar{R}(\text{Cl}_r) = \frac{12.5 \text{L}}{\frac{1}{2} \text{min}} = 37.5 \text{L} \cdot \text{min}^{-1}$$

۱۰۵ . گزینه ۳ ابتداء معادله واکنش‌ها را موازن می‌کنیم:



$$1.204 \times 10^2 \text{e}^- \times \frac{1 \text{mole}^-}{6.02 \times 10^{23} \text{e}^-} \times \frac{4 \text{mol Fe(OH)}_r}{12 \text{mole}^-} \times \frac{3 \text{mol HCl}}{1 \text{mol Fe(OH)}_r} = 2 \times 10^{-4} \text{mol HCl}$$

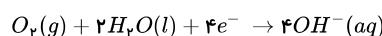
$$[\text{HCl}] = \frac{2 \times 10^{-4} \text{mol}}{0.1 \text{L}} = 2 \times 10^{-3} \text{mol} \cdot \text{L}^{-1} \Rightarrow [\text{H}^+] = 2 \times 10^{-3} \text{mol} \cdot \text{L}^{-1}$$

$$pH = -\log[\text{H}^+] - \log 2 \times 10^{-3} = 2.7$$

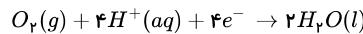
۱۰۶ . گزینه ۲ همه عبارت‌های داده شده درست هستند.

(آ) به طور کلی در خوردگی فلزها، نیم واکنش کاهش با محلول آبی دارای pH مشابه، یکسان است و مربوط به نیم واکنش اکسیژن در محلول آبی مربوطه می‌باشد. وجود رطوبت و گاز اکسیژن در فرآیند خوردگی فلزها ضروری است.

اگر محلول خنثی باشد (اسیدی نباشد)، نیم واکنش کاهش انجام شده در هر فرآیند، به صورت زیر خواهد بود:



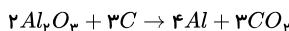
اگر محلول اسیدی باشد، نیم واکنش کاهش انجام شده در هر فرآیند، به صورت زیر خواهد بود:



(ب) چون با توجه به اینکه می‌دانیم در حلبی (شامل پوشش نازک قلع بر آهن)، آهن زندگ می‌زند، ولی در آهن گالوانیزه (پوشش روی بر آهن) آهن زندگ نمی‌زند.

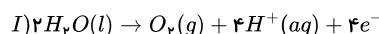
(پ) به طور کلی در آبکاری، نیم واکنش اکسایش و کاهش مربوط به فلز پوشاننده است. البته مسلماً در آبکاری نیم واکنش اکسایش، مربوط به اکسایش فلز و نیم واکنش کاهش مربوط به یون فلز خواهد بود.

ت) معادله کلی واکنش فرایند هال به صورت زیر است:

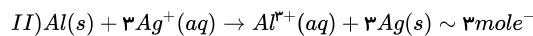


۱۰۷ . گزینه ۴ همه عبارت‌های داده شده درست‌اند.

۱۰۸ . گزینه ۳ معادله نیم واکنش اکسایش آب در سلول برقگافت:



معادله واکشن انجام شده در سلول گالوانی آلومینیم - نقره:



قسمت اول: طبق معادله واکنش (II)، به ازای میزان ۳ مول الکترون، یک مول یعنی 27g از جرم آند کم شده و سه مول یعنی $3 \times 108 \text{g}$ (۳۲۴ + ۲۷) می‌رسد؛ بنابراین خواهیم داشت:

$$\text{?g} = \frac{1 \text{mol H}_r\text{O}}{18 \text{g H}_r\text{O}} \times \frac{4 \text{mole}^-}{2 \text{mol H}_r\text{O}} \times \frac{351 \text{g}}{3 \text{mole}^-} = 58.5 \text{g}$$

قسمت دوم:

$$\text{Al}^{3+} = \frac{1 \text{mol H}_r\text{O}}{18 \text{g H}_r\text{O}} \times \frac{4 \text{mole}^-}{2 \text{mol H}_r\text{O}} \times \frac{1 \text{mol Al}^{3+}}{3 \text{mole}^-} = \frac{1}{6} \text{mol Al}^{3+}$$

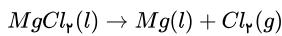
$$\text{Al}^{3+} = \frac{\Delta n(\text{Al}^{3+})}{V} = \frac{\frac{1}{6} \text{Al}^{3+}}{0.5 \text{L}} = \frac{1}{30} \text{mol} \cdot \text{L}^{-1}$$

در سلول استاندارد، غلظت یون $\text{Al}^{3+} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ است؛ بنابراین تغییرات آن برابر است با:

$$\% \Delta[\text{Al}^{3+}] = \frac{\text{غلهت غلظت} \text{ تغییرات}}{\text{غلظت اولیه}} \times 100 = \frac{\frac{1}{30}}{\frac{1}{1}} \times 100 \approx 33.3\%$$

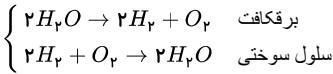
۱۰۹ . گزینه ۴

$$\text{?g Cl}_r = 852 \times 10^3 \text{L} \times \frac{1 \text{kg}}{1 \text{L}} \times \frac{1000 \text{g}}{1 \text{kg}} \times \frac{1.2 \text{g Cl}_r}{10^6 \text{g}} = 1022.4$$

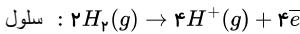
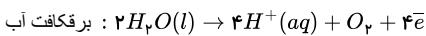


$$\frac{?g}{1 \times 95} = \frac{1022,4g}{71} \rightarrow ?gMgCl_4 = 1368 \Rightarrow 1,368 \text{ kg}$$

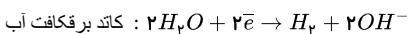
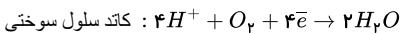
۱۱۰. گزینه ۱ موارد اول و سوم درست‌اند.
مورد اول) جهت حرکت الکترون در مدار بیرونی در هر سلولی از آند به کاتد است.
مورد دوم) عکس هم می‌باشند.



مورد سوم) در آند برقکافت محیط اسیدی شده و کاغذ pH قرمز می‌شود و در آند سلول سوختی نیز با تولید H^+ محیط اسیدی شده و کاغذ pH قرمز می‌گردد.



مورد چهارم)



مورد پنجم) نیم واکنش‌ها کاملاً متفاوت است (در توضیحات مورد چهارم آمده‌اند.)

۱۱۱. گزینه ۴

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{f(x)}{x} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x - \sqrt{4x^2 + x}}{x} \stackrel{\text{توان بیشتر}}{=} \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x - \sqrt{4x^2}}{x}$$

$$= \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x - \sqrt{|x|}}{x} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x + 2x}{x} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3x}{x} = 3$$

۱۱۲. گزینه ۳ شکل داده شده $y = -x^3$ است که یک واحد به چپ و سپس یک واحد به بالا انتقال داده شده است پس ضابطه آن $y = -(x+1)^3 + 1$ است.

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{|f(x)|}{(2x-1)^3} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\overbrace{|-(x+1)^3 + 1|}^3}{(2x-1)^3} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(x+1)^3 - 1}{(2x-1)^3}$$

$$\stackrel{\text{توان بیشتر}}{\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^3}{(2x)^3}} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^3}{8x^3} = \frac{1}{8}$$

۱۱۳. گزینه ۱ روش اول:

x در دامنه‌ی تعریف تابع قرار ندارد یعنی ریشه‌ی مخرج است.

$$x + c = 0 \Rightarrow 1 + c = 0 \Rightarrow c = -1$$

صورت کسر بر $x-1$ بخش‌پذیر است و مقدار خارج قسمت تابع به ازای $x=1$ برابر ۲ است. (زیرا تابع در $x=1$ حدی برابر ۲ دارد.)

$$\begin{array}{r} x^3 + 2x^2 + ax + b \\ \underline{-x^3 + x^2} \\ 3x^2 + ax + b \\ \underline{-3x^2 + 3x} \\ (a+3)x + b \\ \underline{-(a+3)x + a + 3} \\ a + b + 3 \end{array}$$

$$\begin{cases} a + b + 3 = 0 \Rightarrow a + b = -3 \\ Q(1) = 2 \Rightarrow 1 + 3 + a + 3 = 2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a = -5 \\ b = 2 \end{cases} \Rightarrow f(x) = \frac{x^3 + 2x^2 - 5x + 2}{x-1}$$

$$\Rightarrow f(2) = 8 + 8 - 10 + 2 = 8$$

روش دوم:

$$x + c = 0 \rightarrow 1 + c = 0 \rightarrow c = -1$$

تابع در $x=1$ حدی برابر ۲ دارد بنابراین برای محاسبه‌ی حد، عددگذاری می‌کنیم.



$$x = 1 \rightarrow \frac{1+2+a+b}{1-1} = \frac{3+a+b}{0} \quad \begin{array}{l} \text{بوده که پس از رفع ابهام} \\ \text{این کسر حتماً} \end{array} \rightarrow 3+a+b=0$$

جوایش، ۲ شده است.

$$\begin{aligned} & \underset{\text{HOP}}{\lim_{x \rightarrow 1}} \frac{3x^2 + 4x + a}{1} = 7 + a = 2 \Rightarrow a = -5, b = 2 \\ f(x) &= \frac{x^2 + 2x^2 - 5x + 2}{x-1} \Rightarrow f(2) = \frac{1+1-10+2}{2-1} = 1 \end{aligned}$$

۱۱۴. گزینه ۱ در ابتدای مسئله انتخاب توان بیشتر به کار نمی‌آید زیرا در صورت، عبارت‌ها قرینه‌ی هم شده و حاصل، صفر می‌گردد. برای رفع ابهام، عبارت را در مزدوج صورت، ضرب و تقسیم می‌کنیم (مخرج، مبهم نمی‌باشد ولی صورت، مبهم است).

$$\begin{aligned} & \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{9x+1} - 3\sqrt{x-1}}{\sqrt{x+1} + \sqrt{4x+5}} \times \frac{\sqrt{9x+1} + 3\sqrt{x-1}}{\sqrt{9x+1} + 3\sqrt{x-1}} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{9x+1 - 9(x-1)}{(\sqrt{x} + \sqrt{4x})(\sqrt{9x} + 3\sqrt{x})} \\ &= \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{9x+1 - 9x+9}{(3\sqrt{x})(2\sqrt{x})} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{10}{18x} = \frac{10}{+\infty} = 0 \end{aligned}$$

$$f(x) = \frac{\sqrt{2 - 2 \cos 2x}}{\sqrt{a + 2x - 2}} \quad ۱۱۵. \text{ گزینه ۴ فرض کنید}$$

چون حد چپ صورت کسر $f(x)$ در $x = 0$ صفر است ولی حد چپ $f(x)$ در این نقطه صفر باشد:

$$\lim_{x \rightarrow 0^-} (\sqrt{a+2x} - 2) = 0 \Rightarrow \sqrt{a} - 2 = 0 \Rightarrow a = 4$$

بنابراین:

$$\begin{aligned} b &= \lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{\sqrt{2(1 - \cos 2x)}}{\sqrt{4 + 2x} - 2} \\ &= \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{\sqrt{4 \sin^2 x}}{4 + 2x - 4} \times (\sqrt{4 + 2x} + 2) = \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{-2 \sin x}{2x} \times (\sqrt{4 + 2x} + 2) = -1 \times (2 + 2) = -4 \end{aligned}$$

۱۱۶. گزینه ۳ چون جواب حد، عدد شده است بنابراین بزرگ‌ترین توان x صورت و مخرج باید با هم برابر باشند بنابراین $n = 1$ است.

$$\begin{aligned} & \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{ax - 2x + 1}{2x - \sqrt{x^2 + 3}} \stackrel{\text{برای توان}}{=} \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{ax - 2x}{2x - \sqrt{x^2}} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{(a-2)x}{2x - \underbrace{|x|}_{-}} \\ &= \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{(a-2)x}{2x+x} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{(a-2)x}{3x} = \frac{a-2}{3} = \frac{1-a}{3} \rightarrow 3a - 6 = 3 - 3a \rightarrow 6a = 9 \rightarrow a = \frac{3}{2} \end{aligned}$$

پس $a+n = \frac{3}{2} + 1 = 2,5$ است.

۱۱۷. گزینه ۳

پرتوان زیر رادیکال، عبارت $9x^3$ است که به صورت $|3x|^3$ تبدیل می‌شود:

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) &= \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-3x^n + 6}{ax - \sqrt{9x^2 + 3x - 6}} \stackrel{\text{برای توان}}{=} \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-3x^n}{ax - 3|x|} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-3x^n}{ax + 3x} \\ &= \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-3x^n}{(a+3)x} \stackrel{n=1}{=} \frac{-3}{a+3} = \frac{-1}{2} \rightarrow a+3=6 \rightarrow a=3 \end{aligned}$$

$$\text{پس: } \lim_{x \rightarrow 2} \frac{-3x + 6}{3x - \sqrt{9x^2 + 3x - 6}} = \overset{\circ}{\lim_{x \rightarrow 2}} \frac{-3}{3 - \frac{18x+3}{2\sqrt{9x^2+3x-6}}} = \frac{-3}{3 - \frac{39}{12}} = \frac{-3}{-\frac{3}{4}} = 12$$

$$\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{x^2 - x^2[x] - 4}{\sqrt{x+4-[2x]}} = \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{x^2 - x^2 - 4}{\sqrt{x+4-3}} = \frac{\text{صفر}}{\text{صفر}} \rightarrow$$

حال باید عامل ابهام را از صورت و مخرج حذف کنیم. برای این منظور می‌توان عامل $(x-2)$ را در صورت و مخرج ایجاد کرد و سپس آن را حذف کرد.

$$\begin{aligned} & x^2 - x^2 - 4 \quad | \quad x-2 \\ & \overline{x^2 - 2x^2} \quad x^2 + x + 2 \\ & \quad x^2 - 4 \\ & \overline{x^2 - 2x} \quad \Rightarrow x^2 - x^2 - 4 = (x-2)(x^2 + x + 2) \\ & \quad 2x - 4 \\ & \overline{2x - 4} \quad 0 \end{aligned}$$

۱۱۸. گزینه ۳ راه حل اول:

$$\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{x^3 - x^2 - 4}{\sqrt{x+4} - 3} = \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{(x-2)(x^2 + x + 2)}{\sqrt{x+4} - 3} \times \frac{\sqrt{x+4} + 3}{\sqrt{x+4} + 3} \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{(x-2)(x^2 + x + 2)(\sqrt{x+4} + 3)}{x+4 - 9} = \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{(x-2)(x^2 + x + 2)(\sqrt{x+4} + 3)}{x-2} \boxed{18}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 2^-} (x^2 + x + 2)(\sqrt{x+4} + 3) = 8 \times 6 = 48$$

راه حل دوم: قاعدة هوپیتال:

$$\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{x^3 - x^2[x] - 4}{\sqrt{x+4} - [2x]} \stackrel{H}{=} \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{3x^2 - 2x}{\frac{1}{2\sqrt{x+4}}} = \frac{12 - 4}{\frac{1}{6}} = 48$$

 ۱۱۹. گزینه ۳ حد هر چند جمله‌ای در $\pm \infty$ برابر با حد جمله‌ای از آن است که دارای بزرگ‌ترین درجه است.

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{\Delta x + |x - 4|}{x - \sqrt{x^2 - 1}} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{\Delta x - (x - 4)}{x - \sqrt{x^2}} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{4x}{x - |x|} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{4x}{x - (-x)} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{4x}{2x} = 2$$

۱۲۰. گزینه ۱

 برای به دست آوردن این حد ابتدا باید مقدار $[4\cos^3 \pi x]$ را در همسایگی راست $x = \frac{1}{6}$ به دست آوریم، می‌دانیم تابع $\cos x$ و $\cos^3 x$ در ربع اول نزولی است:

$$x \rightarrow (\frac{1}{6})^+ \Rightarrow \cos \pi x < \cos \frac{\pi}{6} = \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow \cos^3 \pi x < \frac{3}{4} \Rightarrow 4\cos^3 \pi x < 3 \Rightarrow [4\cos^3 \pi x] = [3^-] = 2$$

$$\lim_{x \rightarrow (\frac{1}{6})^+} \frac{2 - 12x}{ax + b} = \frac{1}{2}$$

 صورت کسر در $x = \frac{1}{6}$ صفر است و حاصل حد مقداری غیرصفر، بنابراین مخرج نیز باید در $x = \frac{1}{6}$ صفر شود:

$$a(\frac{1}{6}) + b = 0$$

$$\lim_{x \rightarrow (\frac{1}{6})^+} \frac{2 - 12x}{-6bx + b} = \lim_{x \rightarrow (\frac{1}{6})^+} \frac{2(1 - 6x)}{b(1 - 6x)} = \frac{2}{b}$$

$$\frac{2}{b} = \frac{1}{2} \Rightarrow b = 4 \Rightarrow a = -24 \Rightarrow a + b = -20$$

۱۲۱. گزینه ۱ با توجه به اینکه حاصل حد مقدار عددی غیرصفر می‌باشد، پس بزرگ‌ترین درجه صورت برابر بزرگ‌ترین درجه مخرج است. داریم:

 $n > 3 \rightarrow n - 2 > 1 \rightarrow n - m > 1$

 با توجه به این $m + 3 > 1$ باید باشد تا بزرگ‌ترین درجه صورت و مخرج بتوانند با هم برابر شوند، پس:

$$m + 3 = n - 2 \rightarrow n - m = 5$$

حال داریم:

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{nx^{m+3} - nx + m}{m^3 x^{n-2} + mx + n - 1} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{nx^{m+3}}{m^3 x^{n-2}} = \frac{n}{m^3} = 4 \rightarrow n = 4m^3$$

$$\xrightarrow{n-m=5} 4m^3 - m = 5 \rightarrow 4m^3 - m - 5 = 0 \begin{cases} m = \frac{5}{4} \rightarrow \text{غایق} \quad (m \in \mathbb{Z}) \\ m = -1 \rightarrow \text{غایق} \end{cases}$$

$$m = -1 \rightarrow n = 4 \rightarrow m + n = 3$$

۱۲۲. گزینه ۳ از صورت و مخرج، جملات با توان بیشتر را انتخاب می‌کنیم

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2(x-1)^5 + 4(x-3)^5}{x^3(x-1)(-2x+1)(3x-5)} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^5 + 4x^5}{x^3(x-1)(-2x)(3x)} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{6x^5}{-6x^5} = -\frac{6}{6} = -1$$

۱۲۳. گزینه ۲ برآکت موجود در صورت را به عدد تبدیل می‌کنیم:

$$\lim_{x \rightarrow 2^-} [x^3] = [4^-] = 3$$

$$\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{[x^3] - 4}{x^3 - 4} = \frac{3 - 4}{4^- - 4} = \frac{-1}{0^-} = +\infty$$

 ۱۲۴. گزینه ۳ چون $a \rightarrow x$ دارای همسایگی دوطرفه است. می‌توان نتیجه گرفت که مخرج کسر اطراف این نقطه تغییر علامت نمی‌دهد و با توجه به مثبت بودن صورت کسر و $-\infty$ بودن جواب،

 می‌توانیم نتیجه بگیریم که مخرج کسر به صورت 0 است. تابع سینوس در اطراف $x = 2k\pi \pm \frac{\pi}{2}$ همواره کمتر از یک است؛ پس داریم:

$$\lim_{x \rightarrow a} \frac{1}{-1 + \sin x}$$

و در بازه $[2\pi, 4\pi]$ وقتی $x = -1$, آن‌گاه مخرج کسر به صورت $-\frac{\Delta\pi}{2}$ در می‌آید, بنابراین:

$$a = \frac{\Delta\pi}{2}, b = -1 \Rightarrow ab = -\frac{\Delta\pi}{2}$$

۱۲۵ . گزینه ۲

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{4x + 3}{3x + \sqrt{3x - 4}} &\stackrel{\text{پرتوان}}{=} \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{4x}{3x + \sqrt{3x}} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{4x}{3x + \lfloor x \rfloor} \\ &= \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{4x}{3x - x} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{4x}{2x} = 2 \end{aligned}$$

$$\lim_{u \rightarrow 0} \sin u \simeq u \quad \text{و} \quad \lim_{u \rightarrow 0} (1 - \cos u) \simeq \frac{u^2}{2} \quad ۱۲۶$$

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan x - \sin x}{x^3} &= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\frac{\sin x}{\cos x} - \sin x}{x^3} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\frac{\sin x - \sin x \cdot \cos x}{\cos x}}{x^3} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x \cdot (1 - \cos x)}{x^3 \cdot \cos x} \\ &= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \times \frac{x^2}{2}}{x^3 \times 1} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\frac{1}{2}x^2}{x^3} = \frac{1}{2} \end{aligned}$$

$$\lim_{x \rightarrow a} \frac{f(x)}{g(x)} = \frac{f'(a)}{g'(a)} \quad \text{مشتق‌پذیر باشند آنگاه: } x = a \text{ باشد و } f \text{ و } g \text{ در } x = a \text{ را مشتق‌پذیر باشند. اگر} \quad \text{راه دوم: روش هوپیتال: اگر}$$

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan x - \sin x}{x^3} &= \stackrel{\circ}{\circ} \xrightarrow{\text{HOP}} \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 + \tan^2 x - \cos x}{3x^2} = \stackrel{\circ}{\circ} \xrightarrow{\text{مهم}} \\ &\frac{x^2 + \frac{x^2}{2}}{\frac{3x^2}{2}} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\frac{1}{2}x^2}{3x^2} = \frac{1}{6} \end{aligned}$$

۱۲۷ . گزینه ۲

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^n - 2x}{ax^2 - 3x + 2} \stackrel{\text{توان بیشتر}}{=} \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^n}{ax^2} \stackrel{\text{توان صورت و مخرج برابرند یعنی } n=2 \text{ است}}{=} \frac{1}{a} = 1 \rightarrow a = 1$$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 2x}{x^2 - 3x + 2} = \stackrel{\circ}{\circ} \rightarrow \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x(x-2)}{(x-1)(x-2)} = \frac{2}{2-1} = 2$$

۱۲۸ . گزینه ۴ روش اول: حد داده شده دارای ابهام $\stackrel{\circ}{\circ}$ است. برای رفع ابهام در صورت کسر از اتحاد چاق و لاغر استفاده می‌کنیم و در مخرج، عبارت را بر عامل ابهام یعنی $x - 2$ تقسیم می‌کنیم.

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 4}{x^2 - 3x + 2} = \stackrel{\circ}{\circ} \rightarrow \lim_{x \rightarrow 2} \frac{(x-2)(x+4+2x)}{(x-2)(x+2+1)} = \frac{4+4+4}{4+4+1} = \frac{12}{9} = \frac{4}{3}$$

جواب حد، ۴ برابر $\frac{1}{3}$ است.

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 4}{x^2 - 3x - 2} = \stackrel{\circ}{\circ} \xrightarrow{\text{HOP}} \lim_{x \rightarrow 2} \frac{3x^2}{3x^2 - 3} = \frac{12}{9} = \frac{4}{3}$$

جواب حد، ۴ برابر $\frac{1}{3}$ است.

$$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \sqrt[n]{ax^n + bx^{n-1} + \dots} \simeq \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \sqrt[n]{a} \left| x + \frac{b}{n \cdot a} \right| \quad ۱۲۹$$

به کمک همارزی فوق خواهیم داشت:

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x - \sqrt{x^2 + 2x}}{3x + 4} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x - |x + \frac{2}{2}|}{3x + 4} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x + (x+1)}{3x + 4} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2x+1}{3x+4} = \frac{2}{3}$$

۱۳۰ . گزینه ۱ نکته: حد هر چند جمله‌ای در $\pm\infty \rightarrow x$ برابر با حد جمله‌ای از آن است که دارای بزرگ‌ترین درجه است.

چون حاصل حد در $\pm\infty \rightarrow x$ برابر با عدد $\frac{1}{5}$ بوده و مخرج عبارتی درجه اول است، پس صورت هم باید عبارتی درجه اول باشد، پس داریم:

$$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{(m+2)x^2 + 3x}{nx - 1} = \frac{1}{5} \rightarrow m+2 = 0 \rightarrow m = -2$$

$$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{3x}{nx} = \frac{1}{n} = \frac{1}{5} \rightarrow n = 15 \rightarrow m+n = -2+15 = 13$$

۱۳۱ . گزینه ۱ می دانیم: بنا به همارزی هرگاه کمان تانژانت به سمت صفر میل کند، می توان تابع تانژانت را حذف نمود و فقط از کمان استفاده نمود.

$$\text{طرف اول} = \lim_{x \rightarrow \pi^+} \frac{\tan(a \cdot \sin 2x)}{\sqrt{b + \cos x}} = \frac{\tan(\circ)}{\sqrt{b + (-1)}} = \frac{\circ}{\sqrt{b - 1}}$$

چون جواب حد یک عدد حقیقی غیر صفر است و صورت صفر شده است بنابراین باید مخرج هم صفر شود.

$$b - 1 = \circ \Rightarrow b = \circ$$

$$\text{همارزی} \Rightarrow \lim \frac{a \cdot \sin 2x}{\sqrt{1 + \cos x}} \times \frac{\sqrt{1 - \cos x}}{\sqrt{1 - \cos x}}$$

$$= \lim_{x \rightarrow \pi^+} \frac{2a \cdot \sin x \cdot \cos x \times \sqrt{1 - \cos x}}{\sqrt{1 - \cos^2 x}} = \lim_{x \rightarrow \pi^+} \frac{2a \cdot \sin x(-1) \times \sqrt{2}}{\sqrt{\sin^2 x}}$$

$$= \lim_{x \rightarrow \pi^+} -2\sqrt{2}a \times \frac{\sin x}{|\sin x|} = 2\sqrt{2}a = -2\sqrt{2} \Rightarrow a = -1$$

$$a \cdot b = (-1) \cdot (1) = -1$$

۱۳۲ . گزینه ۲ کسر داده شده را به حاصل ضرب کسر جداگانه تبدیل می کنیم و در هر کسر از مزدوج مخرج استفاده می کنیم:

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sin^r \pi x}{(\sqrt{x} - 1)(\sqrt[r]{x} - 1)} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sin \pi x}{\sqrt{x} - 1} \times \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sin \pi x}{\sqrt[r]{x} - 1}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sin(\pi - \pi x)(\sqrt{x} + 1)}{(\sqrt{x} - 1)(\sqrt{x} + 1)} \times \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sin(\pi - \pi x)(\sqrt[r]{x} + \sqrt[r]{x} + 1)}{(\sqrt[r]{x} - 1)(\sqrt[r]{x} + \sqrt[r]{x} + 1)}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\pi \sin \pi(1 - x)(\sqrt{x} + 1)}{-\pi(1 - x)} \times \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\pi \sin \pi(1 - x)(\sqrt[r]{x} + \sqrt[r]{x} + 1)}{-\pi(1 - x)} = (-2\pi) \times (-3\pi) = 6\pi^2$$

۱۳۳ . گزینه ۳

روش اول:

$$\lim_{x \rightarrow 4} \frac{(2x + 1 - 4)(\sqrt{x} + 2)}{(x - 4)(\sqrt[2]{x + 1} + 2)} = \lim_{x \rightarrow 4} \frac{2(x - 4)(\sqrt{x} + 2)}{(x - 4)(\sqrt[2]{x + 1} + 2)} = \frac{8}{6} = \frac{4}{3}$$

روش دوم:

$$\lim_{x \rightarrow 4} \frac{\sqrt[2]{2x + 1} - 3}{\sqrt{x} - 2} = \frac{\circ}{\circ} \xrightarrow{HOP} \lim_{x \rightarrow 4} \frac{\frac{1}{2}\sqrt{2x+1}}{\frac{1}{2}\sqrt{x}} = \frac{\frac{1}{2}}{\frac{1}{2}} = \frac{4}{3}$$

۱۳۴ . گزینه ۴ حد صورت در همسایگی $x = -a$ برابر صفر است، پس برای اینکه حاصل حد عددی حقیقی شود، لازم است حد مخرج نیز صفر شود، پس $-a = x$ ریشه مخرج نیز می باشد.

$$\sqrt[r]{-a + 1} + b = \circ \Rightarrow \sqrt[r]{-a + 1} = -b \quad (\star)$$

حال داریم:

$$\lim_{x \rightarrow (-a)^-} \frac{|x + a|}{\sqrt[r]{x + 1} + b} = \lim_{x \rightarrow (-a)^-} \frac{-(x + a)}{\sqrt[r]{x + 1} + b} \xrightarrow{HOP} \lim_{x \rightarrow (-a)^-} \frac{-1}{\frac{1}{r}\sqrt[r]{(x+1)^r}} = \frac{-1}{\frac{1}{r}}$$

$$= \lim_{x \rightarrow (-a)^-} -r\sqrt[r]{(x+1)^r} = -r(\sqrt[r]{-a + 1})^r = -rb^r = -r \Rightarrow b^r = 1$$

$$\Rightarrow \begin{cases} b = -1 & \xrightarrow{*} a = \circ \\ b = 1 & \xrightarrow{*} a = 2 \end{cases}$$

۱۳۵ . گزینه ۴

بررسی تک تک گزینه ها:

$$\text{۱}: \text{گزینه} : \lim_{x \rightarrow \circ^-} \frac{x^r + 3}{x + |x|} = \lim_{x \rightarrow \circ^-} \frac{x^r + 3}{\circ x} = \frac{3}{\circ} = +\infty$$

$$\text{۲}: \text{گزینه} : \lim_{x \rightarrow \circ^+} \frac{x - 2}{(x - \circ)^r} = \frac{1}{\circ^+} = +\infty$$

$$\text{۳}: \text{گزینه} : \lim_{x \rightarrow \circ} \frac{\sin x + \cos x}{1 - \cos x} = \frac{\sin \circ + \cos \circ}{1 - 1^-} = \frac{1}{\circ^+} = +\infty$$

$$\text{۴}: \text{گزینه} : \lim_{x \rightarrow \pi} \frac{\cos x}{(x - \pi)^r} = \frac{-1}{\circ^+} = -\infty$$

۱۳۶ . گزینه ۳ می دانیم که $\sin u = 2 \sin \frac{u}{2} \cos \frac{u}{2}$ و $1 + \cos u = 2 \cos^2 \frac{u}{2}$ است.

$$\lim_{x \rightarrow \pi^+} \frac{1 + \cos x}{4 \sin x} = \lim_{x \rightarrow \pi^+} \frac{\frac{1}{2} \cos^2 \frac{x}{2}}{4(2 \sin \frac{x}{2} \cos \frac{x}{2})} = \lim_{x \rightarrow \pi^+} \frac{\cos \frac{x}{2}}{4 \sin \frac{x}{2}}$$

$$= \lim_{x \rightarrow \pi^+} \frac{1}{4} \times \cot \frac{x}{2} = \lim_{x \rightarrow \pi^+} \frac{1}{4 \tan \frac{x}{2}} = \frac{1}{4 \tan(\frac{\pi}{2})^+} = \frac{1}{4(-\infty)} = -\infty = 0.$$

۱۳۷ . گزینه ۱ هرگاه x به سمت عددی میل کند که باعث صفر شدن تمام جملات شود آن‌گاه هر عبارت، هم‌ارز جمله‌ای است که توان کمتری دارد.

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-24x^9 + 7x^8 - 3mx^6}{2ax^m} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-3mx^6}{2ax^m} = 3$$

اگر $m < 6$ باشد جواب بی‌نهایت است پس $m = 6$ است در نتیجه مقدار حد برابر $\frac{-3m}{2a}$ است که برابر ۳ است یعنی:

$$\frac{-3m}{2a} = 3 \Rightarrow \frac{-3 \times 6}{2a} = 3 \Rightarrow a = -2$$

در نتیجه: $a^3 + m = 6 + 6 = 12$ پس گزینه ۱ صحیح است.

۱۳۸ . گزینه ۴

صورت و مخرج کسر را در عبارت $2\sqrt[3]{x} + \sqrt[3]{x}$ ضرب می‌کنیم:

$$\lim_{x \rightarrow 16} \frac{\sqrt[3]{x} - 2}{\sqrt[3]{x} - 4} \times \frac{\sqrt[3]{x} + 2}{\sqrt[3]{x} + 2} = \lim_{x \rightarrow 16} \frac{\sqrt[3]{x} - 4}{(\sqrt[3]{x} - 2)(\sqrt[3]{x} + 2)} = \frac{1}{4}$$

۱۳۹ . گزینه ۲ صورت کسر را با استفاده از $1 - \cos u = 2 \sin^2 \frac{u}{2}$ اتحاد تبدیل می‌کنیم:

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow \infty^+} \frac{\tan 3x \sqrt{2 \sin^2 x}}{x^2(1+x)} &= \lim_{x \rightarrow \infty^+} \frac{\tan 3x |\sin x| \sqrt{2}}{x^2} \\ &= \lim_{x \rightarrow \infty^+} \frac{\frac{\tan 3x}{x^2} \times 3x \left| \frac{\sin x}{x} \right| \times x \sqrt{2}}{x^2} = \lim_{x \rightarrow \infty^+} \frac{3x \left| \frac{\sin x}{x} \right| \sqrt{2}}{x^2} = \lim_{x \rightarrow \infty^+} \frac{3x^3 \sqrt{2}}{x^2} = 3\sqrt{2} \end{aligned}$$

۱۴۰ . گزینه ۲ ابهام $\frac{0}{0}$ را داریم که باید آن را رفع ابهام کنیم:

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}^-} \frac{\sqrt{\sin x} - 1}{\cos 4x - 1} \times \frac{\sqrt{\sin x} + 1}{\sqrt{\sin x} + 1} &= \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}^-} \frac{\sin x - 1}{\cos 4x - 1} \times \underbrace{\frac{1}{\sqrt{\sin x + 1}}}_{2} = \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}^-} \frac{\sin x - 1}{\sqrt{-2 \sin^2 2x - 1}} \times \frac{1}{2} = \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}^-} \frac{\sin x - 1}{-2 \sin^2 2x} \times \frac{\sin x + 1}{\sin x + 1} \times \frac{1}{2} \\ &= \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}^-} \frac{-\cos^2 x}{-2(2 \sin x \cos x)^2} \times \underbrace{\frac{1}{\sin x + 1}}_{2} \times \frac{1}{2} = \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}^-} \frac{1}{32 \sin^3 x} = \frac{1}{32} \end{aligned}$$

۱۴۱ . گزینه ۳ سلتیم یک عنصر اساسی است که منشأ اصلی آن از خاک و مسیر ورود آن به بدن انسان از طریق گیاهان است.

۱۴۲ . گزینه ۳ تیتانیم در پوسته زمین جزء عناصر فرعی و روی جزء عناصر جزئی می‌باشد، مطالعات ژئوشیمیابی نشان می‌دهد که توزیع عناصر در زمین و ترکیب سنگ‌ها در مناطق مختلف متفاوت است.

۱۴۳ . گزینه ۴ از سرب در تهیه لباس‌های محافظ در هنگام عکس برداری توسط پرتو X استفاده می‌شود.

۱۴۴ . گزینه ۳ با توجه به جدول، غلظت عنصر کادمیم بالاتر از میانگین کلارک آن در پوسته (کمتر از ۱،۰ درصد) است. به عبارت دیگر، کادمیم دارای بی‌هنگاری مثبت است که به اندام کلیه و مقاصل آسیب می‌رساند.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه (۱): کم خونی و مرگ و میر حاصل بی‌هنگاری مثبت روی می‌باشد. میانگین غلظت روی در پوسته زمین 13.5 mg/g می‌باشد.

گزینه (۲): مس بی‌هنگاری منفی داشته و استخراج آن مقرن به صرفه نیست.

۱۴۵ . گزینه ۲ زمین‌شناسان با تهیه نقشه پراکندگی ژئوشیمیابی عناصر، مناطق دارای خطر بیماری‌های خاص را شناسایی می‌کنند.

۱۴۶ . گزینه ۲ در کانسنتگ‌های سولفیدی می‌توان عناصر آرسنیک، کادمیم، سلتیم، افزایش کادمیم می‌تواند موجب تغییر شکل و نرمی استخوان در زنان مسن و نیز برخی از آسیب‌های کلیوی شود.

۱۴۷ . گزینه ۳ وجود عناصر کلسیم و منیزیم باعث سختی آب آشامیدنی شده و می‌تواند باعث ایجاد انواع خاصی از بیماری‌های کلیوی گردد. افزایش کادمیم می‌تواند موجب تغییر شکل و نرمی استخوان در زنان مسن و نیز برخی از آسیب‌های کلیوی شود.

۱۴۸ . گزینه ۲ کادمیم عنصری سمی و سرطان‌زاست که در کانسنتگ‌های سولفیدی یافت می‌شود. مهم‌ترین منشأ آن در معادن سرب و روی است و می‌تواند سبب آسیب‌رسانی به کلیه‌ها و تغییر شکل و نرمی استخوان‌ها در زنان مسن گردد.

۱۴۹ . گزینه ۴ وقتی مقادیر بالای عنصر آرسنیک وارد بدن انسان می‌شود، عوارض و بیماری‌های متعدد مانند ایجاد لکه‌های پوستی، سخت‌شدن و شاخی‌شدن کف دست و پا، دیابت و سرطان پوست را ایجاد می‌کند. فرمول اوریپمان نیز سولفید آرسنیک است.

۱۵۰ . گزینه ۱ هرچه گدازه روان‌تر (سیلیس کمتر) باشد، مخروط آتش‌نشان، شب و ارتفاع کمتری دارد. در صورتی که سرعت جریان گدازه آتش‌نشانی پایین باشد، میزان سیلیس آن بالا می‌باشد.

۱۵۱. گزینه ۳ پتانسیم عنصر اصلی است، منگنز عنصر فرعی و سرب عنصر جزئی.

تقطیع‌بندی عناصر	عناصر
فرعی	الف
اصلی	ب
جزئی	ج

۱۵۲. گزینه ۲ برخی ترکیبات مانند نیترات‌ها برای سلامت انسان مضر هستند.

۱۵۳. گزینه ۴ سدیم در گروه عناصر اصلی در پوسته، غلظت بیش از ۱ درصد دارد.

۱۵۴. گزینه ۲ تأثیر منفی کادمیم وقتی مشخص شد که آب‌های معدنی سرشار از کادمیم از یک معدن روی و سرب وارد مزارع برنج شده و باعث بیماری ایتای گردید.

۱۵۵. گزینه ۴ عناصر مورد نیاز برای عملکرد دستگاه‌های بدن، عناصر اساسی هستند که در تمام بافت‌های سالم بدن وجود دارند.



سجاد مختاری